

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی	تعداد صفحه: ۲	دوره دوم متوسطه - دوازدهم
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۳	تاریخ آزمون:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینشارگر داخل و خارج کشور خردداد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir			

«سالروز ارتحال رهبر کبیر انقلاب اسلامی ایران و شهدای یانزده خرداد قسلیت باد»

ردیف	نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی) مجاز است.
۱	۰.۷۵	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) هر نقطه اکسترم نسبی تابع، یک نقطه بحرانی آن است. ب) تابع $f(x) = \sqrt[5]{x}$ در $x = 0$ مشتق پذیر است. ج) در تابع $f(x) = 4 + \sqrt{x-1}$ دامنه تابع $(f^{-1} \text{of})(x) = y$ برابر $[1, +\infty)$ است.
۲	۰.۷۵	جاهاي خالي را با عبارت يا عدد مناسب كامل کنيد. الف) تابع $g(x) = x^3 - 4x + 5$ در بازه $a \in (-\infty, 0]$ اکيداً نزولي است. حداکثر مقدار a برابر است. ب) مقدار عددی عبارت $\sin 15^\circ \cos 15^\circ$ برابر است. ج) اگر صفحه P در يكى از موقعیت‌ها با مولد سطح مخروطی موازی باشد و از رأس آن عبور نکند، شکل حاصل است.
۳	۰.۵	به کمک انتقال نمودار تابع $y = f(x) = (x-2)^3 + 1$ نمودار تابع $y = g(x) = 2x^3$ را رسم کنيد.
۴	۰.۷۵	در شکل روپرتو نمودار تابع f رسم شده است. الف) نمودار تابع g با ضابطه $g(x) = f(2x)$ را رسم کنيد. ب) مقدار $(g \circ f)(0)$ را بدست آوريد.
۵	۱.۲۵	تابع $f(x) = \sqrt{x+4}$ را در نظر بگيريد. دامنه و ضابطه تابع وارون آن را بیابيد.
۶	۱.۵	اگر بیشترین و کمترین مقدار تابع $y = a \sin(\lambda x) + c$ به ترتیب ۹ و ۳ باشد. الف) مقادیر $ a $ و c را بیابيد. ب) دوره تناوب تابع را بدست آوريد.
۷	۱.۲۵	جواب‌های معادله $\cos(2x) = \frac{1}{3}$ را در بازه $(0, \pi)$ بدست آوريد.
۸	۲	حدود زیر را محاسبه کنيد.(نماد [] علامت جزء صحیح است). الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{\sqrt{x-1}}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{3 - [x]}{x-3}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{1}{(x-5)^3}$ د) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-6x^3 + 7x - 9}{2x^3 - 4x^2 + x}$
۹	۱	اگر نمودار تابع f از نقطه $A(3, 4)$ بگذرد و $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x-2} = 3$ باشد، معادله خط مماس بر نمودار f را در نقطه A بدست آوريد.

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی	تعداد صفحه: ۲	دوفو دوم متوسطه – دوازدهم
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۳	تاریخ آزمون:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir			«سالروز ارتحال رهبر کبیر انقلاب اسلامی ایران و شهدای یانزده خرداد قسلیت باد»

نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی) مجاز است.	ردیف
۱.۲۵	با استفاده از تعریف مشتق، شبیه نیم مماس چپ تابع $f(x) = x^3 - 4 $ را در $x = 2$ بیابید.	۱۰
۱.۲۵	مشتق تابع زیر را بدست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) $f(x) = (x - 6)^3 + \frac{5x + 3}{\sqrt{2x - 1}}$	۱۱
۱.۲۵	تابع $x^3 - 4$ را در نظر بگیرید. الف) آهنگ تغییر متوسط تابع f را در بازه $[0, 2]$ بدست آورید. ب) حدود x را چنان بیابید که آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع f از آهنگ تغییر متوسط آن، در بازه $[0, 2]$ بزرگتر باشد.	۱۲
۱	در نمودار تابع مقابل، طول نقاط ماکزیمم نسبی، مینیمم نسبی، ماکزیمم مطلق و مینیمم مطلق را بیابید. 	۱۳
۱.۷۵	مطابق شکل زیر، نقطه A در ناحیه اول دستگاه مختصات روى معنی $y = 12 - x^3$ قرار دارد. با استفاده از جدول تغییرات، مختصات نقطه A را چنان بیابید که مساحت مثلث قائم الزاویه OAB بیشترین مقدار ممکن را داشته باشد. 	۱۴
۱.۲۵	در یک بیضی فاصله کانونی با طول قطر کوچک آن برابر است. خروج از مرکز بیضی را بیابید.	۱۵
۱	اگر مرکز دایره $O(1, 2)$ باشد. الف) مقدار a را بیابید. ب) شعاع دایره را محاسبه کنید.	۱۶
۱.۵	سه ظرف یکسان داریم. در اولین ظرف ۱۵ مهره قرار دارد که ۳ تای آنها قرمز است. در ظرف دوم هیچ مهره قرمزی وجود ندارد و در ظرف سوم ۱۲ مهره داریم که ۶ تای آنها قرمز است. با چشم بسته یک ظرف را انتخاب کرده و یک مهره از آن خارج می‌کنیم. با چه احتمالی این مهره قرمز است.	۱۷

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳ مهر ۱۴۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱	(الف) درست (۰ / ۲۵) (صفحه ۱۰۶) ب) نادرست (۰ / ۲۵) (صفحه ۸۰) ج) درست (۰ / ۲۵) (صفحه ۲۵)	۰/۷۵	
۲	الف) ۲ (۰ / ۲۵) (صفحه ۱۰) ب) $\frac{1}{4}$ (۰ / ۲۵) (صفحه ۴۳) ج) سهمی (۰ / ۲۵) (صفحه ۱۲۷)	۰/۷۵	
۳	(صفحه ۵)	۰/۵	
۴	(الف) (۰/۵) (صفحه ۲۳) ب) $g(f(0)) = g(2) = 0$ (۰/۲۵) 	۰/۷۵	
۵	$y = \sqrt{x+4} - 1 \Rightarrow y + 1 = \sqrt{x+4} \Rightarrow (y+1)^2 = x+4 \Rightarrow (y+1)^2 - 4 = x$ $\Rightarrow f^{-1}(x) = (x+1)^2 - 4$ (۰/۷۵) $D_{f^{-1}} = R_f = [-1, +\infty)$ (۰/۵) (صفحه ۲۹)	۱/۲۵	
۶	روش اول: $ a = \frac{\text{Max} - \text{Min}}{2} = \frac{9 - 3}{2} = 3$ (۰/۵) $c = \frac{\text{Max} + \text{Min}}{2} = \frac{9 + 3}{2} = 6$ (۰/۵) روش دوم: $\begin{cases} a + c = 9 \\ - a + c = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} c = 6 \\ a = 3 \end{cases}$ (ب) $T = \frac{2\pi}{ b } = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\pi}{4}$ (۰/۵) (صفحه ۴۱)	۱/۵	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۳/۱۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۷	<p>روش اول:</p> $\cos 2x = \frac{1}{2} \Rightarrow \cos 2x = \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow 2x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3} \quad (x = k\pi \pm \frac{\pi}{6}) \quad (\cdot / ۵)$ $\xrightarrow{x \in (0, \pi)} x = \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6} \quad (\cdot / ۵)$ <p>روش دوم:</p> $\cos 2x = \frac{1}{2} \Rightarrow 2x = \frac{\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \Rightarrow x = \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6} \quad (1 / ۲۵)$ <p>(صفحه ۴۶)</p>	۱/۲۵
۸	<p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{\sqrt{x}-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)}{(\sqrt{x}-1)} = 2 \quad (\cdot / ۵)$ (صفحه ۵۲)</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{1}{(x-5)^4} = \frac{1}{0^+} = +\infty \quad (\cdot / ۵)$ (صفحه ۵۷)</p> <p>(ج) $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{3-[x]}{x-3} = \frac{1}{0^-} = -\infty \quad (\cdot / ۵)$ (صفحه ۵۷)</p> <p>(د) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-6x^3 + 7x - 9}{2x^3 - 4x^2 + x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-6x^3}{2x^3} = -3 \quad (\cdot / ۵)$ (صفحه ۶۴)</p>	۲
۹	<p>روش اول:</p> <p>فرض کنیم $y = ax + b$ ، خط مماس بر منحنی f در نقطه $(2, 4)$ واقع بر آن باشد:</p> $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = 3 \Rightarrow f'(2) = 3 \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow a = 3 \quad (\cdot / ۲۵)$ $y = 3x + b \xrightarrow{(2, 4)} b = -2 \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow y = 3x - 2 \quad (\cdot / ۲۵)$ <p>روش دوم:</p> $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = 3 \Rightarrow f'(2) = 3 \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow m = 3 \quad (\cdot / ۲۵)$ $y - y_0 = m(x - x_0) \xrightarrow{(2, 4)} y - 4 = 3(x - 2) \quad (\cdot / ۵)$ <p>(صفحه ۷۶)</p>	۱

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳/۳/۱۴۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	<p>روش اول:</p> $\begin{aligned} f'_-(2) &= \lim_{\substack{x \rightarrow 2^- \\ (0/25)}} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{\substack{x \rightarrow 2^- \\ (0/25)}} \frac{ x^2 - 4 - 0}{x - 2} = \lim_{\substack{x \rightarrow 2^- \\ (0/25)}} \frac{-(x^2 - 4)}{x - 2} \\ &= \lim_{\substack{x \rightarrow 2^- \\ (0/25)}} \frac{-(x - 2)(x + 2)}{x - 2} = -4 \quad (0/25) \end{aligned}$	۱/۲۵
۱۱	<p>روش دوم:</p> $\begin{aligned} f'_-(2) &= \lim_{\substack{h \rightarrow 0^- \\ (0/25)}} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = \lim_{\substack{h \rightarrow 0^- \\ (0/25)}} \frac{ (2+h)^2 - 4 - 0}{h} = \lim_{\substack{h \rightarrow 0^- \\ (0/25)}} \frac{ h^2 + 4h }{h} \\ &= \lim_{\substack{h \rightarrow 0^- \\ (0/25)}} \frac{-(h^2 + 4h)}{h} = -4 \quad (0/25) \end{aligned}$ صفحه ۷۹	
۱۲	$f'(x) = \underbrace{3(x-2)^2}_{(0/25)} + \frac{\overbrace{5(\sqrt{2x-1})}^{(0/25)} - \overbrace{\frac{2}{2\sqrt{2x-1}}(5x+3)}^{(0/25)}}{\underbrace{(\sqrt{2x-1})^2}_{(0/25)}} \quad (0/25)$ صفحه ۸۸	۱/۲۵
۱۳	<p>(الف) آهنگ متوسط در بازه $[0, 2]$ است:</p> $\frac{f(2) - f(0)}{2 - 0} = \frac{2^2 - 0}{2} = 1 \quad (0/25)$ <p>(ب) آهنگ لحظه‌ای در بازه $[0, 2]$ است:</p> $f'(x) = 2x - 1 \Rightarrow 2x - 1 > 1 \Rightarrow x > 1 \quad (0/25)$ صفحه ۱۰۰ <p>توجه: (اگر دانش آموزی جواب بدست آمده در قسمت (ب) را با بازه $[0, 2]$ اشتراک گرفت نمره کامل داده شود).</p>	۱/۲۵
۱	$3 = \text{طول مکزیمم نسبی}$ $1 = \text{طول مکزیمم مطلق}$	$2 = \text{طول مکزیمم نسبی}$ $4 = \text{طول مکزیمم مطلق}$ صفحه ۱۱۰

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳: ۱۴۰۳/۳/۱۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره												
۱۴	$S_{OAB} = \frac{1}{2}xy = \frac{1}{2}x(12-x^2) = 6x - \frac{1}{2}x^3 \quad (0/25) \Rightarrow S'(x) = 6 - \frac{3}{2}x^2 \quad (0/25)$ $6 - \frac{3}{2}x^2 = 0 \quad (0/25) \xrightarrow{x>0} x = 2 \quad (0/25) \Rightarrow y = 12 - 4 = 8 \quad (0/25)$ <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">X</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">○</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">2</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$\sqrt{12}$</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$S'(x)$</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">+</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">-</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$S(x)$</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">↗</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">↘</td> <td></td> </tr> </table> <p>(صفحه ۱۲۰)</p>	X	○	2	$\sqrt{12}$	$S'(x)$	+	-		$S(x)$	↗	↘		۱/۷۵
X	○	2	$\sqrt{12}$											
$S'(x)$	+	-												
$S(x)$	↗	↘												
۱۵	<p>اگر FF' را فاصله کانونی و BB' را قطر کوچک بیضی در نظر بگیریم، داریم:</p> $FF' = BB' \Rightarrow 2c = 2b \Rightarrow c = b \quad (0/5)$ $\underbrace{a^2}_{(0/25)} = \underbrace{b^2 + c^2}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{a^2}_{(0/25)} = \underbrace{c^2 + c^2}_{(0/25)} \Rightarrow a^2 = 2c^2 \Rightarrow e = \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (صفحه ۱۳۲)$	۱/۲۵												
۱۶	<p>۱) $\frac{a}{2} = 1 \quad (0/25) \Rightarrow a = -2 \quad (0/25)$</p> <p>۲) $r = \frac{1}{2} \sqrt{a^2 + b^2 - 4c} = \frac{1}{2} \sqrt{4 + 16 + 16} \quad (0/25) \Rightarrow r = 3 \quad (0/25)$ (صفحه ۱۳۷)</p>	۱												
۱۷	$P = \underbrace{\left(\frac{1}{3} \times \frac{3}{15}\right)}_{(0/5)} + \underbrace{\left(\frac{1}{3} \times 0\right)}_{(0/25)} + \underbrace{\left(\frac{1}{3} \times \frac{6}{12}\right)}_{(0/25)} = \frac{7}{30} \quad (صفحه ۱۴۷)$ <p>توجه: (به روش نمودار درختی نیز نمره تعلق گیرد).</p>	۱/۵												
۲۰	مجموع نمرات													