



آزمون تعیین سطح پاییز «۶ مهر ۱۴۰۳»

دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۱۲۰ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۸۰ سوال

(۴۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

| نام درس | جمع کل | تعداد سوال | شماره سوال | زمان پاسخگویی |
|----------|--------|------------|------------|---------------|
| اجباری | ۱۰ | ۱-۱۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اجباری | ۱۰ | ۱۱-۲۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اجباری | ۱۰ | ۲۱-۳۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اجباری | ۱۰ | ۳۱-۴۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اختریاری | ۱۰ | ۴۱-۵۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اختریاری | ۱۰ | ۵۱-۶۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اختریاری | ۱۰ | ۶۱-۷۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اختریاری | ۱۰ | ۷۱-۸۰ | ۱۵' | ۱۵' |
| اجباری | ۸۰ | ۱-۸- | ۱۲۰' | ۱۲۰' |

پذیده‌آورندگان

| نام درس | نام طراحان | نام |
|-------------------------------|--|----------------|
| ریاضی پایه و حسابان ۲ | علی آزاد-مهدي براتي-محمدابراهيم توزنده جاني-سهيل حسن خان پور-عادل حسیني-مهران حسیني-بهرام حلاج-بابک سادات محمدحسن سلامي حسیني-سیدرضا بخفی-علی اصغر شریفی-پویان طهرانیان-میلاد منصوری-سروش موئینی-سید جواد نظری | جهانبخش نیکنام |
| هندرسه | امیرحسین ابو محظوب-حسین حاجیلو-افشین خاصه خان-فرزانه خاکپاش-سوگند روشنی-رضا عباسی اصل-فرشاد فرامرزی احمد رضا فلاخ-نصری محیی نژاد-مهرداد ملوندی-سرژ یقیازاریان تبریزی | |
| آمار و احتمال و ریاضیات گستته | امیرحسین ابو محظوب-حنانه اتفاقی-علی ایمانی-رضا توکلی-جواد حاتمی-عادل حسینی-سید محمد رضا حسینی فرد افشین خاصه خان-حسین خزایی-سیدوحید ذوالقدری-سوگند روشنی-احمدرضا فلاخ-نبیلوف مهدوی-امیر وفاتی | |

کرینشگران و ویراستاران

| نام درس | ریاضی پایه و حسابان ۲ | هندرسه | آمار و احتمال و ریاضیات گستته |
|--------------------------|-----------------------|-----------------------|-------------------------------|
| گزینشگر | عادل حسینی | سرژ یقیازاریان تبریزی | سروج نژاد |
| گروه ویراستاری | امیرحسین ابو محظوب | مهبد خالقی | امیرحسین ابو محظوب |
| گروه ویراستاری رتبه برتر | سپهر متولیان | امیرحسین ابو محظوب | مهبد خالقی |
| مسئول درس | سپهر متولیان | امیرحسین ابو محظوب | امیرحسین ابو محظوب |
| مسئول سازی | رامین برزکار | امیرحسین ابو محظوب | امیرحسین ابو محظوب |
| ویراستاران (مستندسازی) | رامین برزکار | امیرحسین ابو محظوب | امیرحسین ابو محظوب |

کروه فنی و تولید

| | | | |
|----------------|--------------------|-------------------------------|----------------|
| ناظر چاپ | سوران غیمی | فروزنگار | مدیر گروه |
| نمایشگاه | مهدی دار | مسئول دفترچه | نمایشگاه |
| گروه مستندسازی | امیرحسین ابو محظوب | مدیر گروه: محیا اصغری | گروه مستندسازی |
| حروف نگار | فرازه فتح المزاده | مسئول دفترچه: الهه شهبازی | حروف نگار |
| ناظر چاپ | سجاد سلیمانی | علیرضا عباسی زاده-احسان صادقی | ناظر چاپ |

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

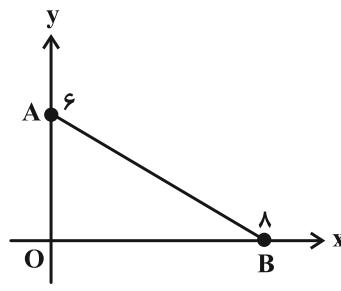
۱- معادله $\sqrt{2x-1} = \sqrt{x+\sqrt{x^2-5x+4}} - \sqrt[3]{-x^2+5x-4}$ چند جواب دارد؟

۴) صفر

۳) بیشمار

۲) ۲

۱) ۱

۲- در مثلث AOB ، میانه AM عمودمنصف ضلع AB را در چه عرضی قطع می‌کند؟

۲) ۱

 $\frac{27}{17}$ (۲) $\frac{7}{4}$ (۳) $\frac{34}{25}$ (۴)۳- وارون تابع $f(x) = 4 - \sqrt{x+2}$ نمودار تابع $g(x) = [x]$ را در نقطه‌ای به طول a قطع می‌کند. مساحت سطح بین نمودار تابع g و محور X ها در بازه $(0, a]$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است).

۲/۵ (۴)

۱/۵ (۳)

۲) ۲

۱) ۱

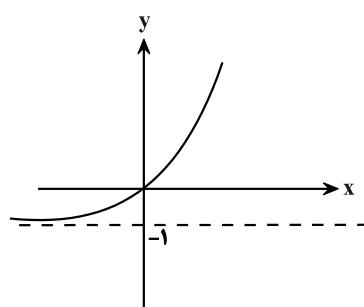
۴- اگر $g(x) = \sqrt{-x^2 + 4x - 4}$ و $f(x) = \sqrt{\log_2(x-1)}$ باشند، برد تابع gof شامل چند عدد صحیح است؟

۱) ۴

۳) صفر

۳) ۲

۲) ۱

۵- شکل مقابل، مربوط به نمودار تابع $y = a - b(a+3)^{x-2}$ است. حاصل $f(100) - f(99)$ کدام است؟ 2^{100} (۱) 2^{99} (۲) $2^{100} - 1$ (۳) $2^{99} - 2$ (۴)

محل انجام محاسبات



- ۶ - تابع $f(x) = \log_7 x + \log_x 7$ با دامنه $(1, +\infty)$ مفروض است. مقدار $f^{-1}(\frac{5}{2})$ کدام است؟

۹ (۴)

۳ (۳)

 $\sqrt{3}$ (۲) $3\sqrt{3}$ (۱)

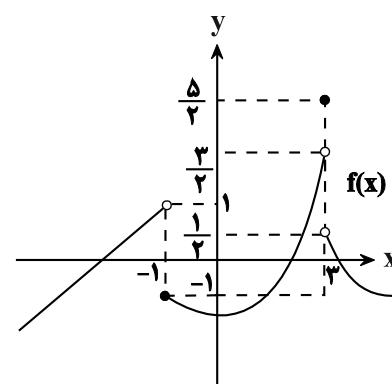
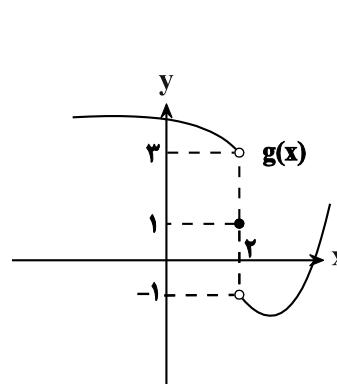
- ۷ - اگر $\tan x = 2$ باشد، حاصل $P = \frac{\sin(x - \frac{\pi}{4}) - \cos(\frac{7\pi}{4} + x)}{\frac{1}{\cos x} - \sin(x - 5\pi) - \cos(\pi + x)}$ کدام است؟

 $-\frac{5}{12}$ (۴) $-\frac{7}{12}$ (۳) $-\frac{1}{2}$ (۲) $-\frac{1}{3}$ (۱)

- ۸ - اگر $\cos 4x = \sin(x + \frac{\pi}{4}) + \sin(x - \frac{\pi}{4}) = \frac{\sqrt{10}}{3}$ باشد، مقدار $\cos 4x$ کدام است؟

 $\frac{79}{81}$ (۴) $-\frac{64}{81}$ (۳) $\frac{64}{81}$ (۲) $-\frac{79}{81}$ (۱)

- ۹ - در صورتی که نمودار دو تابع f و g به صورت زیر باشد، حاصل $f(\lim_{x \rightarrow 1^-} g(x))$ کدام است؟



- ۱ (۱)

 $\frac{1}{2}$ (۲)

۱ (۳)

 $\frac{5}{2}$ (۴)

- ۱۰ - اگر $f(x) = \begin{cases} \frac{1 - \cos^2 x}{\sin^2 x} & ; x > 2\pi \\ \frac{a}{x} & ; x \leq 2\pi \end{cases}$ در $x = 2\pi$ پیوسته باشد، مقدار a کدام است؟

 $\frac{3\pi}{4}$ (۴) $\frac{4\pi}{3}$ (۳) $\frac{3\pi}{2}$ (۲) $\frac{2\pi}{3}$ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا؛ کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱- در دنباله حسابی a_n می‌دانیم که سه جمله $a_6 + 2$, a_5 و $-a_3$ به ترتیب از چپ به راست تشکیل یک دنباله هندسی باقدرتی ۲ می‌دهند. در این صورت جمله اول دنباله a_n کدام است؟

$$\frac{1+\sqrt{5}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲- در یک متوازی‌الاضلاع اندازه یک ضلع و یک قطر به ترتیب ۶ و $6\sqrt{3}$ و زاویه بین آنها 60° است. مساحت این متوازی‌الاضلاع کدام

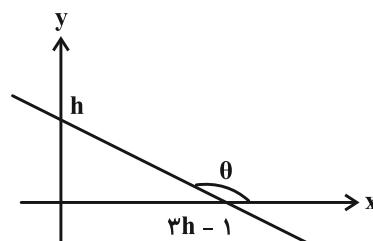
است؟

۱۸ (۴)

۳۶ (۳)

۲۷ (۲)

۵۴ (۱)

۱۳- با توجه به شکل زیر، اگر $\sin \theta = \frac{2}{5}$ باشد، مقدار h کدام است؟

$$\frac{2}{6-\sqrt{21}} \quad (1)$$

$$\frac{2}{1+\sqrt{21}} \quad (2)$$

$$\frac{2}{\sqrt{21}-1} \quad (3)$$

$$\frac{2}{6+\sqrt{21}} \quad (4)$$

۱۴- اگر a و b دو عدد طبیعی باشند و رابطه $\frac{a}{b} = \frac{a+6}{2}$ و $(\sqrt{3})^b = \frac{b+4}{2} - (\sqrt{2})^a$ برقرار باشد، حاصل $\frac{a}{b}$ کدام است؟

۱۰ (۴)

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

۸ (۲)

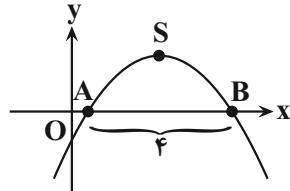
۴ (۱)

محل انجام محاسبات



۱۵- نمودار تابع $y = ax^3 + bx - 5$ به صورت زیر است. اگر طول رأس سهمی برابر $x = 3$ باشد، مساحت مثلث OSB کدام است؟ (O)

مبداً مختصات و S رأس است). آزمون وی ای پی



۱۲ (۱)

۱۶ (۲)

۲۰ (۳)

۱۰ (۴)

۱۶- اگر نامساوی $\frac{x^3 + ax - b}{x - 2} \geq 0$ برای هر x حقیقی به جز $x = 2$ برقرار باشد، a چند مقدار صحیح منفی می‌تواند قبول کند؟

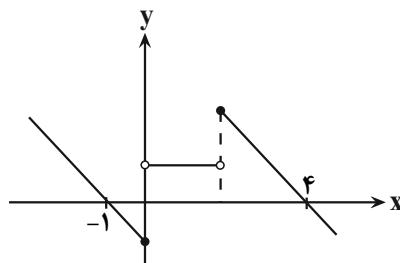
۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۷- نمودار تابع $f(x) = -bx^3 + ax + c$ کدام است؟ $g(x) = \begin{cases} -x+a & ; x \geq b \\ 1 & ; 0 < x < 2 \\ |x|-c & ; x \leq 0 \end{cases}$



(-∞, 1] (۱)

(-∞, 2] (۲)

(-∞, 3] (۳)

(-∞, 4] (۴)

۱۸- هشت حرف کلمه NIAVARAN را بر روی ۸ گوی یکسان نوشته‌ایم. به چند طریق می‌توان ۳ گوی از این ۸ گوی را انتخاب کرد؟

۲۵ (۴)

۲۰ (۳)

۱۹ (۲)

۱۸ (۱)

۱۹- دو تاس را با هم پرتاب می‌کنیم. احتمال این که اختلاف اعداد رو شده، عددی اول باشد کدام است؟

 $\frac{4}{9}$ (۴) $\frac{2}{3}$ (۳) $\frac{5}{9}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۱)

۲۰- در کیسه‌ای ۴ مهره قرمز، ۳ مهره سبز و ۵ مهره آبی موجود است. سه مهره به تصادف از کیسه خارج می‌کنیم، با کدام احتمال

تعداد مهره‌های قرمز انتخابی بیشتر از آبی است؟

 $\frac{16}{55}$ (۴) $\frac{13}{55}$ (۳) $\frac{16}{45}$ (۲) $\frac{13}{45}$ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

یاسخ دادن به این سوالات براي همه دانشآموزان اجباری است.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۳۱- از نقطه M خارج دایره $C(O, R)$ ، دو مماس MA و MB بر این دایره رسم شده است. اگر $\widehat{AMB} = 60^\circ$ و $OM = 6$ باشد،فاصله مرکز دایره از وتر AB چند برابر فاصله نقطه M از وتر AB است؟

(1) $\frac{1}{2}$ (2)

(3) $\frac{1}{4}$ (4) $\frac{1}{3}$

۳۲- در مثلث ABC به اضلاع $AB = 8$ ، $AC = 15$ و $BC = 17$ ، فاصله رأس A تا نزدیک‌ترین نقاط دایره محاطی داخلی مثلث،

چند برابر شعاع دایره محاطی داخلی مثلث است؟

$\sqrt{3} - 1$ (2) (1) $\sqrt{2} - 1$

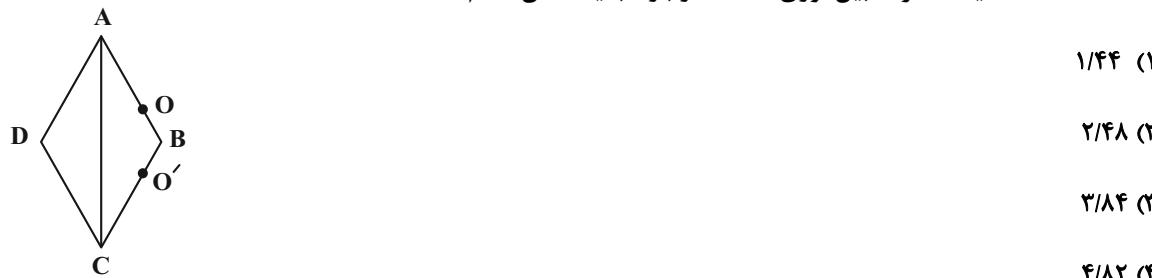
(3) $2 - \sqrt{3}$ (4) $2 - \sqrt{2}$

۳۳- دو دایره به شعاع‌های ۴ و ۱۰ واحد، تنها یک مماس مشترک دارند. از مرکز دایره کوچک‌تر، عمودی بر خط‌المرکزین دو دایره

رسم می‌کنیم تا دایره بزرگ‌تر را در نقاط A و B قطع کند. طول AB کدام است؟

(1) ۹ (2) ۱۲

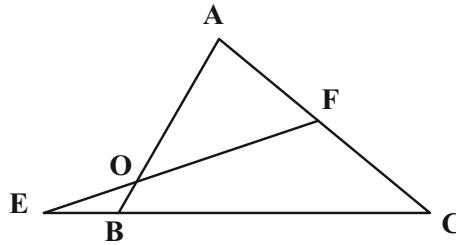
(3) ۱۶ (4) ۱۸

۳۴- لوزی $ABCD$ به طول ضلع 10 و قطر بزرگ 16 را نسبت به خط گذرنده از نقاط O و O' ، بازتاب می‌دهیم. اگر $OB = O'B = 2$ باشد، مساحت ناحیه مشترک بین لوزی $ABCD$ و بازتاب یافته آن کدام است؟



۳۵- در شکل زیر نقطه F وسط پاره خط AC و نقطه B تصویر نقطه A در تجانس به مرکز O و نسبت k است. اگر

باشد، مقدار k کدام است؟



$$-\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$-\frac{2}{5} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{9} \quad (3)$$

$$-\frac{2}{7} \quad (4)$$

۳۶- در مثلث قائم‌الزاویه $\hat{A} = 90^\circ$, $AB = BC = 15$ است. اگر نقطه N روی ضلع AB و $BN = 7$ باشد، آن‌گاه کمترین

محیط ممکن برای مثلث MBN به گونه‌ای که M روی وتر AC باشد، کدام است؟

$$24 \quad (4)$$

$$22 \quad (3)$$

$$20 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$

۳۷- در مثلث قائم‌الزاویه $\hat{A} = 90^\circ$, $AB = 9$, $AC = 12$ و $BC = 15$ است. اگر تحت

تجانس به مرکز B و نسبت k, نقطه C بر روی نقطه D تصویر شود، فاصله تصویر نقطه D در این تجانس از نقطه B کدام است؟

$$\frac{15}{4} \quad (4)$$

$$\frac{25}{7} \quad (3)$$

$$\frac{105}{49} \quad (2)$$

$$\frac{135}{49} \quad (1)$$

۳۸- مساحت هشت‌ضلعی منتظم محاط در دایره‌ای به شعاع $2\sqrt{2}$ کدام است؟

$$16\sqrt{2} \quad (4)$$

$$8\sqrt{2} \quad (3)$$

$$12\sqrt{2} \quad (2)$$

$$6\sqrt{2} \quad (1)$$

۳۹- در مثلث قائم‌الزاویه $\hat{A} = 90^\circ$, $AB = 2\sqrt{7}$, $BC = 8$ و CM وسط BC باشد، طول پاره خط

کدام است؟ AN

$$2\sqrt{6} \quad (4)$$

$$\sqrt{22} \quad (3)$$

$$2\sqrt{5} \quad (2)$$

$$3\sqrt{2} \quad (1)$$

۴۰- در مثلث ABC به اضلاع ۴, ۱۳ و ۱۵ واحد، نقطه‌ای درون مثلث که از اضلاع به طول‌های ۴ و ۱۳، به ترتیب به فاصله ۱ و ۲ قرار

دارد، از بزرگ‌ترین ضلع چه فاصله‌ای دارد؟

$$\frac{6}{5} \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

$$\frac{4}{5} \quad (2)$$

$$\frac{3}{5} \quad (1)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: تابع، مثلثات: صفحه‌های ۱ تا ۴۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

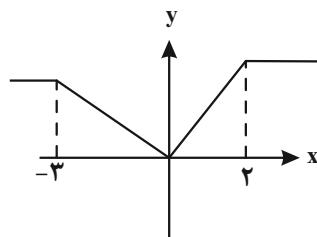
۴۱- اگر $y = \sqrt[3]{x^3 - 9}$ و $f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x$ باشد، با کدام انتقال نمودار تابع $y = f(g(x))$ به نمودار تابع g تبدیل می‌شود؟

(۱) واحد به چپ و ۲ واحد به سمت پایین

(۲) واحد به راست و ۲ واحد به سمت بالا

(۳) ۲ واحد به راست و ۱ واحد به سمت بالا

(۴) ۱ واحد به راست و ۲ واحد به سمت پایین

۴۲- نمودار تابع $f(x) = \sin(x + \frac{\pi}{3})$ روی کدام یک از بازه‌های زیر یکنواست؟ $(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$ (۴) $(\frac{7\pi}{6}, 2\pi)$ (۳) $(\pi, \frac{4\pi}{3})$ (۲) $(\frac{-\pi}{3}, \frac{\pi}{3})$ (۱)۴۳- اگر نمودار تابع $y = f(x+2) - 4f(\frac{4-x}{2})$ به صورت زیر باشد، تابع $y = f(x)$ روی کدام بازه اکیداً نزولی است؟

[۱, ۱۰] (۱)

[۰, ۶] (۲)

[۴, ۱۲] (۳)

[۷, ۱۵] (۴)

۴۴- باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $P(x)$ بر $x^2 - 4x - 4$ برابر ۱ است. باقی‌مانده تقسیم $P(x)$ بر $x + 1$ کدام گزینه است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



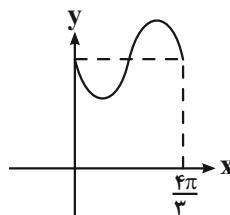
۴۵- دوره تناوب تابع $f(x) = \sin^2 \frac{x}{3} \cos^2 \frac{x}{3}$ کدام است؟

۶π (۴)

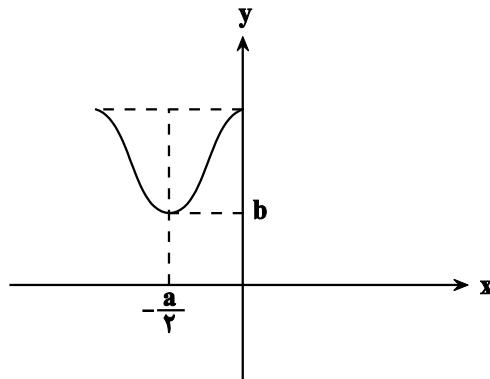
۳π (۳)

 $\frac{3\pi}{4}$ (۲) $\frac{3\pi}{2}$ (۱)

۴۶- شکل زیر قسمتی از نمودار تابع $y = 2 + \sin ax$ است. مقدار تابع در نقطه $x = \frac{28\pi}{9}$ کدام است؟

 $\frac{4-\sqrt{3}}{2}$ (۲) $\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{4+\sqrt{3}}{2}$ (۱) $\frac{5}{2}$ (۳)

۴۷- شکل زیر قسمتی از نمودار تابع $f(x) = a + b \sin \pi(\tau ax - \frac{1}{2})$ است. مقدار $a + b$ کدام است؟

 $-\frac{3\sqrt{2}}{2}$ (۱) $-\frac{3}{2}$ (۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴)

۴۸- معادله $\frac{1}{4} \sin^2 2x - \frac{1}{2} \cos^2 2x = 0$ در فاصله $(0, 2\pi)$ چند جواب دارد؟

۶ (۴)

۸ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

۴۹- مجموع جواب‌های معادله مثلثاتی $3 \sin^2 2x - 8 \cos^2 x + 1 = 0$ در بازه $[0, 2\pi]$ کدام است؟

 $\frac{9\pi}{2}$ (۴)

۴π (۳)

 $\frac{7\pi}{2}$ (۲)

۳π (۱)

۵۰- به ازای چند مقدار طبیعی k , معادله $k \sin 2x = (1 + \sin x)(1 + \cos x)$ در بازه $(0, \frac{\pi}{2})$ جواب ندارد؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۳۱ تا ۳۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۵۱- برای دو عدد حقیقی x و y , روابط $x = 3y + 2$ و $y = 2x - 2$ برقرار است. مقدار $\frac{xy}{y^2 + 4x^2}$ کدام است؟

-۴ (۴) -۱۲ (۳) $-\frac{1}{12}$ (۲) $-\frac{1}{4}$ (۱)

۵۲- اگر AB ماتریسی اسکالر باشد، حاصل ضرب درایه‌های قطر اصلی ماتریس AB کدام است؟

-۲۷ (۴) ۲۷ (۳) -۹ (۲) ۹ (۱)

۵۳- برای ماتریس مربعی A , رابطه $A^3 = -A$ برقرار است. ماتریس A برابر کدام است؟

$-A^2$ (۴) $-A$ (۳) A^2 (۲) A (۱)

۵۴- اگر $B \times A$ یک ماتریس قطری باشد، دترمینان ماتریس $B \times A$ کدام است؟

۱۰۴ (۴) ۹۸ (۳) 14 (۲) -14 (۱)

۵۵- اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$ و $\alpha A + \beta A^{-1} = 2I$ باشد، حاصل $2\alpha + \beta$ کدام است؟

۴ (۴) ۲ (۳) -۲ (۲) 1 (۱)

۵۶- به ازای $\{\alpha, \beta\} \subset \mathbb{R} - \{\alpha, \beta\}$, دستگاه معادلات $\begin{cases} (m+5)x + my = 5 \\ 2(m+1)x - (m-3)y = 2 \end{cases}$ جواب منحصر به فرد دارد. حاصل $\frac{3(\alpha+\beta)}{\alpha\beta}$ برابر کدام است؟

۱ (۴) $0/8$ (۳) $0/6$ (۲) $0/4$ (۱)

۵۷- مجموع جواب‌های معادله $\begin{vmatrix} x & 1 & x \\ x & x & 1 \\ 1 & x & x \end{vmatrix} = 0$ کدام است؟ آزمون وی ای پی

$\frac{3}{2}$ (۴) $-\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۲) $-\frac{1}{2}$ (۱)

۵۸- مقدار ماکریم متابع $\begin{vmatrix} y & x^2 & x \\ -1 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 0$ کدام است؟ (y تابعی بر حسب x است).

-۳ (۴) ۳ (۳) $-\frac{25}{8}$ (۲) $\frac{25}{8}$ (۱)

۵۹- اگر A ماتریسی 3×3 , $|A + I| = -1$ و $|A - 2A^{-1}| = -I$ باشد، مقدار $|A|$ کدام است؟

-۸ (۴) ۸ (۳) $-0/125$ (۲) $0/125$ (۱)

۶۰- اگر $BX = A - B$ و ماتریس X در رابطه ماتریسی $BX = A - B$ صدق کند، مجموع درایه‌های واقع بر

$$\begin{bmatrix} \frac{|A|}{2} & |A| \\ -1 & \frac{-4}{|A|} \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

قطر اصلی ماتریس X چند برابر مجموع درایه‌های واقع بر قطر فرعی آن است؟

$-\frac{11}{9}$ (۴) $-\frac{9}{11}$ (۳) $-\frac{3}{13}$ (۲) $-\frac{13}{3}$ (۱)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱ : کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۶۱- در مثلث ABC , نیمساز داخلی زوایای B و C یکدیگر را در نقطه O قطع می‌کنند. اگر $\widehat{BOC} = 135^\circ$ و $BO > CO$ باشد، آن‌گاه کدام رابطه بین اضلاع مثلث برقرار است؟

BC > AC > AB (۲)

BC > AB > AC (۱)

AC > AB > BC (۴)

AB > AC > BC (۳)

۶۲- کدام یک از قضیه‌های زیر را می‌توان به صورت یک قضیه دو شرطی نوشت؟

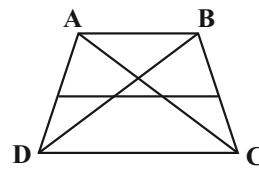
(۱) اگر دو مثلث همنهشت باشند، آن‌گاه زوایای آن‌ها نظیر به نظیر برابر یکدیگرند.

(۲) اگر یک چهارضلعی لوزی باشد، آن‌گاه آن چهارضلعی متوازی‌الاضلاع است.

(۳) اگر دو مثلث همنهشت باشند، آن‌گاه محیط‌های برابر دارند.

(۴) اگر دو ضلع مثلثی برابر یکدیگر باشند، ارتفاع‌های وارد بر آن‌ها نیز برابر یکدیگرند.

۶۳- در ذوزنقه $ABCD$, قاعده بزرگ $\frac{7}{3}$ برابر قاعده کوچک است. پاره خطی موازی قاعده‌ها و محدود به ساق‌ها توسط اقطار به سه قسمت مساوی تقسیم شده است. این پاره خط ساق‌ها را با چه نسبتی تقسیم می‌کند؟



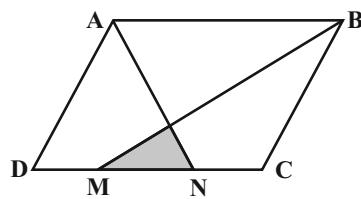
$$\frac{3}{4}$$
 (۲)

$$\frac{4}{5}$$
 (۱)

$$\frac{2}{3}$$
 (۴)

$$\frac{6}{7}$$
 (۳)

۶۴- در شکل زیر نقاط M و N , ضلع CD را به سه قسمت مساوی تقسیم کرده‌اند. مساحت متوازی‌الاضلاع $ABCD$ چند برابر مساحت مثلث RNG است؟



(۱) ۱۲

(۲) ۱۵

(۳) ۱۸

(۴) ۲۴

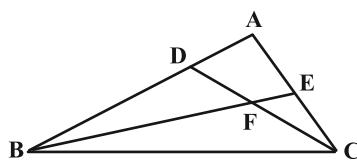
۶۵- در شکل زیر $\widehat{BDF} = \widehat{FEC}$ است. اگر $AD = 5$, $EF = 3$, $BF = 2FC = 8$ باشد، طول پاره خط AE کدام است؟

$$5\sqrt{2}$$
 (۱)

$$4\sqrt{2}$$
 (۲)

$$5/5$$
 (۳)

$$4/5$$
 (۴)





۶۶- شکل حاصل از دوران مثلث قائم الزاویه $\hat{A} = 90^\circ$ (ABC) به طول اضلاع $AB = 12$ و $AC = 5$ ، حول عمود ترسیمی از رأس C بر ضلع AC را با صفحه P به موازات صفحه حاصل از دوران ضلع AC (حول این عمود)، قطع می‌دهیم. اگر مساحت سطح مقطع حاصل برابر 16π واحد مربع باشد، فاصله رأس B از صفحه P کدام است؟

۴/۸ (۴)

۷/۲ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

۶۷- در مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین $\hat{A} = 90^\circ$ (ABC)، میانه‌ها یکدیگر را در نقطه G قطع کرده‌اند. اگر مساحت مثلث GAB برابر $\frac{32}{3}$ واحد مربع باشد، طول میانه AM در این مثلث کدام است؟

۶ (۴)

 $3\sqrt{3}$ (۳) $4\sqrt{2}$ (۲)

۳ (۱)

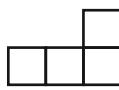
۶۸- سه خط متمایز L_1 ، L_2 و L_3 در نقطه A یکدیگر را قطع می‌کنند. چند صفحه وجود دارد که شامل همه این خطوط باشد؟

۲) یک یا هیچ

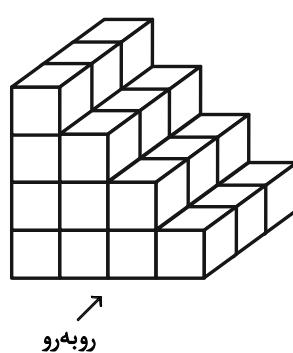
(۱) بی‌شمار

۴) هیچ

(۳) دقیقاً یک



۶۹- در شکل زیر ۳۰ مکعب کوچک وجود دارد. حداقل چه تعداد از این مکعب‌ها را برداریم تا نمای راست شکل به صورت



دیده شود؟

۹ (۱)

۱۲ (۲)

۱۵ (۳)

۱۸ (۴)

۷۰- کدام یک از گزاره‌های زیر همواره درست است؟

(۱) هرگاه خطی در فضا یکی از دو خط موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می‌کند.

(۲) از یک نقطه خارج یک صفحه، بی‌شمار صفحه می‌توان بر صفحه مفروض عمود رسم کرد.

(۳) هرگاه خطی با یکی از دو خط متنافر، موازی باشد، با خط دیگر متنافر است.

(۴) از هر نقطه غیرواقع بر یک خط، تنها یک خط متنافر با آن خط می‌گذرد.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گستته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه های ۱ تا ۲۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اختیاری است.

۷۱- به ازای چند عدد صحیح n ، رابطه $|n^3 + n^2 + 4|$ برقرار است؟

- (۱) ۱ کدام است؟
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) بی شمار

۷۲- اگر در تقسیم اعداد ۳۴۵ و ۲۴۵ بر عدد طبیعی b ، باقی مانده ها به ترتیب برابر ۹ و ۵ باشد، آنگاه مجموع ارقام بیشترین مقدار b کدام است؟

- (۱) ۱۱
 (۲) ۱۲
 (۳) ۱۳
 (۴) ۱۵

۷۳- اگر $x = 3$ بر ۱۳ بخش بذیر باشد، مجموع بیشترین و کمترین عدد طبیعی دو رقمی x کدام است؟

- (۱) ۹۲
 (۲) ۹۶
 (۳) ۱۰۰
 (۴) ۱۰۴

۷۴- به ازای چند عدد طبیعی دو رقمی n ، عدد $1 - n^5$ بر ۱۱ بخش بذیر است؟

- (۱) ۱۸
 (۲) ۱۹
 (۳) ۲۰
 (۴) ۲۱

۷۵- اگر عدد $a + 67$ بر ۲۳ بخش بذیر باشد، آنگاه کوچک ترین عدد طبیعی a به کدام دسته همنهشتی به پیمانه ۴ تعلق دارد؟

- (۱) [۰]
 (۲) [۱]
 (۳) [۲]
 (۴) [۳]

۷۶- اگر در یک سال، اول فروردین روز یکشنبه باشد، ۲۳ تیرماه آن سال چه روزی از هفته است؟ (۲۳ تیرماه سالگرد درگذشت مریم میرزا خانی استاد برجسته ریاضی و برنده مدال فیلدز است).

- (۱) دوشنبه
 (۲) سه شنبه
 (۳) چهارشنبه
 (۴) پنج شنبه

۷۷- به ازای چند عدد طبیعی دو رقمی n ، دو عدد $5 - 7n$ و $4 + 5n$ نسبت به هم اول نیستند؟

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

۷۸- در مجموعه اعداد صحیح، معادله سیاله $ax + by = 84$ دارای جواب و معادله سیاله $ax + by = 56$ فاقد جواب است. تعداد

جواب های قابل قبول (a, b) کدام است؟

- (۱) ۴
 (۲) ۵
 (۳) ۶
 (۴) ۷

۷۹- معادله سیاله $59 = 7x + 9y$ ، چند دسته جواب طبیعی دارد؟

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

۸۰- مدیریت یک کارخانه برای جابه جایی کارکنان آن از درب ورودی تا محل کار از یک خودروی ون (با ظرفیت ۷ نفر) و یک خودروی سمند (با ظرفیت ۴ نفر) استفاده می کند. اگر تعداد کارکنان کارخانه ۶۷ نفر باشد و خودروها فقط با ظرفیت کامل حرکت کنند، تعداد حالت های جابه جایی کارکنان با این دو خودرو کدام است؟

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

مشابه سوال هایی که با آیکون مشخص شده اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



آزمون تعیین سطح پاییز «۶ مهر ۱۴۰۳»

دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی

(فیزیک و شیمی)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۷۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۶۰ سوال

(۳۰ سوال اجباری + ۳۰ سوال اختیاری)

| نام درس | تعداد سوال | شماره سوال | زمان پاسخگویی |
|---------|------------|------------|---------------|
| فیزیک ۲ | ۱۰ | ۸۱-۹۰ | ۱۵' |
| فیزیک ۱ | ۱۰ | ۹۱-۱۰۰ | ۱۵' |
| فیزیک ۳ | ۱۰ | ۱۰۱-۱۱۰ | ۱۵' |
| شیمی ۲ | ۱۰ | ۱۱۱-۱۲۰ | ۱۰' |
| شیمی ۱ | ۱۰ | ۱۲۱-۱۳۰ | ۱۰' |
| شیمی ۳ | ۱۰ | ۱۳۱-۱۴۰ | ۱۰' |
| جمع کل | ۶۰ | ۸۱-۱۴۰ | ۷۵' |

پذیده‌آورندگان

| نام درس | نام طراحان |
|---------|---|
| فیزیک | شهرام احمدی دارانی- خسرو ارغوانی فرد- عباس اصغری- عبدالرضا امینی نسب- مهدی براتی- امیرحسین برادران- امیر پوریوسف سیدابوالفضل خالقی- محمد جواد سورچی- سعید شرق- محمد رضا شریفی- بهادر کامران- مصطفی کیانی- غلام رضا محبی- فاروق مردانی محمد کاظم منشادی- محمود منصوری- سیدعلی میرنوری- حسام نادری |
| شیمی | فرزین بوستانی- امیرعلی بیات- محمد رضا پور جاوید- ایمان حسین نژاد- حسن رحمتی کوکنده- سید رضا رضوی- منصور سلیمانی ملکان آرین شجاعی- مینا شرافتی پور- رسول عابدینی زواره- مجتبی عبادی- محمد عظیمیان زواره- فاضل قهرمانی فرد- حسن لشکری محمد حسن محمدزاده مقدم- سید محمد رضا میر قائمی- علی نوری زاده |

گزینشگران و ویراستاران

| نام درس | فیزیک | شیمی |
|--------------------------|---|--|
| گزینشگر | حسام نادری | امیرعلی بیات |
| گروه ویراستاری | حسین بصیر بهنام شاهنی | محمد حسن محمدزاده مقدم احسان پنجه شاهنی امیر حسین گمره‌ای سروش مقدم |
| گروه ویراستاری رتبه برقو | سینا صالحی | آرمان قواتی ایلیا اسمندیار پور |
| مسئول درس | حسام نادری | امیرعلی بیات |
| مسئند سازی | علیرضا همایون خواه | امیر حسین توحیدی |
| ویراستاران (مسئندسازی) | مصطفیه صنعت کار سید کیان مکی شیدا نجاتی | ملینا ملاتی سجاد رضائی محمد صدرا وطنی |

گروه فلبی و تولید

| | |
|----------------|-----------------------|
| مهرداد ملوندی | مدیر گروه |
| نرگس غنی زاده | مسئول دفترچه |
| مسئول دفترچه | مدیر گروه: محبی اصغری |
| گروه مستندسازی | گروه مستندسازی |
| حروف نگار | فرزانه فتح الهزاده |
| ناظر چاپ | سوران نعیمی |

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳ - ۰۶۱.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

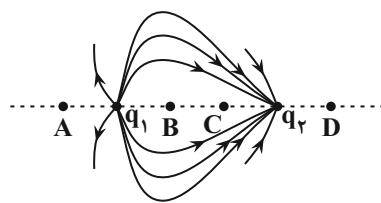
فیزیک ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

- ۸۱- دو گوی رسانای کوچک و یکسان A و B دارای بار الکتریکی $q_B = 6q$ و $q_A = -4q$ در فاصله مشخصی از هم قرار دارند و در این حالت نیرویی که گوی A به گوی B وارد می‌کند، برابر \vec{F} است. دو گوی را با هم تماس داده و سپس در همان مکان‌های قبلی قرار می‌دهیم. اگر نیرویی که گوی B به گوی A در حالت جدید وارد می‌کند برابر \vec{F}' باشد، کدام گزینه صحیح است؟

$$\vec{F}' = \frac{1}{12} \vec{F} \quad (4) \quad \vec{F}' = \frac{1}{24} \vec{F} \quad (3) \quad \vec{F}' = -\frac{1}{12} \vec{F} \quad (2) \quad \vec{F}' = -\frac{1}{24} \vec{F} \quad (1)$$

- ۸۲- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی q_1 و q_2 در مجاورت هم قرار گرفته‌اند و خطوط میدان الکتریکی آن‌ها رسم شده است. میدان الکتریکی خالص ناشی از آن‌ها در کدام نقطه بر روی خط واسط آن‌ها می‌تواند صفر باشد؟



- A (۱)
B (۲)
C (۳)
D (۴)

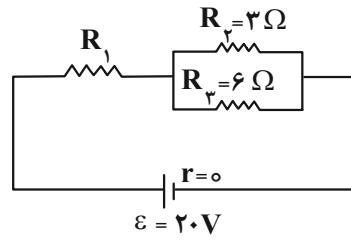
- ۸۳- خازن تختی را که فاصله صفحات آن 5 mm و مساحت هریک از صفحات آن 80 cm^2 است، پس از شارژ شدن از باتری جدا کرده و سپس ۲۵ درصد از بار صفحه منفی منتقل می‌کنیم. اگر بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات خازن $\frac{kN}{C}$ تغییر کند، انرژی ذخیره شده در خازن در حالت اولیه چند میکروژول است؟ ($F = 9 \times 10^{-12} N$ و بین صفحات خازن 6 m).

$$2/25 \quad (4) \quad 4/5 \quad (3) \quad 22/5 \quad (2) \quad 45 \quad (1)$$

- ۸۴- جرم دو سیم همگن مسی A و B با هم برابر بوده و قطر مقطع سیم A، $\sqrt{3}$ برابر قطر مقطع سیم B است. اگر مقاومت الکتریکی سیم B برابر با 18Ω باشد، مقاومت الکتریکی سیم A چند اهم است؟

$$3 \quad (4) \quad 18 \quad (3) \quad 6 \quad (2) \quad 2 \quad (1)$$

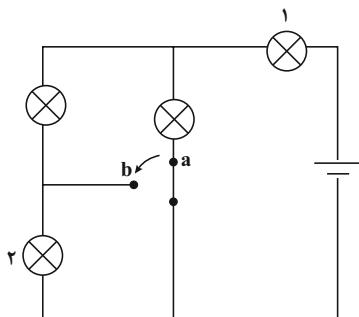
- ۸۵- در شکل زیر، اگر مدار الکتریکی به یک باتری آرمانی بسته شده باشد و توان مصرفی مقاومت R_1 ، $\frac{9}{4}\Omega$ برابر توان مصرفی مقاومت R_2 باشد، جریان عبوری از مقاومت R_3 چند آمپر است؟



- ۲ (۱)
۴ (۲)
 $\frac{4}{3}$ (۳)
 $\frac{8}{3}$ (۴)

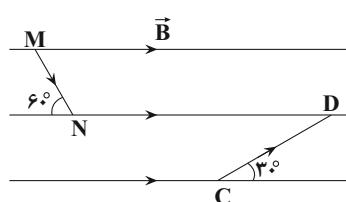


-۸۶- مطابق شکل زیر، چهار لامپ مشابه در مداری قرار دارند و کلید در وضعیت a وصل شده است. اگر کلید را از وضعیت a به وضعیت b تغییر دهیم، نور لامپ‌های ۱ و ۲ به ترتیب از راست به چپ چه تغییری خواهد کرد؟



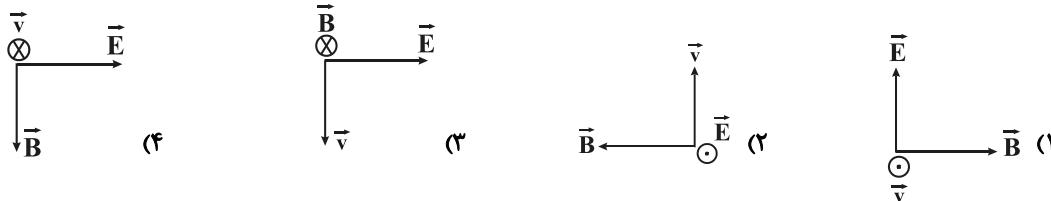
- (۱) پرنورتر - خاموش
- (۲) پرنورتر - پرنورتر
- (۳) کمنورتر - خاموش
- (۴) کمنورتر - پرنورتر

-۸۷- مطابق شکل زیر، از دو سیم CD و MN که در میدان مغناطیسی یکنواخت \vec{B} قرار دارند، جریان‌های ثابت و یکسانی عبور می‌کند. اگر نیروی مغناطیسی وارد بر سیم CD برابر با \vec{F}_1 و نیروی مغناطیسی وارد بر سیم MN برابر با \vec{F}_2 باشد، کدام گزینه صحیح است؟



- (۱) $\vec{F}_1 = \sqrt{2}\vec{F}_2$
- (۲) $\vec{F}_1 = \vec{F}_2$
- (۳) $\vec{F}_1 = -\sqrt{2}\vec{F}_2$
- (۴) $\vec{F}_1 = -\vec{F}_2$

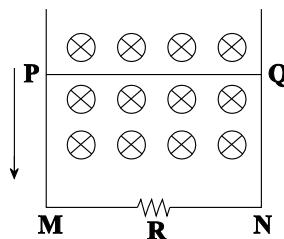
-۸۸- در فضایی دو میدان الکترومغناطیسی عمود برهم وجود دارد. ذره بارداری را با سرعت v در این فضا پرتاب می‌کنیم. اگر این ذره از مسیر اولیه خود منحرف نشود، جهت بردارهای سرعت، میدان الکترومغناطیسی و میدان مغناطیسی کدام‌یک از شکل‌های زیر می‌تواند باشد؟ (از وزن ذره صرف نظر کنید).



-۸۹- با استفاده از سیمی به مقاومت 25Ω و طول ۱۸ متر، پیچه مسطحی به قطر ۳۰ سانتی‌متر می‌سازیم و آن را عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 400 G قرار می‌دهیم. اگر در مدت زمان 4 s ثانیه، پیچه به اندازه 90° درجه حول یکی از قطراهای دوران کند، جریان الکترومغناطیسی القا شده در آن چند میلی‌آمپر خواهد بود؟

- (۱) ۵۴
- (۲) ۵/۴
- (۳) ۲۷
- (۴) ۴ صفر

-۹۰- در شکل زیر، میله PQ را به سمت پایین با سرعت ثابت جابه‌جا می‌کنیم. در این صورت، جهت جریان القایی در سیم PQ از به و در مقاومت R از به است.



- (۱) N, M, Q, P
- (۲) N, M, P, Q
- (۳) M, N, Q, P
- (۴) M, N, P, Q



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

- ۹۱- شیر A یک استخر خالی به حجم ۱۵۰۰ مترمکعب را در مدت زمان ۳۰ ساعت پر می‌کند. اگر پس از پرشدن $\frac{1}{3}$ از حجم استخر توسط شیر A، شیر B را هم باز کنیم، استخر ۱۵ ساعت دیگر پر می‌شود. آهنگ خروج آب از شیر B برحسب یکای لیتر بر دقیقه کدام است؟

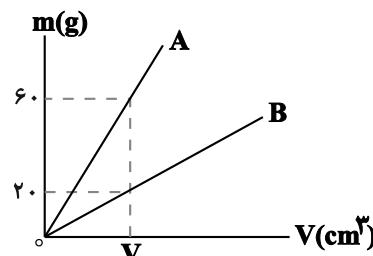
(۱) $\frac{50}{3}$

(۲) $\frac{100}{3}$

(۳) $\frac{2500}{9}$

(۴) $\frac{2500}{3}$

- ۹۲- نمودار تغییرات جرم برحسب حجم برای دو جسم A و B مطابق شکل زیر است. اگر چگالی جسم A برابر با $15 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ باشد، حجم

شمی توپر از جنس B به جرم 2250g ، چند cm^3 است؟

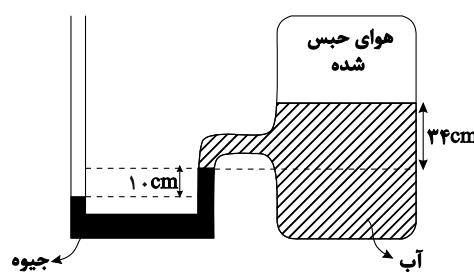
(۱) ۳۰۰

(۲) ۴۵۰

(۳) ۳۰۰۰

(۴) ۴۵۰۰

- ۹۳- در شکل زیر، آب و جیوه در حال تعادل‌اند. فشار هوای حبس شده در محفظه چند cmHg است؟



$$\rho_{\text{آب}} = 10 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 13 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, P_0 = 75 \text{cmHg}$$

(۱) ۶۵

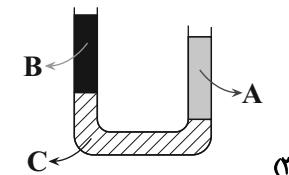
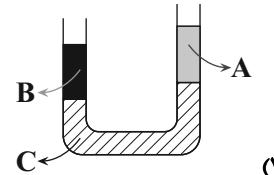
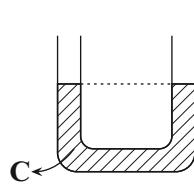
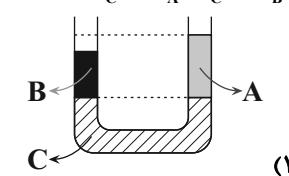
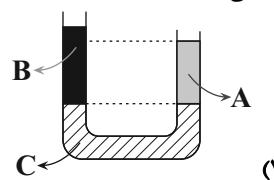
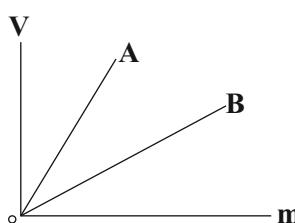
(۲) ۷۰

(۳) ۶۲/۵

(۴) ۸۷/۵

- ۹۴- نمودار حجم برحسب جرم دو مایع A و B مطابق شکل زیر است. اگر جرم یکسانی از این دو مایع را در دو شاخه لوله U زیر که محتوی مایع C است، بوزیریم، پس از رسیدن به تعادل نحوه قرار گرفتن مایع‌ها مطابق کدام گزینه است؟

(۱) $\rho_C > \rho_A, \rho_C > \rho_B$ ، سطح مقطع لوله در سراسر طول آن یکسان است.



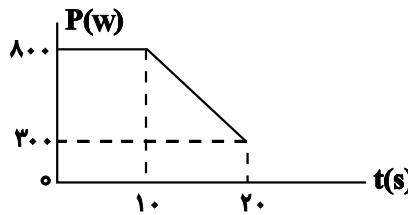


۹۵- اگر کار نیروی خالص وارد بر یک جسم در جایهایی از نقطه ۱ تا نقطه ۲ صفر باشد، در این صورت الزاماً.....

- (۱) حرکت روی مسیر مستقیم است.
 (۲) حرکت روی مسیر مستقیم و با تندی ثابت است.
 (۳) سرعت جسم در نقطه ۱ و ۲ یکسان است.
 (۴) تندی جسم در نقطه ۱ و ۲ برابر است.

۹۶- در شکل زیر، نمودار توان مفید یک دستگاه بر حسب زمان نشان داده شده است. اگر توان متوسط کل مصرفی این دستگاه در

مدت زمان ۲۰ ثانیه $W = 1000$ باشد، بازده آن چند درصد است؟



- ۸۷/۵ (۱)
 ۷۵ (۲)
 ۶۷/۵ (۳)
 ۵۵ (۴)

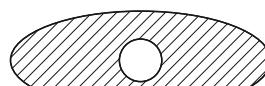
۹۷- ۸۰۰ گرم آب 20°C را با 30g یخ صفر درجه سلسیوس مخلوط می‌کنیم. با فرض عدم اتلاف انرژی پس از ایجاد تعادل، چند

$$(c_p = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^{\circ}\text{C}}, L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}) \quad \text{گرم یخ ذوب نشده در ظرف باقی می‌ماند؟}$$

- ۶۰ (۴) ۴۰ (۳) ۱۰۰ (۲) ۲۰۰ (۱)

۹۸- اندازه شعاع یک توپ فلزی از جنس A با شعاع یک حفره بر روی ورقه‌ای از جنس فلز B یکسان است. برای اینکه توپ از حفره

عبور کند، چه تعداد از گزاره‌های زیر می‌تواند راه حل مناسب باشد؟ ($\alpha_A > \alpha_B$)

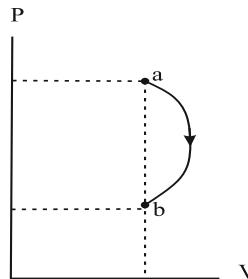


B

- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۹۹- نمودار P-V فرایندی که مقدار معینی گاز آرمانی طی می‌کند، مطابق شکل زیر است. کدام گزینه در مورد تغییرات انرژی درونی

گاز (ΔU) و کار انجام شده توسط گاز (W') طی این فرایند درست است؟



- W' < 0, ΔU > 0 (۱)
 W' > 0, ΔU > 0 (۲)
 W' < 0, ΔU < 0 (۳)
 W' > 0, ΔU < 0 (۴)

۱۰۰- یک ماشین گرمایی درون‌سوز در هر چرخه 4g بنزین مصرف کرده و 120kJ گرما هدر می‌دهد. اگر مقدار گرمای حاصل از

سوختن هر گرم بنزین 40kJ باشد، بازده این موتور چند درصد است؟

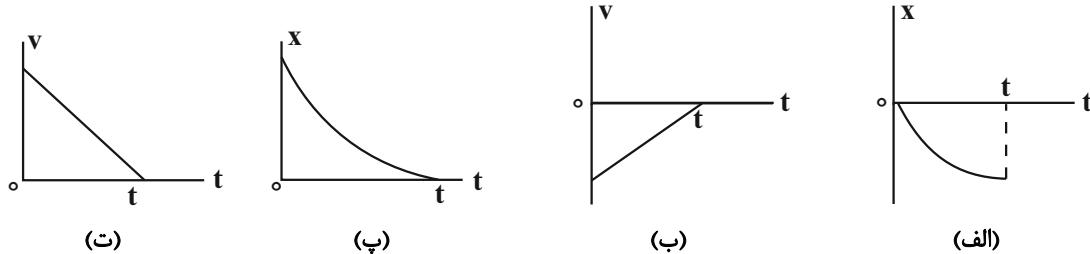
- ۴۰ (۴) ۳۳ (۳) ۳۰ (۲) ۲۵ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست / دینامیک و حرکت دایرہ‌ای: صفحه‌های ۱ تا ۴۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همهٔ دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۰۱- در کدام نمودار، بردار سرعت متحرک در خلاف جهت محور X و بردار شتاب متحرک در جهت محور X است؟

۴) الف، ب و پ

۳) ب و پ

۲) الف، ب و ت

۱) الف و ب

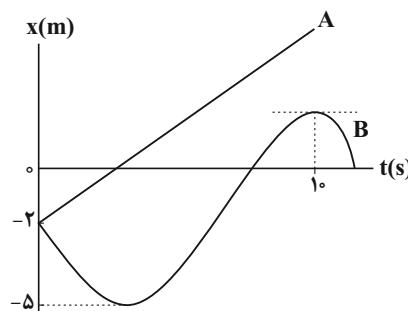
۱۰۲- نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B که با تندی‌های یکسان در مبدأ زمان از مکان $x = -2m$ عبور می‌کنند، مطابق شکل زیراست. اگر تندی متوسط و بزرگی شتاب متوسط متحرک B در 10 ثانیه اول حرکت به ترتیب $\frac{m}{25}$ و $\frac{m}{5}$ باشد، فاصله دومتحرک از یکدیگر در لحظه $t = 10s$ چند متر است؟

۱۸)

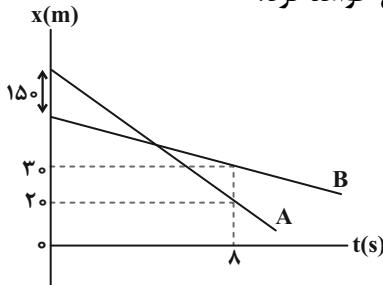
۱۳)

۱۲)

۱۶)



۱۰۳- نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B مطابق شکل زیر است. با توجه به نمودار، مسافتی که متحرک A در ثانیه سوم حرکتش طی می‌کند، چند متر بیشتر از مسافتی است که متحرک B در ثانیه پنجم حرکتش طی خواهد کرد؟



۱۰)

۱۵)

۲۰)

۵)

۱۰۴- معادله مکان - زمان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند، در SI به صورت $x = t^2 - 3t + 4$ است. در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه، سرعت متحرک با سرعت متوسط آن بین لحظه‌های $t = 1s$ تا $t = 5s$ برابر خواهد شد؟

۶)

۳)

۷)

۱)

مشابه سوالهایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.



۱۰۵- در شرایط خلا، گلوله کوچکی از ارتفاع معینی بالای سطح زمین و بدون سرعت اولیه رها می‌شود. اگر گلوله ۱۳۵ متر آخر سقوط

$$\text{خود را در سه ثانیه طی کند، مدت زمان سقوط چند ثانیه است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

۱۰۶- گلوله‌ای در شرایط خلا از ارتفاع ۱۲۵ متری زمین رها می‌شود. بزرگی سرعت متوسط گلوله در ۲ ثانیه آخر حرکت، چند متر بر

$$\text{ثانیه است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۴۵ (۴)

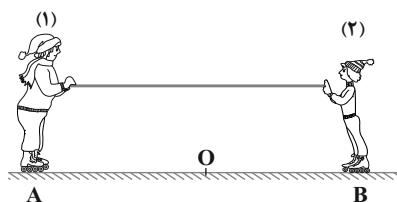
۴۰ (۳)

۳۵ (۲)

۳۰ (۱)

۱۰۷- مطابق شکل زیر، دو نفر به جرم‌های m_1 و m_2 روی یک سطح افقی با اصطکاک ناچیز قرار دارند. اگر در ابتدا به فاصله‌های

مساوی از نقطه O قرار داشته باشند و توسط طنابی با جرم ناچیز هر یک دیگری را به سمت خود بکشد، کدامیک از موارد زیر درست است؟



(۱) در نقطه O به یکدیگر می‌رسند.

(۲) بین O و B به یکدیگر می‌رسند.

(۳) بین O و A به یکدیگر می‌رسند.

(۴) m_1 ساکن می‌ماند و m_2 به او می‌رسد.

۱۰۸- کدامیک از عبارت‌های زیر درست است؟

(الف) برایند نیروهای کنش و واکنش (عمل و عکس‌العمل) برابر صفر است.

(ب) وقتی گلوله‌ای در هوا سقوط می‌کند، واکنش نیروهای وارد بر آن، به هوا و زمین وارد می‌شود.

(پ) وزن گلدانی که روی میز قرار دارد، به میز وارد می‌شود.

(ت) عکس‌العمل نیروی وزن وارد بر جسمی که با نخ از سقف آویزان است، به نخ وارد می‌شود.

(۴) ب

(۳) ت و پ

(۲) ب و پ

(۱) الف و ب

۱۰۹- در شکل زیر، دو نیروی ثابت و هماندازه \vec{F} به صورت افقی و قائم به جعبه ساکنی به جرم ۴۵kg وارد می‌شوند. اگر ضربی اصطکاک ایستایی و جنبشی بین جعبه و زمین به ترتیب $6/0$ و $4/0$ باشد، حداقل بزرگی نیروی \vec{F} برای به حرکت درآوردن

$$\text{جعبه چند نیوتون است؟ } (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۳۰۰ (۲)

۴۵۰ (۴)

۲۹۴ (۱)

۶۷۵ (۳)

۱۱۰- در شکل زیر، جسمی به جرم ۱۲kg روی سطح افقی ساکن بوده و تغییر طول فنر قائم نسبت به وضعیت عادی خود ۴۰cm است.

اگر ثابت فنر $\frac{N}{m} = 150$ باشد، اندازه نیرویی که از طرف جسم بر سطح زیر آن وارد می‌شود، چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

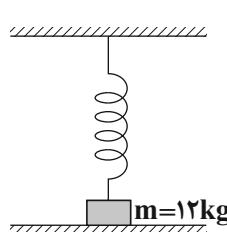
جرم فنر صرف نظر شود.)

۵۰ (۱)

۶۰ (۲)

۱۸۰ (۳)

۱۲۰ (۴)





وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱۱- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) در هر گروه از بالا به پایین، خصلت فلزی و شعاع اتمی افزایش می‌یابد. آزمون وی ای پی.

(۲) در هر دوره از چپ به راست، خصلت نافلزی با شعاع اتمی، رابطه عکس دارد.

(۳) عنصر با بیشترین خاصیت نافلزی، مربوط به گروه هفدهم و تناوب دوم است که در دسته p قرار دارد و عنصر با بیشترین خاصیت فلزی در گروه اول دوره ۷ ام قرار دارد.

(۴) در یک دوره از چپ به راست، واکنش پذیری فلزهای اصلی برخلاف شعاع اتمی آنها افزایش می‌یابد.

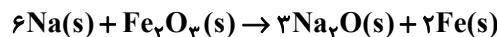
۱۱۲- در مورد عناصر دوره سوم از $_{11}\text{Na}$ تا $_{17}\text{Cl}$ کدام عبارت نادرست است؟

(۱) با افزایش عدد اتمی، شعاع اتمی کاهش می‌یابد.

(۲) تعداد لایه‌ها ثابت است ولی تعداد الکترون‌های ظرفیت در حال افزایش است.

(۳) اختلاف شعاع $_{12}\text{Mg}$ با $_{11}\text{Na}$ کمتر از اختلاف شعاع $_{17}\text{Cl}$ با $_{16}\text{S}$ می‌باشد.(۴) برخلاف $_{11}\text{Na}$ ، دارای کمترین شعاع اتمی و بیشترین خصلت نافلزی در بین عناصر در این دوره است.۱۱۳- اگر فلز سدیم حاصل از تجزیه ۳۹ گرم NaN_3 ناخالص در واکنش با مقدار کافی Fe_2O_3 منجر به تولید ۲/۲۴ گرم آهن شود،در صد خلوص NaN_3 کدام است؟ (بازده درصدی هر دو واکنش را ۵۰٪ در نظر بگیرید).

$$(\text{N} = 14, \text{Na} = 23, \text{Fe} = 56 : \text{g.mol}^{-1})$$



۲۰ (۲)

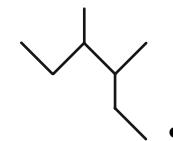
۲۵ (۱)

۸۰ (۴)

۷۵ (۳)

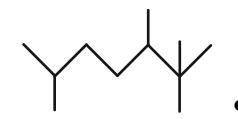


۱۱۴- چه تعداد از نام‌گذاری‌های انجام شده به روشن آیوپاک درست است؟



: ۲- اتیل ۳- متیل پنتان

$\text{CH}_3(\text{CH}_2)_2\text{C}(\text{CH}_3)_2\text{CH}(\text{C}_2\text{H}_5)_2$ •



: ۲، ۵، ۶- تررامتیل هپتان

$\text{C}(\text{C}_2\text{H}_5)_4$ •



: ۴- اتیل ۲، ۲، ۴- تری متیل هگزان

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۵- از سوختن کامل 4g / 32 هیدروکربن سیرنشده‌ای با مقدار کافی از گاز اکسیژن 6g / 105 گاز کربن دی‌اکسید و 4g / 32 آب تولید شده است. فرمول مولکولی این هیدروکربن کدام گزینه می‌تواند باشد؟ ($\text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

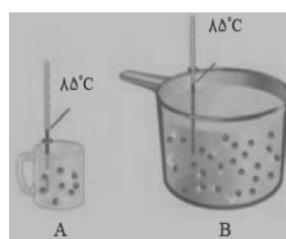
C_4H_8 (۴)

C_4H_6 (۳)

C_3H_4 (۲)

C_2H_4 (۱)

۱۱۶- همه عبارت‌های زیر نادرست هستند، به جز ...



۱) انرژی آزاد شده از مواد غذایی به نوع و مقدار آن ماده وابسته است؛ به طوری که در شرایط یکسان و مقدار برابر، مقدار انرژی حاصل از مغز گرد و از ماقارونی کمتر می‌باشد.

۲) در شکل مقابل میانگین تندي مولکول‌ها و شدت برخورد آن‌ها به دیواره ظرف‌ها در هر دو ظرف یکسان است.

۳) اگر یک جسم را از دمای بالاتر به دمای پایین‌تر برسانیم، علامت تغییر دمای جسم مثبت است.

۴) تکه‌ای نان داغ و تکه‌ای سیب‌زمینی داغ را با جرم و دمای یکسان درون اتاقی قرار می‌دهیم. زمان هم‌دما شدن با محیط در نان بیشتر از سیب‌زمینی است.



۱۱۷- آنتالپی انحلال آمونیوم نیترات در آب برابر با -26 kJ.mol^{-1} است. از انحلال ۲۰ گرم از این ترکیب یونی در ۱۰۰ میلی لیتر آب

25°C ، دمای آب به تقریب به چند کلوین می‌رسد؟ (گرمای ویژه آب را برابر با $4.2 \text{ J.g}^{-1} \cdot ^\circ\text{C}^{-1}$ و چگالی آن را برابر با

$(N=14, O=16, H=1: g.mol^{-1})$ در نظر بگیرید و از گرمای جذب شده توسط آمونیوم نیترات صرف نظر کنید.

۲۸۲/۵۲ (۴)

۲۹۱/۲۵ (۳)

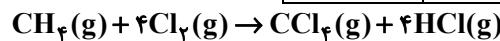
۲۸۸/۴۸ (۲)

۳۰۷/۵۲ (۱)

۱۱۸- با توجه به آنتالپی‌های پیوند داده شده در جدول و آنتالپی واکنش گرماده زیر که اندازه تفاوت انرژی محصولات و مواد اولیه در

آن kJ.mol^{-1} می‌باشد، آنتالپی پیوند $\text{C}-\text{Cl}$ چند کیلوژول بر مول است؟

| | H-Cl | Cl-Cl | C-H | پیوند |
|-----|------|-------|---------------------------------------|-------|
| ۴۳۱ | ۲۴۲ | ۴۱۵ | آنالپی پیوند (kJ.mol^{-1}) | |

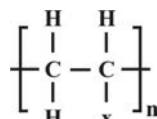


۴۶۳ (۴)

۳۴۸ (۳)

۳۲۶ (۲)

۱۵۱ (۱)



۱۱۹- با توجه به ساختار مقابل چند مورد از مطالب زیر درست است؟

الف) اگر به جای X ، گروه CN - متصل شود، پلیمری سیر شده به دست می‌آید که در ساخت پتو کاربرد دارد.

ب) با اتصال گروه متیل به جای X ، پلی پروپن به دست می‌آید.

پ) اگر به جای X ، هالوژن دوره دوم جدول تناوبی متصل شود پلیمری به دست می‌آید که در ساخت کیسه خون استفاده می‌شود.

ت) اگر به جای X ،  متصل شود پلیمری به دست می‌آید که در ساخت ظروف یکبار مصرف کاربرد دارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲۰- کدام موارد نادرست هستند؟

الف) با افزایش طول زنجیر هیدروکربنی در الکلهای نیتروی واندروالسی بر پیوند هیدروژنی غلبه می‌کند و خصلت ناقطبی الکل افزایش می‌یابد.

ب) در اتانول مانند ویتامین (ث) پیوند هیدروژنی بر نیتروی واندروالسی غلبه دارد.

پ) اسید و الکل سازنده استر $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\overset{\text{O}}{\underset{\parallel}{\text{C}}}-\text{OH}$ و $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\overset{\text{O}}{\underset{\parallel}{\text{C}}}-\text{O}-\text{CH}_3$ است.

ت) در ساختار پیوند-خط استری که در موز یافت می‌شود ۸ خط نمایش داده می‌شود.

۴) الف و ت

۳) پ و ت

۲) ب و پ

۱) الف و پ



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۲۱- چه تعداد از موارد زیر صحیح است؟

الف) در جدول تناوبی، ۲ گروه وجود دارد که تعداد عناصر داخل هر کدام از آن‌ها به اندازه عدد اتمی نیتروژن است.

ب) در دسته **f** جدول دوره‌ای عنصرها ۲۸ عنصر وجود دارد.

پ) در دوره‌های دوم و سوم، در مجموع ۸ عنصر وجود دارد که نماد شیمیایی آن‌ها دو حرفی است.

ت) نخستین عنصری که توسط بشر ساخته شده است در دسته **d** جدول دوره‌ای جای دارد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۲۲- کدام گزینه نادرست است؟

۱) شمار خطوط در طیف نشري خطی هلیم در گستره مرئی بیشتر از هیدروژن است.

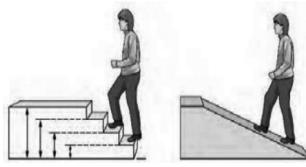
۲) هر عنصر طیف نشري خطی ویژه خود را دارد.

۳) با افزایش عدد اتمی شمار خطوط طیف نشري خطی در محدوده نور مرئی افزایش می‌یابد.

۴) شیمی‌دان‌ها به فرایندی که در آن یک ماده شیمیایی با جذب انرژی از خود پرتوهای الکترومغناطیس گسیل می‌دارد، نظر می‌گویند.

۱۲۳- چند مورد از موارد زیر درست است؟

- انرژی در نگاه ماکروسکوپی و میکروسکوپی به ترتیب مطابق شکل‌های (ب) و (آ) است.



- در اتم هیدروژن، نور حاصل از انتقال الکترون از لایه سوم به لایه دوم طول موج کمتری نسبت به

نور حاصل از انتقال الکترون از لایه چهارم به لایه دوم دارد.

- مطابق مدل کوانتموی اتم، الکترون اتم هیدروژن می‌تواند در همه نقاط اتم حضور یابد.

- طول موج نور حاصل از انتقال الکترون از لایه پنجم به لایه سوم در اتم هیدروژن کمتر از طول موج نور قرمز است.

۲ (۴)

۱ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۲۴- در رابطه با تقطیر جزء به جزء هوای مایع، کدام گزینه نادرست است؟

۱) گازهای N_2 , O_2 و Ar در صنعت از تقطیر جزء به جزء هوای مایع به دست می‌آیند.

۲) هوای مایع، محلولی بسیار سرد حاوی CO_2 , O_2 , N_2 و Ar است.

۳) در فرایند تقطیر جزء به جزء هوای مایع با دمای $-20^{\circ}C$ ، نخستین جزئی که از ستون تقطیر خارج می‌شود، N_2 است.

۴) تهیه اکسیژن صدرصد خالص در فرایند تقطیر جزء به جزء هوای مایع دشوار است.

۱۲۵- ساختار لوویس کدام ترکیب نادرست رسم شده است؟





۱۲۶- کدام گزینه درباره مولکول‌های اوزون و اکسیژن نادرست است؟

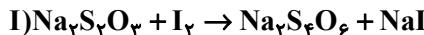
۱) نسبت تعداد الکترون‌های پیوندی اوزون به اکسیژن معکوس نسبت تعداد الکترون‌های ناپیوندی اکسیژن به اوزون می‌باشد.

۲) پایداری گاز O_2 برخلاف واکنش پذیری آن، از گاز O_3 بیشتر است.

۳) O_2 در لایه‌های هواکره یک ناحیه مشخص دارد که غلظت آن در آن ناحیه از بقیه قسمت‌های هواکره بیشتر است.

۴) طول موج نوری به رنگ O_3 مایع بیشتر از طول موج نوری به رنگ O_2 مایع است.

۱۲۷- کدام موارد از عبارت‌های زیر در رابطه با واکنش‌های داده شده پس از موازنۀ آن‌ها درست‌اند؟



الف) اختلاف ضریب H_2O در واکنش‌های دوم و سوم برابر ضریب سدیم یید در واکنش (I) است.

ب) اختلاف مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها و مجموع ضرایب فراورده‌ها در واکنش (III) برابر این اختلاف در واکنش (I) است.

پ) در واکنش (I) ضریب $Na_2S_2O_3$ دو برابر ضریب $Na_2S_4O_6$ است.

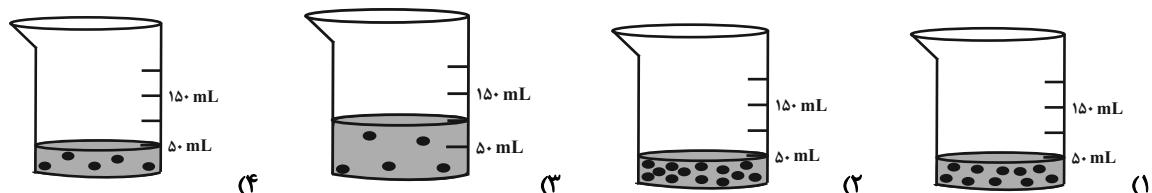
ت) ضریب HCl در واکنش (II) برابر مجموع ضریب H_2O و H_2PO_4 در واکنش (III) است.

(۱) ب، ت (۲) الف، ت

(۳) ب، پ (۴) الف، پ

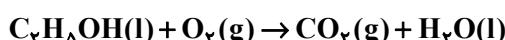
۱۲۸- غلظت کاتیون کلسیم در یک نمونه آب معدنی برابر با 20.0 ppm است. اگر چگالی آب 1 kg.L^{-1} باشد، کدام ظرف حاوی این

نمونه آب معدنی است؟ ($\text{Ca}^{2+} = 40 \text{ g.mol}^{-1}$ و هر ذره نشان‌دهنده $1/5000$ مول کاتیون کلسیم است).



۱۲۹- در شرایط STP حجم گاز اکسیژن حاصل از تجزیه $20/2$ گرم پتاسیم نیترات چند لیتر است و این مقدار اکسیژن به تقریب با سوختن کامل چند گرم اتانول مصرف می‌گردد؟

(گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید. $(K=39, N=14, O=16, C=12, H=1: \text{g.mol}^{-1})$)



۱/۵۳ ، ۴/۴۸ (۴)

۱/۵۳ ، ۲/۲۴ (۳)

۴/۶ ، ۴/۴۸ (۲)

۴/۶ ، ۲/۲۴ (۱)

۱۳۰- اگر معادله انحلال‌پذیری نمک‌های A و B به ترتیب $S_A = 1/4\theta + 36$ و $S_B = 1/4\theta + 20$ دما بر حسب

درجه سلسیوس) باشد در چه دمایی (C) انحلال‌پذیری دو نمک یکسان می‌شود و اگر 322 گرم محلول سیر شده نمک A را از

دمای 80°C تا دمای 30°C سرد کنیم، چند گرم نمک در محلول رسوب می‌کند؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

۴) ۳۱ ، ۳۰ ، ۲۰ ، رسوب نمی‌کند

۳۰ ، ۳۱ (۳)

۳۰ ، ۲۰ ، رسوب نمی‌کند (۲)

۳۰ ، ۲۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تدرستی / قاریچه صابون تا انتهای شوینده‌ها: صفحه‌های ۱ تا ۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۳۱- با توجه به مخلوط‌های A، B و C، کدام موارد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

A = محلول مس (II) سولفات

B = مخلوط آب و روغن و صابون

C = شربت معده

الف) محلول A، شامل یون‌هایی است که نور را عبور می‌دهند و تهشیش نمی‌شوند.

ب) مخلوط B، شامل توده‌های مولکولی با اندازه‌های متفاوت است و نور را پخش نمی‌کند.

پ) C یک مخلوط ناهمگن بوده و ناپایدار است که نور را در خود از B بیشتر می‌تواند پخش کند.

ت) مخلوط A و C در پایداری متفاوت و در پخش نور یکسان عمل می‌کنند.

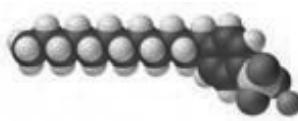
(۴) پ، ت

(۳) ب، ت

(۲) ب، پ

(۱) الف، ب

۱۳۲- با توجه به شکل رویه‌رو، چند مورد از عبارت‌های زیر صحیح است؟

الف: مربوط به یک پاک‌کننده غیرصابونی است که در آن از گروه SO_4^- استفاده می‌شود.

ب: بخش قطبی این نوع پاک‌کننده‌ها دارای ساختار آروماتیکی است.

پ: فرایند تولید این نوع پاک‌کننده‌ها نسبت به پاک‌کننده‌های صابونی پیچیده‌تر است و در صنعت پتروشیمی تولید می‌شود.

ت: وجود یون سدیم و نقش آن در پاک‌کننده‌های غیرصابونی و صابون جامد یکسان است.

ث: این نوع پاک‌کننده در آب‌های سخت مثل آب دریا رسوب سفیدرنگ تولید می‌کند.

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

۱۳۳- تمام عبارت‌های زیر درست‌اند، به جز

(۱) شیمی‌دان‌ها، پیش از شناخته شدن ساختار اسیدها و بازها، با ویژگی این دسته از مواد آشنا نبودند.

(۲) آرنیوس نخستین کسی بود که اسیدها و بازها را بر یک مبنای علمی توصیف کرد.

(۳) سدیم هیدروکسید یک باز آرنیوس بوده و کاغذ pH را به رنگ آبی در می‌آورد.

(۴) آمونیاک در ساختار خود یون OH^- ندارد و برخلاف SO_4^- یک باز آرنیوس به شمار می‌رود.

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.



۱۳۴- پاک کننده صابونی مایع در اختیار داریم که زنجیر هیدروکربنی آن سیر شده می‌باشد و در ساختار آن فقط عناصر نافلزی دیده می‌شود. اگر در این صابون به تعداد گروه‌های جدول تنابوی اتم کربن دیده شود، جرم مولی آن چند گرم بر مول است؟

$$(C=12, H=1, O=16, Na=23, K=39, N=14 : g \cdot mol^{-1})$$

۳۰۱ (۴)

۳۰۸ (۳)

۳۱۷ (۲)

۳۱۵ (۱)

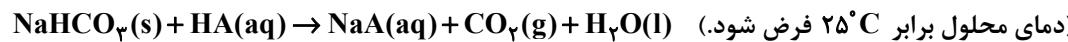
۱۳۵- کدام گزینه درست است؟

- ۱) از واکنش هر مول N_2O_5 با آب یک مول یون هیدرونیوم تولید می‌شود.
- ۲) گوگرد تری اکسید و لیتیم اکسید به ترتیب اکسید اسیدی و بازی به شمار می‌آیند.
- ۳) فراورده حاصل از واکنش سدیم اکسید با آب، در آب نامحلول است.
- ۴) کلسیم اکسید با آب واکنش داده و رنگ کاغذ pH در محلول حاصل قرمز می‌شود.

۱۳۶- مقدار $g / ۰$ اسید ضعیف HA با جرم مولی $20g \cdot mol^{-1}$ را در آب حل کرده و حجم محلول را به 200 میلی‌لیتر می‌رسانیم. در صورتی که این اسید به اندازه یک درصد یونش باید، pH محلول و K_a آن به تقریب کدام‌اند؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

$$(2 \times 10^{-5}, 2/3, 10^{-5}, 2 \times 10^{-5})$$

۱۳۷- اگر نسبت غلظت یون هیدرونیوم به یون هیدروکسید در 100 میلی‌لیتر محلول اسید HA با درصد یونش $\% 2$ برابر 4×10^{-4} باشد، این محلول با چند میلی‌گرم سدیم هیدروژن کربنات ($NaHCO_3$) با خلوص 80 درصد مطابق واکنش زیر خنثی می‌شود؟ $(H=1, C=12, O=16, Na=23 : g \cdot mol^{-1})$



$$(150 \text{ (4)}, 105 \text{ (3)}, 110 \text{ (2)}, 10/5 \text{ (1)})$$

۱۳۸- چند گرم از از محلول اسید ضعیف HA با درصد یونش $pH = 3/7$ و $5/2$ % می‌تواند با 20 میلی‌لیتر از محلول $1/0$ مولار باریم هیدروکسید، به طور کامل واکنش دهد؟ $(\log 2 \approx 0.3 / 0.5 \text{ mol}^{-1})$ (چگالی محلول اسید را $1/5 \text{ g} \cdot mL^{-1}$ فرض کنید).

$$(800 \text{ (4)}, 350 \text{ (3)}, 500 \text{ (2)}, 750 \text{ (1)})$$

۱۳۹- در دمای 25°C محلول اسید ضعیف $1/0$ مولار HA با درصد یونش $0/02$ را 100 برابر رقیق می‌کنیم. نسبت pH محلول حاصل به pH محلول -4 مول بر لیتر پتانسیم هیدروکسید کدام است؟ $(\log 2 \approx 0.3 / 0.5)$

$$(0/43 \text{ (4)}, 0/37 \text{ (3)}, 0/63 \text{ (2)}, 0/57 \text{ (1)})$$

۱۴۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر صحیح می‌باشند؟ $(\log 2 \approx 0.3 / 0.5)$

- واکنش خنثی شدن اسیدها و بازها مبنای برای کاربرد شوینده‌های خورنده است.
- محلول بازهای قوی با غلظت بالا در واکنش با اسیدهای چرب، فراورده نامحلول در آب تولید می‌کند.
- با دو برابر شدن حجم یک محلول اسید قوی در دمای ثابت، pH آن $1/3$ % واحد افزایش می‌یابد.
- در یک نمونه از آب خالص شمار بسیار ناچیزی از مولکول‌های آب یونیده می‌شوند.
- در واکنش خنثی شدن اسید و باز، یون‌های هیدروژن و اکسیژن با هم واکنش می‌دهند.

$$(5 \text{ (4)}, 4 \text{ (3)}, 3 \text{ (2)}, 2 \text{ (1)})$$



دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد

(دورة دوم)

۶ مهر

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

| مسئول آزمون | هماینده |
|------------------------|---|
| ویراستار | فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو |
| مدیر گروه مستندسازی | محیا اصغری |
| مسئول درس مستندسازی | علیرضا همایون خواه |
| طراحان | حمید اصفهانی، سپهر حسن خان پور، کیارش صانعی، نیلوفر امینی، عرشیا مرزبان، فاطمه راسخ، نیما امینی، هادی زمانیان، فرزاد شیرمحمدی، مریم عظیم پور، حمید گنجی |
| حروف چینی و صفحه‌آرایی | مصطفومه روحانیان |
| ناظر چاپ | حمید عباسی |

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.



۳۰ دقیقه

استعداد تحلیلی

* بر اساس متن زیر از کتاب «فرانک بلت» از «انتشارات فاطمی» به چهار سؤالی که در پی می‌آید پاسخ دهید.

درست در سال ۱۶۴۲ میلادی، همان سالی که «گالیله» - پیرمردی نابینا، درهم‌شکسته و زندانی در چاردیواری خانه‌ی خود - درگذشت، «ایزاک نیوتون» در انگلستان به دنیا آمد؛ شخصی که علم امروز ما مدعیون اوست. نیوتون تحصیلات دانشگاهی را در «کیمبریج» آغاز کرد و تا بیست و سه سالگی، تا شیوع طاعون در انگلستان - که به تعطیلی دانشگاه‌ها منجر شد - زیر نظر استادش «ایزاک بارو»، آنجا ماند. وی هجده ماهی را که در آنجا بود، «بهترین بخش زندگی‌ام، برای ابداع» توصیف کرده است. او در این مدت شاخه‌ای را از ریاضیات که امروزه حساب دیفرانسیل و انتگرال می‌نامیم به وجود آورد، قانون جاذبه‌ی گرانشی را کشف کرد و مجموعه‌ای از مشاهدات بنیادی درباره‌ی ماهیت نور انجام داد و آن‌ها را تفسیر کرد. کمی بعد از بازگشت نیوتون به کیمبریج، بارو کرسی استادی را رها کرد و نیوتون بیست و هفت ساله به جای او به استادی منصوب شد.

تأثیر کار نیوتون نه تنها بر علوم قرن‌های هجدهم و نوزدهم، بلکه بر تفکر غربی در حوزه‌ی فعالیت‌های ذهنی چنان گسترده و عمیق است که حتی به دشواری می‌توان در آن مبالغه کرد. نسل‌های متوالی دانشمندان با ترکیب جامع و احاطه‌یاب اثر ماندگار نیوتون، «اصول ریاضی فلسفه‌ی طبیعی»، به عنوان یک نقطه‌ی عطف، ظاهراً همه‌ی پدیده‌های طبیعی را بر حسب یک نظریه‌ی کامل‌اً مکانیکی توضیح دادند و روشن کردند. این فلسفه‌ی جبری را «لاپلاس» در پاسخ به «ناپلئون» که پرسیده بود «خداؤند در کجا این عالم ممکن است قرار بگیرد؟» به‌طور مشخصی بیان کرده است: «من به چنین فرضی نیاز ندارم.»

سه قانون حرکت که نام نیوتون را بر خود دارند، در واقع گزاره‌ها یا احکام بسیار ساده‌ای هستند. ارزش عمیق آن‌ها دقیقاً از این سادگی بنیادی و عمومیتی که در پی دارند، منتج می‌شود. غالباً ارائه‌ی یک نظریه برای توضیح دادن مشاهده‌ای خاص، کار دشواری نیست. ولی اگر هر مشاهده‌ی جدیدی نیازمند یک نظریه‌ی جدید باشد، مطمئناً به سوی دروازه‌های درک طبیعت پیشرفتی نصیبمان نمی‌شود. در واقع می‌توان به اجمال گفت همین وحدت جامع است که به کار نیوتون، زیبایی باشکوهی می‌دهد. جای تعجب نیست که بسیاری از دانشمندان قرن نوزدهم احساس غبن می‌کردند، چرا که متقاعد شده بودند که دیگر هیچ چیزی با اهمیت واقعاً بنیادی که به کشف کردنش بیزد، باقی نمانده است.

- ۲۵۱- کدام معنا برای واژه‌ی «غبن» در انتهای متن بهتر است؟

- (۱) شوق و رغبت
- (۲) کبر و نخوت
- (۳) زیان و افسوس
- (۴) عقل و فراست

- ۲۵۲- چهار داده‌ی زیر، از سالشماری درباره‌ی زندگی نیوتون استخراج شده است. کدام مورد طبق متن بالا درست نیست؟

- (۱) ۱۶۶۱: ورود به دانشگاه کیمبریج برای نخستین بار
- (۲) ۱۶۶۴: انجام آزمایش‌هایی درباره‌ی نور و ماهیت آن
- (۳) ۱۶۶۵: شیوع طاعون و ترک دانشگاه
- (۴) ۱۶۶۹: انتصاب به جایگاه استادی دانشگاه کیمبریج

- ۲۵۳- در پاسخ لاپلاس به ناپلئون، منظور از «چنین فرضی» دقیقاً چیست؟

- (۱) نبود خداوند
- (۲) لزوم دخالت امور ماوراء الطبیعه در پدیده‌های طبیعت
- (۳) سلب اختیار خداوند در امور طبیعی
- (۴) وجود جهان مادی

- ۲۵۴- جای خالی متن را در بند سوم، کدام گزینه بهتر کامل می‌کند؟

- (۱) اگر نظریه‌ای ابطال پذیر نباشد، علمی نیست و لو به تأیید چند مصدق.
- (۲) کل علم عبارت است از جستجوی وحدت در شباهت‌های پنهان.
- (۳) علم چیزی نیست جز طبقه‌بندی و آن‌چه در طبقه‌بندی نگنجد، علمی نیست.
- (۴) نظریه‌های درست نامحدود است و نظریه‌های کاربردی لزوماً درست نیست.



۲۵۵ - متن زیر عمدتاً کدام ویژگی خواجه حافظ شیرازی را نشان می‌دهد؟ متن از کتاب «در طریق ادب» دکتر سعید حمیدیان است.

از میان شاعران نامور تا زمان خواجه و از آنان که آثارشان کامل یا تقریباً کامل به دست ما رسیده، بعد از باباطاهر و خیام و در سنجرش با فردوسی، نظامی، خاقانی، کمال اسماعیل، مولانا و امیرخسرو، حافظ از همگی کمتر سخن سروده است. این را هم همه می‌دانند. یکی از حافظپژوهان با بخش‌کردن شمار کل غزل‌های حافظ بر ماههای عمر مفید شاعری او، نتیجه گرفته که او بهطور میانگین، ماهی یک غزل بیشتر نمی‌گفته و احتمالاً بقیه‌ی ایام ماه را صرف اصلاح و تهذیب همان مقدار موجود می‌کرده است.

- (۱) کاهله
(۲) سهل‌انگاری
(۳) تواضع

۲۵۶ - معنا و لحن ابیات زیر عمدتاً ناظر به موضوع کدام بیت است؟

«اگر از خرقه کس درویش بودی / رئیس خرقه پوشان میش بودی

و گر مرد خدا آن عام چرخی است / بلاشک آسیا معروف کرخی است»

- (۱) تو گندم آسیای گردونی / گر یک من و گر هزار خرواری
(۲) سخن عشق تو بی آن که برآید به زبانم / رنگ رخساره خبر می‌دهد از حال نهانم
(۳) دلبر آن نیست که مویی و میانی دارد / بندی خلعت آن باش که آنی دارد
(۴) دانی ملخ چه گفت چو سرما و برف دید: / «تا گرم جست و خیز شدم نوبت شتاست»

۲۵۷ - با حروف به هم ریخته کدام یک از گزینه‌های زیر - به همان تعدادی که هست، بدون کاهش و افزایش - نمی‌توان واژه‌ای به معنای خواسته شده ساخت؟

- (۱) ارزگنی: ناچار
(۲) آب ب ت ج ر: آزموده‌ها
(۳) اضمونی: مفهومها
(۴) آگنن‌هی: موزون

۲۵۸ - در یک مجتمع بزرگ آموزشی، وقتی کودکان را به دسته‌های سه‌تایی، چهارتایی و پنج‌تایی تقسیم می‌کنیم، هر بار دو دانش‌آموز باقی می‌مانند که در هیچ دسته جایی ندارند. می‌دانیم تعداد دانش‌آموزان این مجتمع، کمترین عدد چهار رقمی سازگار با شرایط بالاست. اگر این دانش‌آموزان را در دسته‌های هفت‌تایی تقسیم کنیم، چند دانش‌آموز باقی می‌مانند که در هیچ دسته‌ای جایی ندارند؟

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) دانش‌آموزی باقی نمی‌ماند.

۲۵۹ - اعداد طبیعی را به ترتیب، به گونه‌ای دسته‌بندی می‌کنیم که تعداد اعداد هر دسته، از دسته قبلی ۵ تا بیشتر باشد. اولین دسته، یک عضو دارد: $\{1\}, \{2, 3, 4, 5, 6, 7\}, \{8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18\}, \dots$

حاصل جمع عدد آخر دسته پنجم و عدد وسط دسته هفتم کدام است؟

- (۱) ۱۵۱
(۲) ۱۵۲
(۳) ۱۵۳
(۴) ۱۵۴

۲۶۰ - در الگوی زیر به جای علامت سوال کدام گزینه قرار می‌گیرد؟

- (۱) ۱۳۰
(۲) ۱۲۱
(۳) ۱۳۱
(۴) ۱۲۲
۲۵۲ → ۹۰
۳۸۷ → ۱۸۱
۴۲۵ → ۱۱۱
۳۸۶ → ۱۷۰
۱۶۹ → ۱۶۱
۳۲۸ → ?



- ۲۶۱- دو جدول زیر، فاصله‌های خانه‌ای علی تا خانه‌های دوستانش و فاصله‌های خانه‌های دوستانش علی را با یکدیگر نشان می‌دهد. علی خودرویی با ۴۰ لیتر بنزین و مصرف ۵ لیتر بر کیلومتر دارد و قصد دارد به منزل دو تن از دوستانش برود. او به چند طریق می‌تواند بدون بنزین زدن چنین کاری کند؟

| | حامد | رضا | آرش | امیر | نیما |
|------|------|-----|-----|------|------|
| حامد | ۰ | ۲۵ | ۴۰ | ۳۲ | ۶۰ |
| رضا | ۲۵ | ۰ | ۴۰ | ۲۰ | ۳۸ |
| آرش | ۴۰ | ۴۰ | ۰ | ۶۰ | ۳۵ |
| امیر | ۳۲ | ۲۰ | ۶۰ | ۰ | ۹۰ |
| نیما | ۶۰ | ۳۸ | ۳۵ | ۹۰ | ۰ |

فاصله‌های خانه‌ای علی تا دوستانش (km)

دقّت کنید لزومی ندارد فاصله‌ها در دنیای طبیعی، منطقی باشند.

| | حامد | رضا | آرش | امیر | نیما |
|--|------|-----|-----|------|------|
| | ۵۰ | ۴۲ | ۳۰ | ۳۶ | ۲۵ |

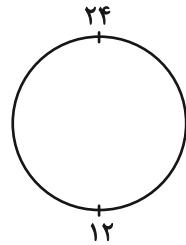
فاصله‌های خانه‌ای علی تا دوستانش (km)

۱۰) ۱

۱۱) ۲

۱۲) ۳

- ۲۶۲- ساعتی عقربه‌ای داریم که به جای ۱۲ ساعت، هر ۲۴ ساعت را روی آن نوشته‌اند. زاویه بین عقربه‌های ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار این ساعت در ساعت



۲۴' چند درجه است؟ دیگر ویژگی‌های ساعت با ساعت‌های معمولی تفاوتی ندارد.

۱۲) ۲

۶) ۱

۲۴) ۴

۱۸) ۳

- ۲۶۳- دقیقاً پنج نقطه داریم که به هر یک، دقیقاً ۲، ۲، ۳، ۳ و ۴ پاره خط وصل شده است. حداقل تعداد پاره خط‌های رسم‌شده کدام است؟

۷) ۳

۵) ۱

۱۳) ۴

۱۱) ۳

* حسن، حسین، محسن، رضا، منظر، آذر، اعظم و زری، چهار پسر و چهار دختر یک خانواده‌اند. در این خانواده، بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین فرزند

خانواده هر دو پسرند و اگر فرزندان بر اساس سن در کنار یکدیگر قرار بگیرند، هیچ دو پسری کنار هم نخواهند ایستاد. بر این اساس به دو سؤال

بعدی پاسخ دهید. داده‌ها و پاسخ‌های دو سؤال از هم متمایز است.

- ۲۶۴- اگر آذر فرزند سوم خانواده باشد ...

۱) منظر قطعاً فرزند پنجم خانواده است.

۲) منظر قطعاً فرزند پنجم خانواده نیست.

۳) محسن قطعاً فرزند پنجم خانواده است.

۴) محسن قطعاً فرزند پنجم خانواده نیست.



- ۲۶۵- شخصی بدون داشتن اطلاعاتی خارج از آن چه در بالا گفته شد، حدس زده است که زری فرزند دوم و اعظم فرزند ششم خانواده است. طبق دانش

ریاضی، احتمال درست بودن حدس این شخص کدام است؟

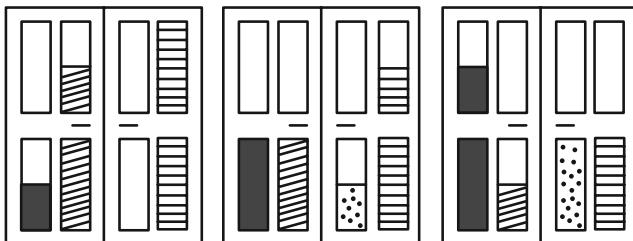
$$\frac{1}{8} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{4} \quad (۱)$$

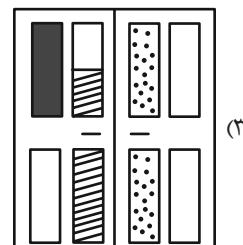
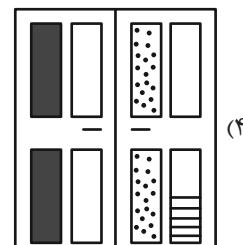
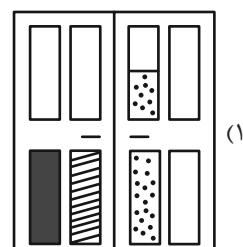
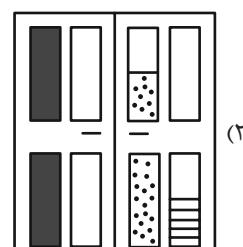
$$\frac{1}{64} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{36} \quad (۳)$$

- ۲۶۶- کدام گزینه به شکل بهتری جایگزین علامت سؤال الگوی زیر است؟

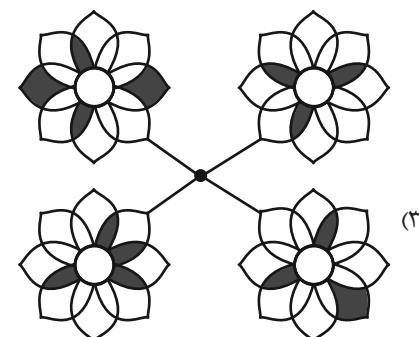
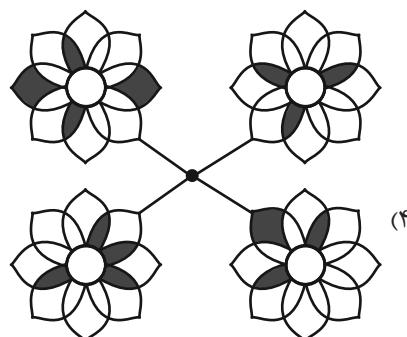
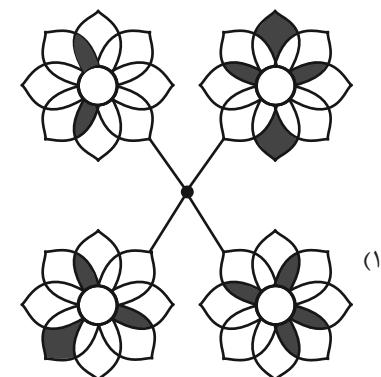
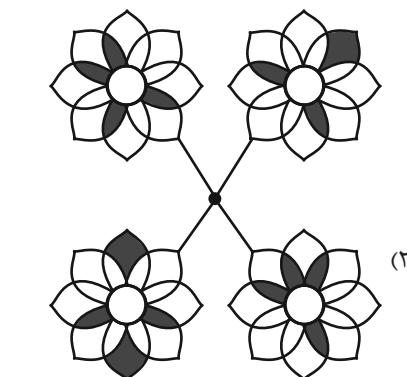
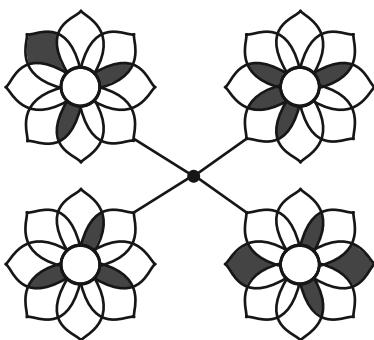


?

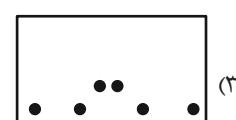
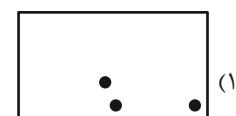
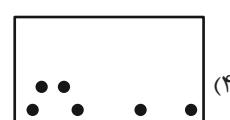
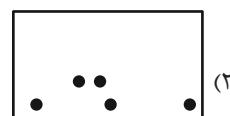
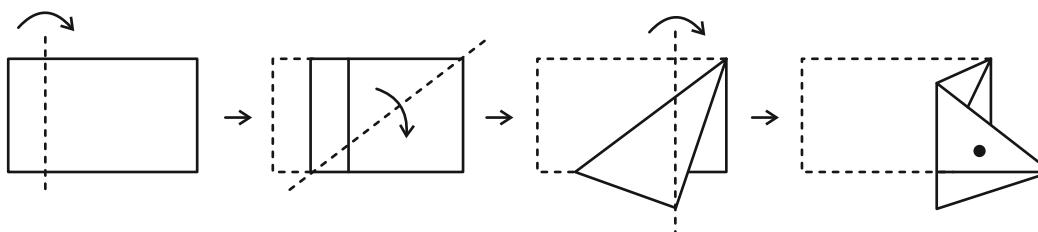




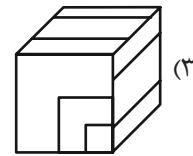
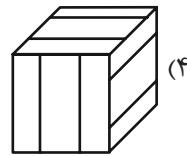
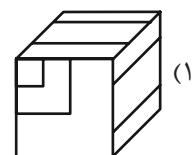
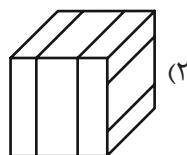
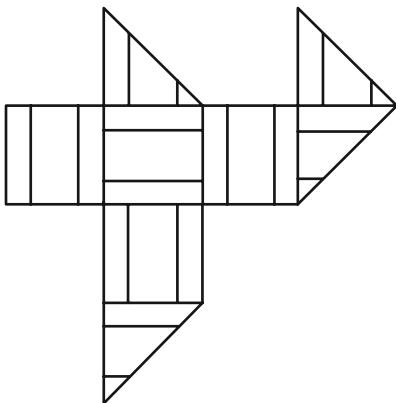
- کدام شکل دوران یافته شکل زیر است؟ ۲۶۷



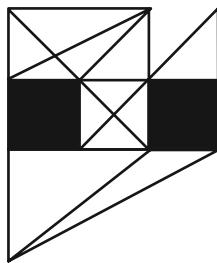
- برگهای را مطابق با مراحل زیر تا و سوراخ کرده‌ایم. شکل بازشده به کدام گزینه شبیه‌تر خواهد بود؟ ۲۶۸



- ۲۶۹- از شکل گستردۀ زیر کدام مکعب ساخته می‌شود؟ پشت برگه کاملاً سفید است.



- ۲۷۰- در شکل زیر چند مثلث هست که هیچ‌یک از ضلع‌های آن‌ها - کامل یا قسمتی - بر ضلعی از مربع‌های رنگی مماس نیست؟



۵ (۱)

۶ (۲)

۷ (۳)

۸ (۴)

منابع مناسب هوش و استعداد

د ۱۹۵ د ۹۶

استعداد تحلیلی
هوش غیر کلامی
ویژه همه مقاطع

دانشگاه آزاد اسلامی
کانون فرهنگی آموزش قائم پیشگام

شکل متفاوت، الگویی، جایگزینی، شکل، تاریخ تاریخ - حجم و حداکثری - بروزترین معرفی های تبریز

پیمانه ای ۶۰۰

استعداد تحلیلی
هوش کلامی
ویژه همه مقاطع

دانشگاه آزاد اسلامی
کانون فرهنگی آموزش قائم پیشگام

هوش ادبی و زبانی، هوش منطقی و ریاضی، بازی ها و رمزها، فصل و ویژه

پیمانه ای ۹۰۰



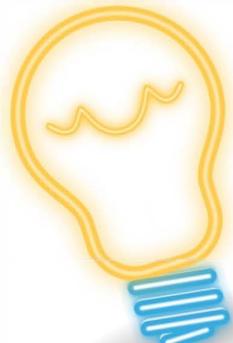
دانلود رایگان تمام آزمون های آزمایشی

در کانال تلگرام ما :



آزمایشی آزمون

t.me/Azmoonha_Azmayeshi



فرهنگ
محله آموزشی فرهنگی

حاج
سنت

سازمان آموزشی شهر
سازمان سنجش آموزش کسر



کسر



زبان‌آموز

خوبی باز!

بوقا

کاح
آزمودهای سوابق



join us ...





آزمون ۶ مهر ۱۴۰۳ اختصاصی دوازدهم ریاضی

نقد و تحلیل پرسنخ

پذیده‌ورنگکار

نقد و تحلیل

| نام درس | نام طراح |
|-------------------------------|--|
| حسابان ۲ و ریاضی پایه | علی آزاد-مهدی براتی-محمدابراهیم توزنده‌جانی-سهیل حسن خان‌پور-عادل حسینی-مهران حسینی-بهرام حلاج-بابک سادات محمد حسن سلامی حسینی-سیدرضا نجفی-علی اصغر شریفی-پویان طهرانیان-میلاد منصوری-سروش موئینی-سید جواد نظری جهانبخش نیکنام |
| هندسه | امیر حسین ابومحبوب-حسین حاجیلو-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-سوگند روشنی-رضا عباسی‌اصل-فرشاد فرامرزی احمد رضا فلاخ-نمیر محبی‌نژاد-مهرداد ملوندی-سرژ یقیازاریان تبریزی |
| آمار و احتمال و ریاضیات گستته | امیر حسین ابومحبوب-حنانه اتفاقی-علی ایمانی-رضا توکلی-جواد حاتمی-عادل حسینی-سید محمد رضا حسینی‌فرد افشین خاصه‌خان-حسین خرازی-سیدوحید ذوالقاری-سوگند روشنی-احمدرضا فلاخ-نیلوفر مهدوی-امیر وفایی |
| فیزیک | شهرام احمدی‌دارانی-خسرو ارغوانی‌فرد-عباس اصغری-عبدالرضا امینی‌نسب-مهدی براتی-امیر حسین براذران-امیر پوریوسف سید ابوالفضل خالقی-محمد جواد سورچی-سعید شرق-محمد رضا شریفی-بهادر کامران-مصطفی کیانی-غلامرضا مجتبی فاروق مردانی-محمد کاظم منشادی- محمود منصوری-سید علی میرنوری-حسام نادری |
| شیمی | فرزین بوستانی-امیر علی بیات-محمد رضا پور جاوید-ایمان حسن نژاد-حسن رحمتی کوکنده-سید رضا رضوی-منصور سلیمانی ملکان آروین شجاعی-مینا شرفتی‌پور-رسول عابدینی‌زواره-مجتبی عبادی-محمد عظیمیان‌زواره-فاضل قهرمانی‌فرد-حسن لشکری محمد حسن محمدزاده‌مقدم-سید محمد رضا میر قائمی-علی نوری‌زاده |

گزینشگران و ویراستاران

| نام درس | حسابان ۲ و ریاضی پایه | هندسه | آمار و احتمال و ریاضیات گستته | فیزیک | شیمی | گزینشگر |
|--------------------------|--|-----------------------------|---|---|--|------------------|
| گروه ویراستاری | امیر حسین ابومحبوب-سپهیل تقی‌زاده | عادل حسینی | سرژ یقیازاریان تبریزی | حسام نادری | امیر علی بیات | |
| گروه ویراستاری رتبه برتر | امیر حسین ابومحبوب-سپهیل متولیان رامتین برزکار سروش حامدی‌فر | سپهیل متولیان رامتین برزکار | مهبد خالتی امیر حسین ابومحبوب-امیر محمد کریمی مهرداد ملوندی | حسین بصری-بهنام شاهنی | محمد حسن محمدزاده مقدم احسان پنجه‌شاهی امیر حسین کمره‌ای سروش مقدم | |
| مسئول درس | عادل حسینی | سرژ یقیازاریان تبریزی | سپهیل متولیان رامتین برزکار | سینا صالحی | آرمان قتوانی ایلیا اسفندیار پور | |
| مسنندسازی | سمیه اسکندری | عادل حسینی | سپهیل متولیان رامتین برزکار | الهه شهبازی | علیرضا همایون‌خواه | امیر حسین توحیدی |
| ویراستاران (مسنندسازی) | سجاد سلیمی-علیرضا عباسی‌زاده-احسان صادقی | | | معصومه صنعت‌کار سید کیان مکی شیدا نجاتی | ملینا ملاتی سجاد رضائی محمد صدرای وطی | |

گروه فنی و تولید

| مدیر گروه | مهرداد ملوندی |
|-----------------------|----------------|
| نرگس غنی‌زاده | مسئول دفترچه |
| مدیر گروه: محیا اصغری | گروه مسنندسازی |
| فرزانه فتح‌الهزاده | حروف نگار |
| سوران نعیمی | ناظر چاپ |

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی فلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۲۱.



(بایک سادهات)

گزینه «۱» -۳

$$y = f(x) = 4 - \sqrt{x+2} \quad D_f = [-2, +\infty), R_f = (-\infty, 4]$$

$$y = 4 - \sqrt{x+2} \Rightarrow 4 - y = \sqrt{x+2}$$

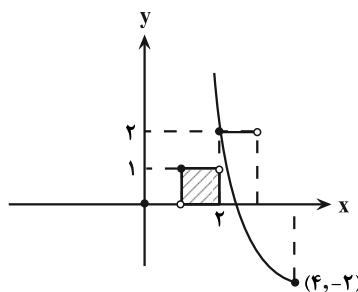
$$\Rightarrow 16 + y^2 - 8y = x + 2 \Rightarrow x = y^2 - 8y + 14$$

بنابراین ضابطه تابع وارون $f^{-1}(x) = x^2 - 8x + 14$ به صورت و دامنه

آن $[4, -\infty) = D_{f^{-1}}$ خواهد بود. حال کافی است نمودار آن را رسم کنیم

و با $[x] = g(x)$ قطع دهیم:

مطابق شکل، نمودار تابع f^{-1} محور x ها را در نقطه‌ای به طول $g(x) = 4 - \sqrt{2} \approx 2/6$ (بین ۲ و ۳) قطع کرده و از نقطه (۲، ۰) روی تابع (x) می‌گذرد.



پس مساحت سطح بین نمودار تابع و محور x ها در بازه $(0, 2)$ برابر یک واحد است.

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۳۶ تا ۵۷ و ۵۳ تا ۵۱)

(ممدرابراهیم تووزنده‌جانی)

گزینه «۴» -۴

$$g(x) = \sqrt{-x^2 + 4x - 4} = \sqrt{-(x^2 - 4x + 4)}$$

$$= \sqrt{-(x-2)^2} \Rightarrow D_g = \{2\}$$

چون دامنه تابع $g(x)$ فقط $x = 2$ می‌باشد، پس فقط مقادیری را قبول می‌کند که به ازای آن $2 = f(x)$ شود از طرفی چون $g(2) = 0$ است. برداشت.

تابع gof برابر $\{0\}$ خواهد شد.

دقیق کنید که معادله $f(x) = 2$ جواب دارد، پس دامنه تابع gof تهی نیست.

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۶۶ تا ۶۹)

حسابان ۱

گزینه «۱» -۱

(بایک سادهات)

برای حل چنین معادلات گنگی همیشه اول دامنه را بررسی می‌کنیم.

$$x^2 - 5x + 4 \geq 0 \Rightarrow x \geq 4 \text{ یا } x \leq 1 \quad (\text{I})$$

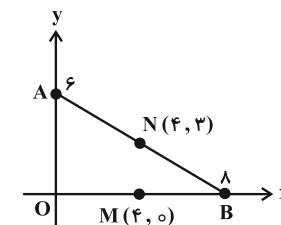
$$-x^2 + 5x - 4 \geq 0 \Rightarrow 1 \leq x \leq 4 \quad (\text{II})$$

اشتراک (I) و (II) فقط عدد ۱ و ۴ می‌شود که فقط $x = 1$ در معادله صدق می‌کند.

(مسابان ا- ببر و معارله: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

گزینه «۲» -۲

(عادل مسینی)



شیب AB برابر است با:

$$m_{AB} = \frac{0-6}{4-0} = -\frac{3}{4}$$

پس شیب عمودمنصف AB که از نقطه N می‌گذرد، برابر $\frac{4}{3}$ است.

$$N = \frac{A+B}{2} = (4, 3)$$

$$\Rightarrow AB \text{ عمودمنصف } y - 3 = \frac{4}{3}(x - 4) \Rightarrow x = \frac{3y+7}{4}$$

معادله میانه AM هم به صورت زیر به دست می‌آید:

$$y - 6 = \frac{0-6}{4-0}(x - 0) \Rightarrow y - 6 = -\frac{3}{2}x \Rightarrow x = \frac{12-2y}{3}$$

معادله دو خط را برابر یکدیگر قرار می‌دهیم:

$$\frac{3y+7}{4} = \frac{12-2y}{3} \Rightarrow 9y + 21 = 48 - 8y \Rightarrow 17y = 27$$

$$\Rightarrow y = \frac{27}{17}$$

عرض نقطه تقاطع $\frac{27}{17}$ است.

(مسابان ا- ببر و معارله: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۶)



$$\cos^2 x = \frac{1}{5} \quad 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x} = 5 \quad \text{داریم} \quad \tan x = 2$$

حالا با ۲ پس داریم $\tan x = 2$

$$P = \frac{-1-2}{5+2+\frac{1}{5}} = \frac{-3}{\frac{36}{5}} = \frac{-5}{12}$$

جواب می‌شود:

(مسابان ا- مثالات: صفحه‌های ۹۱ تا ۱۰۴)

(پیش‌بان طور اینان)

گزینه «۱» -۸

$$\sin(x + \frac{\pi}{4}) + \sin(x - \frac{\pi}{4}) \\ = \frac{\sin x}{\sqrt{2}} + \frac{\cos x}{\sqrt{2}} + \frac{\sin x}{\sqrt{2}} - \frac{\cos x}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{10}}{2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{2} \sin x = \frac{\sqrt{10}}{2} \Rightarrow \sin x = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\Rightarrow \cos 2x = 1 - 2 \sin^2 x = 1 - 2(\frac{5}{9}) = -\frac{1}{9}$$

$$\Rightarrow \cos 4x = 2 \cos^2 2x - 1 = 2(\frac{1}{81}) - 1 = -\frac{79}{81}$$

(مسابان ا- مثالات: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۱)

(پیش‌بان ملاج)

گزینه «۴» -۹

نکته: جواب نهایی در حد به صورت مطلق بیان می‌شود، نه نسبی.
پس داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} g(x) = 3 \Rightarrow f(\lim_{x \rightarrow 2^-} g(x)) = f(3) = \frac{5}{2}$$

(مسابان ا- هر و پیوستگی؛ مکمل تمرین ۶ صفحه ۱۲۹)

(پیش‌بان حسینی)

گزینه «۲» -۱۰

$$\lim_{x \rightarrow 2\pi^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2\pi^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2\pi^-} f(x) = f(2\pi)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2\pi^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2\pi^+} \frac{1 - \cos^3 x}{\gamma \sin^2 x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2\pi^+} \frac{(1 - \cos x)(1 + \cos x + \cos^2 x)}{\gamma(1 - \cos x)(1 + \cos x)} = \lim_{x \rightarrow 2\pi^+} \frac{1 + \cos x + \cos^2 x}{\gamma(1 + \cos x)} = \frac{3}{4}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2\pi^-} f(x) = f(2\pi) = \frac{a}{2\pi}$$

$$\Rightarrow \frac{a}{2\pi} = \frac{3}{4} \Rightarrow a = \frac{3\pi}{2}$$

(مسابان ا- هر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۵۵ تا ۱۵۷)

(میلاد منصوری)

گزینه «۲» -۵

از نمودار معلوم است که $a = -1$: از طرفی نمودار تابع از مبدأ می‌گذرد.

$$f(x) = -1 - b \times 2^{x-2}$$

بنابراین:

$$\frac{f(2) = 0}{(-1) - b(2)^{0-2} = 0} \Rightarrow \frac{b}{4} = -1 \Rightarrow b = -4$$

$$f(x) = -1 + 4 \cdot 2^{x-2} \quad f(x) = -1 + 4(2)^{x-2}$$

پس ساده نویسی کرد. حال داریم:

$$f(100) - f(99) = (-1 + 4^{100}) - (-1 + 4^{99}) = 4^{100} - 4^{99} = 4^{99}$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹)

(میلاد منصوری)

گزینه «۴» -۶

فرض کنید $x = \frac{5}{2}$ در این صورت داریم:

$$f(x) = \frac{5}{2} \Rightarrow \log_2^x + \log_x^3 = \frac{5}{2}$$

با قرار دادن $\log_2^x = T$ داریم:

$$T + \frac{1}{T} = \frac{5}{2} \Rightarrow T^2 - \frac{5}{2}T + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (T - 2)(T - \frac{1}{2}) = 0 \Rightarrow T = 2 \text{ یا } \frac{1}{2}$$

$$\log_2^x = 2 \Rightarrow x = 4$$

$$\log_2^x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \sqrt{3}$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

(سروش موئینی)

گزینه «۴» -۷

$$-\frac{\pi}{2} < x < \frac{7\pi}{4} \quad \text{در ربع چهارم است: همان } x + \frac{7\pi}{4} \text{ و در ربع چهارم}$$

است: $x - 5\pi$ و $x + \pi$ هر دو ربع سوم هستند.

$$P = \frac{-\cos x - \sin x}{\frac{1}{\cos x} + \sin x + \cos^2 x} - \frac{+\cos x}{+\cos x} = P = \frac{-1 - \tan x}{\frac{1}{\cos^2 x} + \tan x + \cos^2 x}$$



و این مقدار برابر شیب خط داده شده است:

$$\Rightarrow \frac{0-h}{3h-1-0} = -\frac{2}{\sqrt{21}} \Rightarrow h = \frac{2}{6-\sqrt{21}}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۷)

(ممدرسن سلامی‌حسینی)

گزینه «۳» - ۱۴

$$2 + \frac{a}{2} + \frac{a}{2+2} = 3 + \frac{b}{2} - \frac{b}{3+2}$$

$$8 \times 2^2 + 2^2 = 9 \times 3^2 - 3^2$$

$$9 \times \frac{a}{2^2} = 8 \times \frac{b}{2^2} \Rightarrow 3^2 \times \frac{a}{2^2} = 2^3 \times \frac{b}{3^2} \Rightarrow \begin{cases} \frac{a}{2} = 3 \\ b = 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 6 \\ b = 4 \end{cases} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{3}{2}$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های ببری: صفحه‌های ۴۸ تا ۶۱)

(ممدرسن سلامی‌حسینی)

گزینه «۴» - ۱۵

چون $x = 3$ طول رأس است، با توجه به اینکه فاصله ریشه‌ها از يكديگر ۴ است و ریشه‌ها نسبت به رأس متقارنند لذا ریشه‌ها $x = 1$ و $x = 5$ است و

لذا معادله به فرم $y = a(x-1)(x-5)$ می‌باشد پس:

$$a(x-1)(x-5) = ax^2 + bx - 5$$

$$\Rightarrow a(x^2 - 6x + 5) = ax^2 - 6ax + 5a = ax^2 + bx - 5$$

پس $-6 = b$ و $5a = -5$ می‌باشد پس:

$$y = -x^2 + 6x - 5 \xrightarrow{x_s=3} y_s = 4$$

مختصات رأس به فرم $(3, 4)$ است حال داریم:

$$OSB = \frac{x_B \times y_s}{2} = \frac{5 \times 4}{2} = 10$$

(ریاضی ا- معارضه و نامعارضه: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۸)

(ممدرسن سلامی‌حسینی)

گزینه «۲» - ۱۶

$$\text{داریم } 0 < \frac{x^3 + ax - b}{x - 2} \geq 0 \text{ و } x \neq 2, \text{ پس } x = 2 \text{ باید ریشه صورت نیز باشد که } (x-2) \text{ مخرج را حذف کرده و عبارت باقی‌مانده در صورت نامنفی باشد. پس:}$$

(میلان منصوری)

ریاضی ۱

گزینه «۲» - ۱۱

از آنجا که $a_2 + a_5 = 1$ و $a_3 - a_4 = 2$ از چپ به راست دنباله هندسی با قدر

نسبت ۲ می‌سازند، نتیجه می‌گیریم که:

$$2 = \frac{a_5}{a_3 - 1} = \frac{a_5 + 2}{a_5} \Rightarrow \begin{cases} a_5 = 2a_3 - 2 \\ a_5 = 2a_5 - 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a_5 + 2d = 2a_3 - 2 \\ a_5 + 3d = 2(a_3 + 2d) - 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a_5 = 2d + 2 \\ a_5 = 2 - d \end{cases} \Rightarrow 2d + 2 = 2 - d \Rightarrow d = 0$$

پس $a_n = x$ دنباله ثابت است و $x+2, x, x-1, x$ تشکیل دنباله هندسی

$$(x-1)(x+2) = x^2 \Rightarrow x^2 + x - 2 = x^2 \Rightarrow x = 2$$

بنابراین تمام جملات a_n برابر ۲ است.

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

گزینه «۱» - ۱۲

(سروش موئینی)

مطابق شکل، مساحت متوازی‌الاضلاع دو برابر مساحت مثلث ABC است:

$$\begin{aligned} S &= 2S_{ABC} \\ &= 2 \times \frac{1}{2} AB \cdot BC \cdot \sin A\hat{B}C \\ &= 6 \times 6 \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 54 \end{aligned}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵)

گزینه «۱» - ۱۳

(عامل محسینی)

باید $\tan \theta$ را حساب کنیم:

$$\sin \theta = \frac{2}{5} \xrightarrow{\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1} \cos^2 \theta = \frac{21}{25}$$

$$\cos \theta = -\frac{\sqrt{21}}{5} \xrightarrow{\text{در ربع دوم}} \tan \theta = -\frac{2}{\sqrt{21}}$$



(حالت سوم) دو حرف N انتخاب شود و از مابقی حروف یک حرف انتخاب

$$\binom{4}{4} = 1 \quad \text{گردد:}$$

(حالت چهارم) فقط سه حرف A انتخاب شود:

$$= 10 + 4 + 4 + 1 = 19 \quad \text{تعداد کل حالتها}$$

(ریاضی ا- شمارش، بروز شمردن: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۴۰)

(مهندی بران)

گزینه «۴» - ۱۹

$$n(S) = 36 \quad ۳۶ = ۶^2 \quad \text{عضو دارد:}$$

و در حالت‌های زیر اختلاف اعداد رو شده عددی اول است:

$$A = \left\{ (1, 3), (3, 1), (1, 4), (4, 1), (1, 6), (6, 1), (2, 4), (4, 2), (2, 5), (5, 2), (3, 5), (5, 3), (3, 6), (6, 3), (4, 6), (6, 4) \right\}$$

$$\Rightarrow n(A) = 16$$

و احتمال مورد نظر برابر است با:

$$P(A) = \frac{16}{36} = \frac{4}{9}$$

(ریاضی ا- آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۴۸ تا ۱۵۴)

(بهانپشن یکنام)

گزینه «۴» - ۲۰

جدول تعداد مهره‌های خارج شده باید به صورت مقابل باشد.

| قرمز | آبی | سبز |
|------|-----|-----|
| ۳ | ۰ | ۰ |
| ۲ | ۱ | ۰ |
| ۲ | ۰ | ۱ |
| ۱ | ۰ | ۲ |

$$P(A) = \frac{\binom{4}{2} + \binom{4}{2} \times \binom{5}{1} + \binom{4}{1} \binom{3}{1} + \binom{4}{1} \binom{3}{2}}{\binom{12}{3}}$$

$$\Rightarrow P(A) = \frac{4 + 30 + 18 + 12}{220} = \frac{64}{220} = \frac{16}{55}$$

(ریاضی ا- آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۵۰)

$$x^3 + ax - b \xrightarrow{x=2} 8 + 2a - b = 0$$

$$\Rightarrow -b = -8 - 2a$$

$$\text{صورت} = x^3 + ax - 8 - 2a = (x^3 - 8) + (ax - 2a)$$

$$= (x - 2)(x^2 + 2x + 4) + a(x - 2)$$

$$= (x - 2)(x^2 + 2x + 4 + a) = 0$$

$$\frac{(x - 2)(x^2 + 2x + (4 + a))}{(x - 2)} \geq 0 \Rightarrow \begin{cases} x^2 + 2x + (4 + a) \geq 0 \\ x \neq 2 \end{cases}$$

پس در عبارت فوق باید $\Delta \leq 0$ باشد.

$$\Delta = 4 - 4(a + 4) \leq 0 \Rightarrow a \geq -3$$

بازه فوق شامل ۳ عدد صحیح منفی است.

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۴۳)

(ممدرسان سلامی مسینی)

گزینه «۳» - ۱۷

با توجه به نمودار که بسیار شبیه به کار در کلاس صفحه ۱۱۳ کتاب درسی

است، داریم:

$$\begin{cases} a = 4 \\ b = 2 \\ c = 1 \end{cases}$$

$$\text{در نتیجه } 1. g(x) = -2x^2 + 4x + 1. \text{ برد تابع درجه دوم که دهانه آن رو به}$$

پایین باشد به صورت $[-\infty, y_S]$ است.

$$x_S = \frac{-b'}{2a'} = \frac{-4}{2(-2)} = 1 \Rightarrow y_S = g(1) = 3 \Rightarrow R_g = (-\infty, 3]$$

(ریاضی ا- ترکیبی: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۳)

(علی آزاد)

گزینه «۲» - ۱۸

با توجه به اینکه حروف تکراری در میان حروف داده شده وجود دارد

می‌بایست حالت‌های زیر را به تفکیک مورد بررسی قرار داد:

(حالت اول) از هر حرف فقط یکبار استفاده می‌شود. (حروف تکراری نباشد):

$$\binom{8}{3} = 10$$

(حالت دوم) دو حرف A انتخاب شود و از مابقی حروف یک حرف انتخاب

$$\binom{4}{1} = 4$$

گردد:



$$= \frac{[\frac{600}{5} - \frac{100}{5}]}{500} + \frac{[\frac{600}{6} - \frac{100}{6}]}{500} - 2 \frac{[\frac{600}{30} - \frac{100}{30}]}{500}$$

$$\Rightarrow P(A-B) + P(B-A) = \frac{150}{500} = 0/3$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۱ تا ۴۳)

(مثاله اتفاقی)

«۱» - ۲۴ گزینه

اگر پیشامد اینکه حداقل یکی از توبهای انتخابی قرمز باشد را A بنامیم، آنگاه A' پیشامد آن است که هر سه توب انتخابی آبی باشد، در این صورت داریم:

$$P(A') = \frac{7}{10} \times \frac{6}{9} \times \frac{5}{8} = \frac{7}{24}$$

$$P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{7}{24} = \frac{17}{24}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۱ تا ۵۳)

(امیرحسین ابومهند)

«۱» - ۲۵ گزینه

با توجه به مستقل بودن پیشامدهای A و B ، دو پیشامد A' و B' نیز مستقل از یکدیگرند و داریم:

$$P(A \cap B) = P(A)P(B) \Rightarrow P(A)P(B) = 0/32$$

$$P(A' \cap B') = P(A')P(B') = (1 - P(A))(1 - P(B))$$

$$\Rightarrow P(A' \cap B') = 1 - P(A) - P(B) + P(A)P(B)$$

$$\Rightarrow 0/12 = 1 - (P(A) + P(B)) + 0/32$$

$$\Rightarrow P(A) + P(B) = 1/2$$

بنابراین $P(A) = 1/2$ و $P(B) = 1/2$ ریشه‌های معادله $x^2 - 1/2x + 0/32 = 0$ هستند.

$$x^2 - 1/2x + 0/32 = 0 \Rightarrow (x - 0/1)(x - 0/4) = 0$$

$$\xrightarrow{P(A) > P(B)} \begin{cases} P(A) = 0/1 \\ P(B) = 0/4 \end{cases}$$

$$P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = 0/1 - 0/32 = 0/48$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۸)

(رضاء توکلی)

«۴» - ۲۶ گزینه

دقیق نبیند که پیشامد اینکه شلیکه‌ها به هدف اصابت کند مستقل از هم می‌باشد.

آمار و احتمال

«۳» - ۲۱ گزینه

(سوکندر، روشنی)

الف) عددی حقیقی مانند X وجود ندارد که تمام اعداد حقیقی بزرگ‌تر با مساوی آن باشند، بنابراین گزاره «الف» نادرست است.

ب) عددی حقیقی مانند X وجود ندارد که مجموع آن با هر عدد حقیقی دیگر برابر صفر باشد، پس گزاره «ب» نادرست است.

پ) رابطه درست است زیرا:

$$[(p \Rightarrow q) \wedge \sim q] \Rightarrow \sim p \equiv [(\sim p \vee q) \wedge \sim q] \Rightarrow \sim p$$

$$\equiv [(\sim p \wedge \sim q) \vee \underbrace{(q \wedge \sim q)}_F] \Rightarrow \sim p \equiv (\sim p \wedge \sim q) \Rightarrow \sim p$$

$$\equiv \sim (\sim p \wedge \sim q) \vee \sim p \equiv (p \vee q) \vee \sim p \equiv \underbrace{(p \vee \sim p)}_T \vee q \equiv T$$

ت) رابطه درست است زیرا:

$$\sim (p \Rightarrow q) \equiv \sim (\sim p \vee q) \equiv p \wedge \sim q$$

ث) درست است؛ طبق قوانین جبر گزاره‌ها داریم:

$$(\sim p \vee \sim q) \Rightarrow (p \wedge r) \equiv \sim (p \wedge q) \Rightarrow (p \wedge r)$$

$$\equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r) \equiv p \wedge (q \vee r)$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷)

«۴» - ۲۲ گزینه

$$(A - B) \cup [(B \cap C)' \cap ((B' \cup A) - B)]$$

$$= (A \cap B') \cup [(B' \cup C') \cap \underbrace{(B' \cup A) \cap B'}_{\text{جذب:}}]$$

$$= (A \cap B') \cup \underbrace{[(B' \cup C') \cap B']}_{\text{جذب:}} = (A \cap B') \cup B' = B'$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۲۲ تا ۲۰)

«۱» - ۲۳ گزینه

A : پیشامد این که عدد انتخابی مضرب ۵ باشد.

B : پیشامد این که عدد انتخابی مضرب ۶ باشد.

$$|S| = 500$$

$$P(A - B) + P(B - A) = P(A) + P(B) - 2P(A \cap B)$$



در این صورت واریانس این داده‌ها برابر است با:

$$\sigma^2 = \frac{(-4)^2 + (-3)^2 + (-2)^2 + (-1)^2 + 0^2 + 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2}{9}$$

$$= \frac{60}{9} = \frac{20}{3}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۷ تا ۸۹)

(عارل عسین)

گزینه «۲» -۲۸

بازه اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه به صورت $[\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}]$

است، یعنی طول بازه اطمینان برابر $\frac{4\sigma}{\sqrt{n}}$ بوده و در نتیجه داریم:

$$\frac{4\sigma}{\sqrt{n}} = 13 / 4 - 12 / 8 \xrightarrow{n=36} \frac{4\sigma}{6} = 0 / 6 \Rightarrow 4\sigma = 3 / 6 \Rightarrow \sigma = 0 / 9$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۱۵ و ۱۱۶)

(امیر و خان)

گزینه «۴» -۲۹

فرض کنید X تعداد دفعات پرتاب تیر توسط این فرد باشد. در این صورت داریم:

$$P(X \leq 3 | X \geq 2) = \frac{P(X=2) + P(X=3)}{P(X \geq 2)} = \frac{1 - P(X=1)}{1 - P(X=1)}$$

$$= \frac{0 / 2 \times 0 / 8 + 0 / 2 \times 0 / 8}{1 - 0 / 8} = \frac{0 / 2 \times 0 / 8 (1+0 / 2)}{0 / 2}$$

$$= 0 / 8 \times 1 / 2 = 0 / 96$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۴ تا ۳۵)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۴» -۳۰

ابتدا داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم:

۱, ۱, ۲, ۴, ۴, ۵, ۵, ۷, ۸, ۱۲, ۱۴, ۱۴, ۱۴

تعداد داده‌ها برابر ۱۳ است، پس داده هفتم میانه داده‌های است و میانه شش

داده اول، برابر چارک اول و میانه شش داده آخر، برابر چارک سوم است.

$$Q_1 = 5, Q_3 = \frac{2+4}{2} = 3, Q_7 = \frac{12+14}{2} = 13$$

$$IQR = Q_3 - Q_1 = 13 - 3 = 10$$

از طرفی مقدار داده‌ها برابر ۱۴ و میانگین داده‌ها برابر $\bar{x} = \frac{91}{13}$ است، پس

تنها گزینه «۴» نادرست است.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۰ تا ۸۲)

پس: $A =$ پیشامد اینکه A هدف را بزند

$B =$ پیشامد اینکه B هدف را بزند

$C =$ پیشامد اینکه C هدف را بزند

ابتدا احتمال اینکه حداقل یکی از نفرات A و B هدف را بزند حساب می‌کنیم.

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= 0 / 3 + 0 / 4 - 0 / 12 = 0 / 58$$

حال احتمال اینکه حداقل یکی از نفرات A و C هدف را بزند حساب می‌کنیم.

$$P(A \cup C) = P(A) + P(C) - P(A \cap C)$$

$$= 0 / 3 + 0 / 5 - 0 / 15 = 0 / 65$$

حال با توجه به قانون جمع احتمال داریم:

$$\frac{1}{6} \xrightarrow{\text{احتمال اصابت}} \text{شیلک می‌کند} \rightarrow 0 / 58$$

$$\frac{1}{6} \xrightarrow{\text{احتمال اصابت}} \text{شیلک می‌کند} \rightarrow 0 / 65$$

$$\frac{1}{3} \xrightarrow{\text{شیلک می‌کند}} \text{ظاهر شود} \rightarrow 0 / 4$$

$$\frac{1}{3} \xrightarrow{\text{شیلک می‌کند}} \text{ظاهر شود} \rightarrow 0 / 5$$

پس احتمال اصابت تیر به هدف به فرم زیر است.

$$\frac{1}{6} \times 0 / 58 + \frac{1}{6} \times 0 / 65 + \frac{1}{3} \times 0 / 4 + \frac{1}{3} \times 0 / 5$$

$$= \frac{1}{6} (0 / 58 + 0 / 65) + \frac{1}{3} (0 / 4 + 0 / 5)$$

$$= 0 / 205 + 0 / 3 = 0 / 605 \approx 0 / 5$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۶)

(پولاد هاتمی)

گزینه «۴» -۲۷

انحراف معیار داده‌های x_1 تا x_9 برابر صفر است، بنابراین تمام این داده‌ها

برابر یکدیگر هستند، یعنی داریم: $x_1 = x_2 = \dots = x_9$

اگر میانگین داده‌های $4, x_2 - 3, \dots, x_9 + 4$ را با \bar{x} نمایش دهیم،

داریم:

$$\bar{x} = \frac{(x_1 - 4) + (x_2 - 3) + \dots + (x_9 + 4) + (x_1 + 4)}{9} = \frac{9x_1}{9} = x_1$$



(سریر یقیازاریان تبریزی)

«۳۳» گزینه

دو دایره یک مماس مشترک دارند، بنابراین مماس داخل هستند. مطابق:
شکل داریم:

$$\begin{aligned} OO' &= OM - O'M = R - R' \\ &= 10 - 4 = 6 \end{aligned}$$

$$\Delta OAO': OA^2 = OO'^2 + O'A^2$$

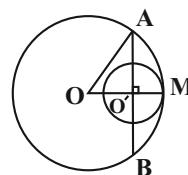
$$\Rightarrow O'A^2 = OA^2 - OO'^2$$

$$= 10^2 - 6^2 = 64 \Rightarrow O'A = 8$$

از طرفی می‌دانیم در هر دایره، قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمان‌های نظیر آن وتر را نصف می‌کند، بنابراین داریم:

$$O'A = \frac{AB}{2} \Rightarrow AB = 2O'A = 16$$

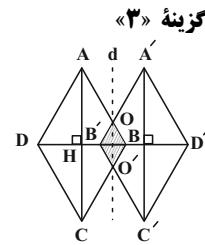
(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳ و ۲۰ تا ۲۲)



(سوکند روشنی)

«۳۴» گزینه

$$\begin{aligned} \Delta AHB : AB^2 &= AH^2 + BH^2 \\ \Rightarrow 10^2 &= 8^2 + BH^2 \Rightarrow BH^2 = 36 \\ \Rightarrow BH &= 6 \end{aligned}$$



بازتاب تبدیلی طولپا است. از طرفی خط d (محور بازتاب) موازی قطر بزرگ لوزی $ABCD$ است، بنابراین چهارضلعی $OBO'B'$ یک لوزی بوده که زوایای آن برابر زوایای لوزی $ABCD$ است، پس این دو لوزی متشابه هستند و نسبت مساحت‌های آن‌ها برابر مجدور نسبت تشابه است و در نتیجه داریم:

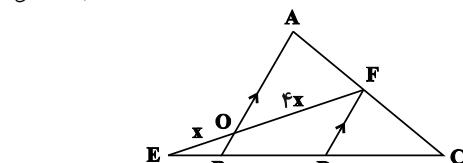
$$\frac{S_{OBO'B'}}{S_{ABCD}} = \left(\frac{OB}{AB} \right)^2 \Rightarrow \frac{S_{OBO'B'}}{1 \times 16 \times 12} = \left(\frac{2}{10} \right)^2 = \left(\frac{1}{5} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{S_{OBO'B'}}{96} = \frac{1}{25} \Rightarrow S_{OBO'B'} = \frac{96}{25} = 3.84$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

(سوکند روشنی)

«۳۵» گزینه



مطابق شکل از نقطه F خطی موازی با AB رسم می‌کنیم تا BC را در نقطه D قطع کند. اگر $OE = x$ باشد، آنگاه $OF = 4x$ است و داریم:

$$\frac{\Delta EFD : OB \parallel FD}{\text{تعیین قضیه تالس}} \rightarrow \frac{EO}{EF} = \frac{OB}{FD}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{4x} = \frac{OB}{FD} \Rightarrow FD = 5OB \quad (1)$$

$$\frac{\Delta CAB : FD \parallel AB}{\text{تعیین قضیه تالس}} \rightarrow \frac{CF}{CA} = \frac{FD}{AB}$$

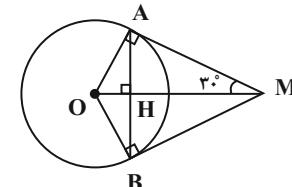
$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{FD}{AB} \Rightarrow AB = 2FD \xrightarrow{(1)} AB = 10OB$$

هندسه ۲

«۳۱» گزینه

(فرزنه ناکپاش)

. $\widehat{OMA} = 30^\circ$ می‌دانیم در یک مثلث قائم‌الزاویه با زاویه 30° ، طول ضلع روبرو به این زاویه، نصف طول وتر است، پس داریم:



$$\frac{\Delta OAM : OA}{\text{طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه}} = \frac{1}{2} OM = \frac{1}{2} \times 6 = 3$$

طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه OAM داریم:

$$OA^2 = OH \times OM \Rightarrow 3^2 = OH \times 6 \Rightarrow OH = \frac{9}{6} = 1.5$$

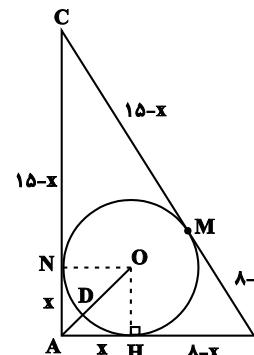
$$MH = OM - OH = 6 - 1.5 = 4.5 \Rightarrow \frac{OH}{MH} = \frac{1.5}{4.5} = \frac{1}{3}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

«۳۲» گزینه

با توجه به اینکه $15^\circ + 8^\circ = 17^\circ$ ، می‌توان نتیجه گرفت که مثلث ABC قائم‌الزاویه است. اگر از A به مرکز O وصل کنیم تا دایره را در نقطه D قطع کند، آنگاه AD نزدیک‌ترین فاصله A تا نقاط دایره است، با توجه به شکل، اگر $AH = AN = x$ باشد، آنگاه داریم:

$$BC = 17 \Rightarrow (8 - x) + (15 - x) = 17 \Rightarrow x = 3$$

بنابراین شعاع دایره محاطی داخلی مثلث، برابر $r = 3$ است و در نتیجه داریم:

$$\frac{\Delta OAH : OA^2 = OH^2 + AH^2}{\text{تعیین قضیه تالس}} = 3^2 + 3^2 = 18$$

$$\Rightarrow OA = 3\sqrt{2}$$

$$AD = OA - OD = 3\sqrt{2} - 3 = 3(\sqrt{2} - 1) \Rightarrow \frac{AD}{r} = \frac{\sqrt{2} - 1}{1}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)



$$\begin{aligned} S_{AOB} &= \frac{1}{2} OA \times OB \times \sin(AOB) = \frac{1}{2} (2\sqrt{2})(2\sqrt{2}) \times \frac{\sqrt{2}}{2} \\ &= \frac{1}{2} (4)(\frac{\sqrt{2}}{2}) = 2\sqrt{2} \end{aligned}$$

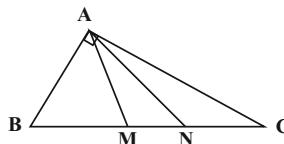
$$S_{AOB} = 8 \times 2\sqrt{2} = 16\sqrt{2}$$

(هندسه ۲ - تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های ۲۸ و ۲۹)

(روابط طولی در مثلث: صفحه های ۷۳ و ۷۴)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۳» - ۳۹



طبق قضیه فیثاغورس در مثلث قائم الزاویه ABC داریم:

$$AC^2 = BC^2 - AB^2 = 64 - 28 = 36$$

می دانیم طول میانه وارد بر وتر در یک مثلث قائم الزاویه، نصف طول وتر است.

$$\text{پس } AC = \sqrt{BC^2 - AB^2} = \sqrt{64 - 28} = \sqrt{36} = 6$$

$$\text{پس } CM = \frac{BC}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

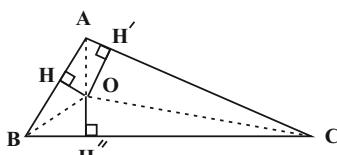
$$AM^2 + AC^2 = 2AN^2 + \frac{CM^2}{2} \Rightarrow 16 + 36 = 2AN^2 + \frac{16}{2}$$

$$\Rightarrow 2AN^2 = 44 \Rightarrow AN^2 = 22 \Rightarrow AN = \sqrt{22}$$

(هندسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه ۶۹)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۴» - ۴۰



مطابق شکل فرض کنید $AC = b = 13$, $BC = a = 15$ باشد. طبق قضیه هرون در مثلث ABC داریم:

$$P = \frac{a+b+c}{2} = \frac{15+13+4}{2} = 16$$

$$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{16 \times 1 \times 2 \times 12} = 24$$

اگر مثلث ABC را به سه مثلث OBC, OAC, OAB تقسیم کنیم، داریم:

$$S_{OAB} + S_{OAC} + S_{OBC} = S_{ABC}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} OH \times AB + \frac{1}{2} OH' \times AC + \frac{1}{2} OH'' \times BC = S_{ABC}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 1 \times 4 + \frac{1}{2} \times 2 \times 13 + \frac{1}{2} OH'' \times 15 = 24$$

$$\Rightarrow \frac{15}{2} OH'' = 9 \Rightarrow OH'' = \frac{2 \times 9}{15} = \frac{6}{5}$$

(هندسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه های ۷۱ و ۷۲)

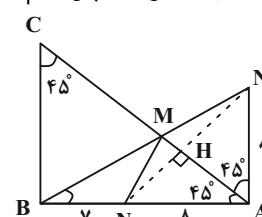
$$\Rightarrow OA + OB = 10OB \Rightarrow OA = 9OB$$

$$k = -\frac{OB}{OA} = -\frac{1}{9}$$

(هندسه ۲ - تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های ۴۳ تا ۴۹)

گزینه «۴» - ۴۱

مثلث ABC قائم الزاویه متساوی الساقین است، پس داریم:



برای پیدا کردن محل نقطه M واقع بر وتر AC به گونه ای که محیط مثلث MBN کمترین مقدار ممکن باشد، کافی است بازتاب N نسبت به AC را به دست آوریم. دو مثلث ANH و AN'H هم نشست هستند و در نتیجه $\angle ANH = \angle AN'H = 45^\circ$ است. بنابراین مطابق شکل مثلث در رأس A قائم الزاویه بوده و در نتیجه داریم:

$$BN'^2 = AB^2 + AN'^2 = 15^2 + 8^2 = 289 \Rightarrow BN' = 17$$

کمترین مقدار محیط مثلث MNB با توجه به روش هرون برابر است با:

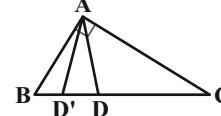
$$BM + MN + BN = (BM + MN') + BN = BN' + BN$$

$$= 17 + 7 = 24$$

(هندسه ۲ - تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه ۵۲)

گزینه «۱» - ۴۲

(امیرحسین ابومصوب)



$$ABC : BC^2 = AB^2 + AC^2 = 9^2 + 12^2 = 225 \Rightarrow BC = 15$$

طبق قضیه نیمسازها در مثلث ABC داریم:

$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC} \xrightarrow{\text{تراكيب نسبت در مخرج}} \frac{BD}{BC} = \frac{AB}{AB+AC}$$

$$\Rightarrow \frac{BD}{15} = \frac{9}{21} \Rightarrow BD = \frac{15 \times 9}{21} = \frac{45}{7}$$

نسبت تجانس برابر $k = \frac{BD}{BC} = \frac{3}{7}$ است، پس اگر D' تصویر نقطه D در این تجانس باشد، آنگاه داریم:

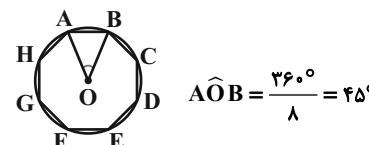
$$\frac{BD'}{BD} = k \Rightarrow \frac{BD'}{\frac{45}{7}} = \frac{3}{7} \Rightarrow BD' = \frac{45}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{135}{49}$$

(هندسه ۲ - تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های ۴۳ تا ۴۹)

(روابط طولی در مثلث: صفحه های ۶۱ تا ۶۷)

گزینه «۴» - ۴۳

مطابق شکل داریم:





(رضا سیدنیف)

گزینه ۴

باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $P(x)$ بر $2x - 4$ برابر با ۱ است، یعنی $P(2) = 1$.

برای محاسبه باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $x + 1 -$ بایستی در ضابطه f به جای x ها ۱ را قرار دهیم، بنابراین:

$$f(1) = 4(1)P(1+1) - (1)^3 P(3-1) = 4P(2) - P(2)$$

$$\Rightarrow f(1) = 3P(2) \xrightarrow{P(2)=1} f(1) = 3$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(سروش موئین)

گزینه ۱

با استفاده از رابطه $\sin \alpha \cos \alpha = \frac{1}{2} \sin 2\alpha$ داریم:

$$f(x) = \left(\frac{1}{2} \sin \frac{2x}{3}\right)^2 = \frac{1}{4} \sin^2 \frac{2x}{3}$$

$$\text{و دوره تناوب } T = \frac{\pi}{\frac{2}{3}} = \frac{3}{2}\pi \text{ برابر } \frac{\pi}{|k|} \text{ است پس } \sin^2 kx \text{ داریم.}$$

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

(پویان طهرانیان)

گزینه ۲

دوره تناوب تابع $\frac{4\pi}{3}$ است پس:

$$\frac{2\pi}{|a|} = \frac{4\pi}{3} \Rightarrow |a| = \frac{3}{2}$$

از طرفی شروع حرکت \sin از مبدأ نزولی است و با توجه به مثبت بودن

ضریب \sin در تابع a باید منفی باشد پس $a = -\frac{3}{2}$ یعنی:

$$y = 2 + \sin\left(-\frac{3}{2}x\right) = 2 - \sin\frac{3}{2}x$$

$$\frac{x = \frac{28\pi}{9}}{9} \rightarrow y = 2 - \sin\frac{3}{2} \times \frac{28\pi}{9} = 2 - \sin\frac{14\pi}{3} = 2 - \sin(5\pi - \frac{\pi}{3})$$

$$\Rightarrow y = 2 - \sin\frac{\pi}{3} = 2 - \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{4 - \sqrt{3}}{2}$$

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

(سیدر بوار نظری)

گزینه ۴

ابتدا ضابطه تابع را کمی ساده می‌کنیم:

$$f(x) = a + b \sin \pi(\gamma ax - \frac{1}{\gamma}) = a + b \sin(\gamma a \pi x - \frac{\pi}{\gamma})$$

$$= a - b \cos(\gamma a \pi x)$$

حسابان ۲**گزینه ۲**

(سعیل محسن خان پور)

ابتدا تابع (x) را به کمک اتحاد مکعب کامل ساده می‌کنیم:

$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x - 8 + 8 = (x-2)^3 + 8$$

حال به جای x در تابع (x) $g(x) = f(x) - 8$ را قرار می‌دهیم:

$$\begin{cases} f(g(x)) = (g(x)-2)^3 + 8 \\ f(g(x)) = x^3 - 6x^2 + 12x \end{cases} \Rightarrow (g(x)-2)^3 + 8 = x^3 - 6x^2 + 12x$$

$$\Rightarrow (g(x)-2)^3 = x^3 - 6x^2 + 12x - 8 = (x-1)^3 - 9$$

$$\Rightarrow g(x) = \sqrt[3]{(x-1)^3 - 9} + 2$$

پس برای ساخت نمودار تابع (x) از روی نمودار تابع $y = \sqrt[3]{x^3 - 9}$ باید

آن را ۱ واحد به راست و ۲ واحد به سمت بالا ببریم.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

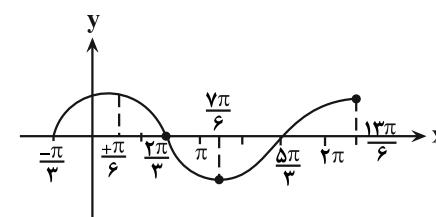
(بابک ساران)

گزینه ۳

برای رسم نمودار تابع (x) کافیست $\sin x$ را به اندازه $\frac{\pi}{3}$ به سمت منفی

در روی محور x انتقال بدھیم. با توجه به نمودار، منحنی در بازه

$(\frac{7\pi}{6}, \frac{13\pi}{6})$ اکیداً صعودی است. پس در $(\frac{7\pi}{6}, 2\pi)$ هم اکیداً یکنوا و طبیعتاً یکنواست.



(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(محمدحسن سلامی مسینی)

گزینه ۲

می‌دانیم اگر $f(x)$ در بازه $[a, b]$ نزولی اکید باشد $(-x) - f(-x)$ نیز در بازه

$[-b, -a]$ نزولی اکید است پس کافیست فقط محدوده $[-3, 0]$ را در نظر بگیریم:

$$-3 \leq x \leq 0 \Rightarrow -1 \leq x+2 \leq 2$$

پس ورودی قسمت نزولی اکید در محدوده $[-1, 2]$ است حال در تابع جدید داریم:

$$-1 \leq \frac{4-x}{2} \leq 2 \Rightarrow -2 \leq 4-x \leq 4 \Rightarrow 6 \geq x \geq 0$$

سایر تبدیلات نقشی در صعودی یا نزولی بودن تابع ندارند.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)



$$\Rightarrow ۳ - ۳\cos^2 2x - ۴ - ۴\cos 2x + ۱ = ۰ \Rightarrow ۳\cos^2 2x + ۴\cos 2x = ۰$$

$$\Rightarrow \cos 2x(3\cos 2x + 4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} \cos 2x = 0 \\ \cos 2x = -\frac{4}{3} \end{cases}$$

توجه شود که $\cos 2x \leq 1$ است بنابراین $\cos 2x = -\frac{4}{3}$ غیرقابل قبول است.

$$\cos 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$$

| | | | | |
|-----|-----------------|------------------|------------------|------------------|
| k | ۰ | ۱ | ۲ | ۳ |
| x | $\frac{\pi}{4}$ | $\frac{3\pi}{4}$ | $\frac{5\pi}{4}$ | $\frac{7\pi}{4}$ |

مجموع جواب‌ها: 4π

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۳۵ ۵ ۴۴)

(علی‌اصغر شریف)

گزینه «۳» - ۵۰

ابتدا معادله داده شده را ساده می‌کنیم:

$$1 + \sin x + \cos x + \sin x \cos x = k \sin 2x$$

$$\Rightarrow 1 + \sin x + \cos x + \frac{1}{2} \sin 2x = k \sin 2x$$

$$\Rightarrow 2 + 2(\sin x + \cos x) = (2k - 1) \sin 2x$$

چون x در ربع اول است، پس $\sin x$ و $\cos x$ مثبت هستند، بنابراین:

$$(\sin x + \cos x)^2 = \sin^2 x + \cos^2 x + 2 \sin x \cos x = 1 + \sin 2x$$

$$\frac{\sin x + \cos x > 0}{\sin x + \cos x = \sqrt{1 + \sin 2x}}$$

با جایگذاری $t = \sin 2x$ در معادله اصلی خواهیم داشت:

$$2 + 2\sqrt{1+t} = (2k-1)t$$

$$\Rightarrow 2(\sqrt{1+t}+1) = (2k-1)(\sqrt{1+t}+1)(\sqrt{1+t}-1)$$

$$\Rightarrow 2 = (2k-1)(\sqrt{1+t}-1) \Rightarrow \sqrt{1+t}-1 = \frac{2}{2k-1}$$

با توجه به آن که $\pi < 2x < 0$ ، پس

$$0 < t \leq 1 \Rightarrow 1 < \sqrt{1+t} \leq \sqrt{2} \Rightarrow 0 < \sqrt{1+t}-1 \leq \sqrt{2}-1$$

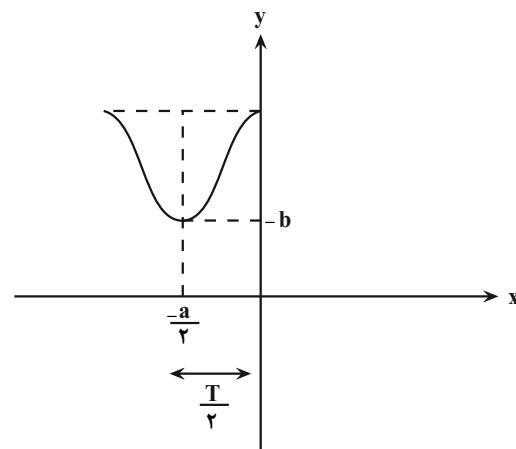
$$\Rightarrow 0 < \frac{2}{2k-1} \leq \sqrt{2}-1 \Rightarrow \frac{2k-1}{2} \geq \sqrt{2}+1 \Rightarrow k \geq \frac{3+2\sqrt{2}}{2}$$

$$\approx \frac{3+2\sqrt{2}/4}{2} = 2/91$$

پس به ازای $k = 1, 2$ معادله جواب ندارد.

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۳۵ ۵ ۴۴)

با توجه به نمودار تابع f داریم:



$$T = \frac{4\pi}{|2a\pi|} = a \Rightarrow \frac{1}{|a|} = a \Rightarrow a > 0 \Rightarrow a^2 = 1 \Rightarrow a = 1$$

از طرفی کمترین مقدار تابع برابر $-b$ است، بنابراین:

$$y_{\min} = a - |b| = -b \Rightarrow a + b = -b \Rightarrow a = -2b$$

$$a = 1 \Rightarrow 1 = -2b \Rightarrow b = -\frac{1}{2}$$

$$a + b = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۲۴ ۵ ۴۹)

در نتیجه:

(سید هوار نظری)

گزینه «۴» - ۴۸

از اتحاد $1 - \cos 2x = 2 \cos^2 x - 2 \cos^2 x = 2 \cos^2 x - 1$ استفاده می‌کنیم:

$$\Rightarrow (1 + \cos x)(2 \cos^2 x) = \frac{1}{4} \Rightarrow \cos^2 x + \cos^2 x - \frac{1}{4} = 0$$

$$\Rightarrow (\cos x + \frac{1}{2})(\cos^2 x + \frac{1}{2} \cos x - \frac{1}{4}) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \cos x = -\frac{1}{2} \\ \cos^2 x + \frac{1}{2} \cos x - \frac{1}{4} = 0 \Rightarrow \cos x = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{4} \end{cases}$$

هر کدام از معادلات برای $\cos x$ در بازه $(0, 2\pi)$ دو جواب دارد، پس در کل معادله ۶ جواب دارد.

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۳۵ ۵ ۴۴)

(سید هوار نظری)

گزینه «۳» - ۴۹

ابتدا به کمک روابط $\cos^2 x = \frac{1 + \cos 2x}{2}$ و $\sin^2 2x = 1 - \cos^2 2x$ داریم:

$$3\sin^2 2x - \lambda \cos^2 2x + 1 = 0 \Rightarrow 3(1 - \cos^2 2x) - \lambda \left(\frac{1 + \cos 2x}{2}\right) + 1 = 0$$



هندسه ۳

«۲» ۵۱

ابتدا رابطه ماتریسی داده شده را ساده می کنیم:

$$\begin{bmatrix} x & y \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 2x & y \end{bmatrix} = 3 \Rightarrow \begin{bmatrix} 4x+y & 2x-2y \\ 2x & y \end{bmatrix} = 3$$

$$\Rightarrow [4xy + y^2 + 4x^2 - 4xy] = 3 \Rightarrow y^2 + 4x^2 = 3$$

از رابطه $y^2 + 4x^2 = 3$ به صورت زیر استفاده می کنیم:

$$y - 2x = -2 \xrightarrow{y^2 + 4x^2 - 4xy = 3} y^2 + 4x^2 = 3$$

$$\Rightarrow -4xy = 1 \Rightarrow xy = -\frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{xy}{y^2 + 4x^2} = \frac{-\frac{1}{4}}{\frac{3}{4}} = -\frac{1}{12}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۷ تا ۲۹)

«۳» ۵۲

ماتریس اسکالر ماتریس مربعی است که درایه های غیرواقع بر قطر اصلی آن همگی صفر بوده و درایه های واقع بر قطر اصلی آن برابر یکدیگرند، پس داریم:

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & a & 2 \\ c & 5 & a \\ 1 & b & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c & 0 & 2 \\ -1 & 1 & 0 \\ a & -1 & b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} n & 0 & 0 \\ 0 & n & 0 \\ 0 & 0 & n \end{bmatrix}$$

اگر فرض کنیم $AB = C$ ، آنگاه با بررسی درایه های c_{12} ، c_{22} و c_{23} داریم:

$$\begin{cases} c_{12} = 0 \Rightarrow a - 2 = 0 \Rightarrow a = 2 \\ c_{22} = 0 \Rightarrow b + 1 = 0 \Rightarrow b = -1 \\ c_{23} = 0 \Rightarrow 2c + ab = 0 \Rightarrow 2c - 2 = 0 \Rightarrow c = 1 \end{cases}$$

حال به ازای درایه c_{11} داریم:

$$c_{11} = n \Rightarrow c - a + 2a = n \Rightarrow n = a + c = 2 + 1 = 3$$

پس حاصل ضرب درایه های قطر اصلی ماتریس AB ، برابر $n^3 = 3^3 = 27$ است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۷ و ۲۹)

«۴» ۵۳

از رابطه $A^3 = -A$ ، نتیجه می گیریم

$$A^9 = (A^3)^3 = (-A)^3 = -A^3 = A$$

$$A^{12} = (A^9)^{10} \times A^2 = A^{10} \times A^2 = A^9 \times A^3$$

$$= A \times (-A) = -A^2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۷ تا ۲۹)

(فرشاد فرامرزی)

«۳» ۵۴

ابتدا ماتریس $A \times B$ را تشکیل می دهیم:

$$A \times B = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} x-y & 4 \\ 3 & 2x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -x+y+6 & -4+4x \\ 3x-3y+3 & 12+2x \end{bmatrix}$$

برای این که $A \times B$ قطری باشد، باید داشته باشیم:

$$\begin{cases} -4+4x=0 \\ 3x-3y+3=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases} \Rightarrow AB = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 14 \end{bmatrix}$$

از رابطه $|B \times A| = |A \times B| = |A| \cdot |B|$ که برای ماتریس های مربعی هم

مرتبه برقرار است، می توانیم حاصل $|B \times A|$ را بدست آوریم:

$$|BA| = |AB| = 7 \times 14 = 98$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۹ و ۳۰)

(امیرضا فلاخ)

«۲» ۵۵

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{-3} \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \quad \text{روش اول:}$$

$$\alpha A + \beta A^{-1} = 2I \Rightarrow \alpha \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} - \frac{1}{3} \beta \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2\alpha + \frac{1}{3}\beta & \alpha + \frac{1}{3}\beta \\ \alpha + \frac{1}{3}\beta & -\alpha - \frac{2}{3}\beta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha + \frac{1}{3}\beta = 0 \\ 2\alpha + \frac{1}{3}\beta = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha = 2 \\ \beta = -6 \end{cases}$$

مقادیر بدست آمده در رابطه $-\alpha - \frac{2}{3}\beta = 2$ نیز صدق می کنند، بنابراین

$2\alpha + \beta = 4 - 6 = -2$ داریم:

روش دوم: هر ماتریس 2×2 به فرم $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ در رابطه

$A^2 - (a+d)A + |A|I = \bar{O}$ صدق می کند.

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \Rightarrow A^2 - (2-1)A + (2 \times (-1) - 1 \times 1)I = \bar{O}$$

$$\Rightarrow A^2 - A - 3I = \bar{O} \quad (1)$$

$$\alpha A + \beta A^{-1} = 2I \xrightarrow{\times A} \alpha A^2 + \beta I = 2A$$

$$\alpha A^2 - 2A + \beta I = \bar{O} \xrightarrow{+\alpha} A^2 - \frac{2}{\alpha} + \frac{\beta}{\alpha} I = \bar{O} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} -\frac{2}{\alpha} = -1 \Rightarrow \alpha = 2 \\ \frac{\beta}{\alpha} = -3 \Rightarrow \beta = -3\alpha = -6 \end{cases} \Rightarrow 2\alpha + \beta = (-2)$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۹ و ۳۰)



$$\Rightarrow y = -2x^2 + 5x \Rightarrow y_{\max} = -\frac{\Delta}{4a} = -\frac{25}{-8} = \frac{25}{8}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(امیرضا غلاج)

«۴» گزینه -۵۹

$$A - 2A^{-1} = -I \Rightarrow A + I = 2A^{-1}$$

فرض: $|A + I| = -1 \Rightarrow |2A^{-1}| = -1 \Rightarrow 2^3 |A^{-1}| = -1$

$$\Rightarrow |A^{-1}| = -\frac{1}{8} \Rightarrow |A| = -8$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(امیرحسین ابومنوب)

«۱» گزینه -۶۰

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow |A| = 2 \times 1 - (-1) \times 2 = 4$$

$$\Rightarrow B = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & -4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

رابطه ماتریسی فرض سؤال را از سمت چپ در ماتریس B^{-1} ضرب می‌کنیم:

$$B^{-1}(BX) = B^{-1}(A - B) \Rightarrow X = B^{-1}A - I$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & -4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & -3 \\ 6 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -6 & -\frac{3}{2} \\ 3 & -\frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$\left. \begin{array}{l} X = -6 - \frac{1}{2} = -\frac{13}{2} \\ X = 3 - \frac{3}{2} = \frac{3}{2} \end{array} \right\} \text{مجموع درایه‌های واقع بر قطر اصلی} \quad \text{مجموع درایه‌های واقع بر قطر فرعی}$$

$$\Rightarrow \frac{-13}{3} = \text{نسبت خواسته شده}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(اخشین فاضلیان)

«۳» گزینه -۵۶

شرط آنکه یک دستگاه معادلات خطی جواب منحصر به فرد داشته باشد آن است که دترمینان ماتریس ضرایب آن مخالف صفر باشد.

$$\begin{vmatrix} m+5 & m \\ 2(m+1) & 3-m \end{vmatrix} \neq 0 \Rightarrow (m+5)(3-m) - 2m(m+1) \neq 0$$

$$\Rightarrow 3m - m^2 + 15 - 5m - 2m^2 - 2m \neq 0$$

$$\Rightarrow -3m^2 - 4m + 15 \neq 0$$

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a} = -\frac{4}{3} \quad \text{مجموع ریشه‌ها}$$

$$\alpha \beta = \frac{c}{a} = \frac{15}{-3} = -5 \quad \text{حاصل ضرب ریشه‌ها}$$

$$\Rightarrow \frac{3(\alpha+\beta)}{\alpha\beta} = \frac{3(-\frac{4}{3})}{-5} = \frac{4}{5} = 0 / 8$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه ۲۶)

(سریر بقیاز اریان تبریزی)

«۲» گزینه -۵۷

ابتدا دترمینان داده شده را بر حسب سطر اول بسط می‌دهیم:

$$\begin{vmatrix} x & 1 & x \\ x & x & 1 \\ 1 & x & x \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow x(x^2 - x) - 1(x^2 - 1) + x(x^2 - x) = 0$$

$$\Rightarrow x^3(x-1) - (x-1)(x+1) + x^2(x-1) = 0$$

$$\Rightarrow (x-1) \left[x^2 - x - 1 + x^2 \right] = 0 \Rightarrow (x-1)(2x^2 - x - 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x-1=0 \Rightarrow x=1 \\ 2x^2 - x - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=-\frac{1}{2} \end{cases} \end{cases}$$

بنابراین معادله دارای دو جواب است. مجموع جواب‌های معادله $\frac{1}{2}$ است.

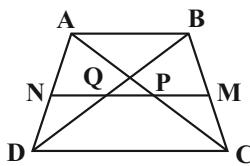
(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(نهیر مهندزاده)

«۱» گزینه -۵۸

طبق دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس‌های 3×3 داریم:

$$\begin{vmatrix} y & x^2 & x \\ -1 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow (3y + x^2 - 2x) - (3x + 2y - x^2) = 0$$



$$\triangle ABD : NQ \parallel AB \xrightarrow{\text{تمیم قضیه تالس}} \frac{DN}{AD} = \frac{NQ}{AB} \quad (1)$$

$$\triangle ADC : NP \parallel DC \xrightarrow{\text{تمیم قضیه تالس}} \frac{AN}{AD} = \frac{NP}{DC}$$

$$= \frac{2NQ}{\frac{y}{3}AB} = \frac{6NQ}{yAB} \quad (2)$$

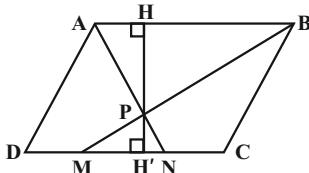
$$(1), (2) \Rightarrow \frac{DN}{AD} = \frac{NQ}{AB} \Rightarrow \frac{DN}{AN} = \frac{6NQ}{yAB} \Rightarrow \frac{DN}{y} = \frac{6}{y} \Rightarrow \frac{AN}{DN} = \frac{6}{y}$$

(هنرمه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه های ۳۷ تا ۳۴)

(افشین فاضلی خان)

«گزینه ۴»

دو مثلث PMN و PAB به حالت تساوی دو زاویه متشابه‌اند.



نسبت ارتفاع‌ها در دو مثلث متشابه برابر نسبت تشابه آن دو مثلث است.
بنابراین داریم:

$$\frac{PH}{PH'} = \frac{AB}{MN} = \frac{3}{1} \xrightarrow{\text{ترکیب نسبت در صورت}} \frac{PH + PH'}{PH'} = \frac{3+1}{1}$$

$$\Rightarrow \frac{HH'}{PH'} = 4$$

$$\frac{S_{ABCD}}{S_{PMN}} = \frac{HH' \times AB}{\frac{1}{2} PH' \times MN} = 2 \times \frac{HH'}{PH'} \times \frac{AB}{MN} = 2 \times 4 \times 3 = 24$$

(هنرمه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه های ۴۵ و ۴۶
پندرضلعی ها؛ صفحه ۴۵)

(مهرداد ملوذری)

«گزینه ۳»

با توجه به شکل و از اینکه $D\hat{F}B = E\hat{F}C$ و $B\hat{D}F = F\hat{E}C$ ، دو مثلث DFB و EFC بنا به حالت تساوی دو زاویه متشابه‌اند که با نوشتن

$$\frac{EF}{DF} = \frac{FC}{BF} \Rightarrow \frac{3}{DF} = \frac{4}{8} \Rightarrow DF = 6 \quad \text{نسبت تشابه اضلاع داریم:}$$

از طرف دیگر دو مثلث AEB و ADC نیز بنا به حالت تساوی دو زاویه

متشابه‌اند، زیرا زاویه \hat{A} مشترک و $A\hat{E}B = A\hat{D}C$ است. با نوشتن

نسبت تشابه اضلاع در این دو مثلث و با فرض $AE = x$ داریم:

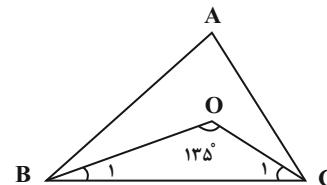
$$\frac{AE}{AD} = \frac{BE}{DC} \Rightarrow \frac{x}{5} = \frac{11}{10} \Rightarrow x = \frac{11}{2} = 5.5$$

(هنرمه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه های ۳۸ تا ۴۱)

هندسه ۱

«۱» گزینه -۶۱

(امیرحسین ابومیوب)



مطابق شکل در مثلث BOC داریم:

$$\hat{B}_1 + \hat{C}_1 + 135^\circ = 180^\circ \Rightarrow \hat{B}_1 + \hat{C}_1 = 45^\circ$$

$$\Rightarrow \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2} = 45^\circ \Rightarrow \hat{B} + \hat{C} = 90^\circ \Rightarrow \hat{A} = 90^\circ$$

زاویه قائمه A بزرگ‌ترین زاویه مثلث ABC است، پس ضلع روبرو به آن یعنی BC بزرگ‌ترین ضلع مثلث ABC خواهد بود.

$$\triangle BOC : BO > CO \Rightarrow \hat{C}_1 > \hat{B}_1 \Rightarrow \frac{\hat{C}}{2} > \frac{\hat{B}}{2} \Rightarrow \hat{C} > \hat{B}$$

بنابراین طبق قضیه زاویه بزرگ‌تر در مثلث ABC ، $AB > AC$ ، ABC درست است و در نتیجه نامساوی گزینه «۱» درست است.

(هنرمه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه های ۲۱ و ۲۲)

«گزینه ۴»

(امیرحسین ابومیوب)
قضیه‌ای را می‌توان به صورت دو شرطی نوشت که عکس آن نیز خود یک قضیه باشد (عکس قضیه نیز درست باشد). از طرفی عکس هر قضیه با جایه‌جایی فرض و حکم آن قضیه نوشته می‌شود.

گزینه «۱»: عکس قضیه: «اگر در دو مثلث، زوایا نظیر به نظری برابر یکدیگر باشند، آن‌گاه آن دو مثلث همنهشت هستند».

عکس قضیه درست نیست. مثلث هر دو مثلث متساوی‌الاضلاع دلخواه همنهشت نیستند.
گزینه «۲»: عکس قضیه: «اگر یک چهارضلعی متساوی‌الاضلاع باشد، آن‌گاه چهارضلعی لوزی است».

عکس قضیه درست نیست. اگر در یک متساوی‌الاضلاع، اضلاع مجاور برابر هم نباشند، آن متساوی‌الاضلاع، لوزی نیست.

گزینه «۳»: عکس قضیه: «اگر دو مثلث محیط برابر داشته باشند، آن‌گاه هم‌نهشت هستند». عکس قضیه درست نیست. مثلث دو مثلث یکی به اضلاع ۳، ۴ و ۵ دیگری به اضلاع ۴، ۴ و ۴، محیط برابر دارند ولی هم‌نهشت نیستند.
گزینه «۴»: عکس قضیه: «اگر ارتفاع‌های وارد بر دو ضلع مثلثی برابر باشند، آن دو ضلع نیز برابرند». عکس قضیه درست است.

(هنرمه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه ۲۵)

«گزینه ۳»

(سرچاریز ایران تبریزی)

در ذوزنقه $ABCD$ ، پاره خط موازی قاعده‌ها، ساق‌ها را به ترتیب در نقاط M و N قطع می‌کند. طبق فرض سوال $7AB = 3CD = 7AC$ است. قطرهای ذوزنقه، پاره خط MN به موازات قاعده‌ها را به ترتیب در نقاط P و Q قطع می‌کنند. طبق فرض: $NQ = PQ = PM$ است.



$$\triangle ABC : BC^2 = AB^2 + AC^2 = 2AB^2 = 2 \times 64 = 128$$

$$\Rightarrow BC = 8\sqrt{2}$$

طول میانه وارد بر وتر در یک مثلث قائم الزاویه، نصف طول وتر است، پس

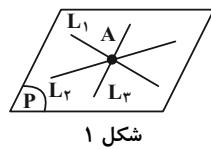
$$AM = \frac{1}{2} BC = 4\sqrt{2} \quad \text{داریم:}$$

(هنرسه - پندرضایی ها: صفحه های ۶۰ و ۶۷)

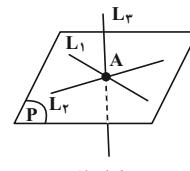
(فسین هامیلو)

گزینه «۲»

اگر خط L_1 ، دو خط L_1 و L_2 را در نقطه مشترک آنها یعنی نقطه A قطع کند، آنگاه سه خط از یک نقطه می گذرند. اگر خط L_3 در صفحه گذرنده از دو خط متقاطع L_1 و L_2 قرار داشته باشد، یک صفحه شامل این سه خط وجود دارد (شکل ۱) و در صورتی که خط L_3 در داخل صفحه گذرنده از دو خط L_1 و L_2 قرار نداشته باشد، هیچ صفحه ای شامل این سه خط وجود ندارد (شکل ۲).



شکل ۱



شکل ۲

(هنرسه - تبسم فضایی: صفحه های ۷۱ تا ۷۲)

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۳»

برای اینکه نمای راست مورد نظر دیده شود، کافی است ۳ مکعب کوچک بالاترین ردیف، تمام ۶ مکعب کوچک ردیف دوم از بالا و ۶ مکعب کوچک واقع در ردیفهای اول و دوم از جلو و ردیف سوم از بالا را به طور کامل برداریم.

بنابراین حداقل تعداد مکعبهای برداشته شده، برابر $3+6+3+3=15$ است.

(هنرسه - تبسم فضایی: صفحه های ۷۱ تا ۷۲)

(رضاعباس اصل)

گزینه «۲»

گزینه «۱»: در یک صفحه، اگر خطی یک از دو خط موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می کند ولی این موضوع در فضای زالماً برقرار نیست.

گزینه «۲»: از هر نقطه خارج یک صفحه، می توان خطی بر آن صفحه عمود رسم کرد. هر صفحه شامل این خط بر صفحه مفروض عمود است، پس این گزاره همواره درست است.

گزینه «۳»: اگر خطی با یکی از دو خط متناظر، موازی باشد، می تواند با دیگری متقاطع یا متناظر باشد.

گزینه «۴»: از هر نقطه غیرواقع بر یک خط، بی شمار خط متناظر با آن خط می گذرد.

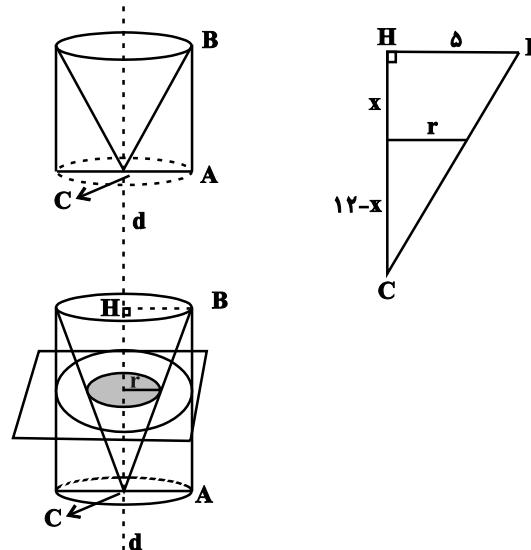
(هنرسه - تبسم فضایی: صفحه های ۷۱ تا ۷۲)

(سری یقیازاریان تبریزی)

گزینه «۴»

در مثلث ABC، از رأس C عمود وارد بر ضلع AC را رسم می کنیم. از دوران مثلث ABC حول خط d گذرا از رأس C، یک استوانه حاصل می شود که یک مخروط از میان آن برداشته شده است.

سطح مقطع حاصل از تقاطع صفحه P با شکل حاصل از دوران مثلث ABC، حول خط d، حلقه ای به شعاع درونی r و شعاع بیرونی ۵ است. (مساحت دایره ای به شعاع AC که مساحت قسمت هاشورخورده از آن برداشته شده است).



$$\frac{r}{5} = \frac{12-x}{12} \Rightarrow x = 12(1 - \frac{r}{5}) \quad (1)$$

مساحت دایره به شعاع (r) - (مساحت دایره به شعاع (r))

$$= 25\pi - \pi r^2 = 16\pi \Rightarrow \pi r^2 = 9\pi \Rightarrow r = 3 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow x = 12(1 - \frac{r}{5}) = 12(1 - \frac{3}{5}) = 4.8$$

(هنرسه - تبسم فضایی: صفحه های ۹۵ و ۹۶)

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۲»

می دانیم از وصل کردن نقطه همرسی میانه های یک مثلث به سه رأس آن مثلث، سه مثلث هم مساحت ایجاد می شود، بنابراین داریم:

$$S_{ABC} = 3S_{GAB} = 3 \times \frac{32}{3} = 32 \Rightarrow \frac{1}{2} AB \times AC = 32$$

$$\xrightarrow{AB=AC} \frac{1}{2} AB^2 = 32 \Rightarrow AB^2 = 64$$

$$\therefore AB = 8$$



$$2) x - 1 = 13k \Rightarrow x = 13k + 1 \xrightarrow{\text{دورقی است}} x_{\min} = 14, x_{\max} = 92$$

$$3) x + 1 = 13k \Rightarrow x = 13k - 1 \xrightarrow{\text{دورقی است}} x_{\min} = 12, x_{\max} = 90$$

در بین مقادیر فوق، کمترین مقدار x عدد ۱۲ و بیشترین مقدار x ، ۹۲ است که مجموع آنها $92 + 12 = 104$ می‌باشد.

(ریاضیات گستته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(امیر، رضا خلاج)

«۱» گزینه -۷۴

$$\text{طبق فرض } 5^{11} - 1 \equiv 0 \pmod{11}. \text{ حال باید } 5 \text{ بگردیم}$$

که باقی‌مانده تقسیم آنها بر ۱۱، برابر ۱ باشد:

$$5^2 = 25 \equiv 3 \xrightarrow{\text{بتوان}} 5^4 \equiv 9 \xrightarrow{\text{بتوان}} 5^8 \equiv 1 \xrightarrow{\text{بتوان}} 5^{11} \equiv 1$$

$$\xrightarrow{\text{k}} 5^{11} \equiv 1 \Rightarrow n = 5k \quad (k \in \mathbb{N})$$

$$10 \leq n < 100 \Rightarrow 10 \leq 5k < 100 \Rightarrow 2 \leq k < 20 \Rightarrow k = 2, 3, \dots, 19$$

یعنی به ازای ۱۸ عدد طبیعی دورقی n ، عدد $5^n - 1$ بر ۱۱ بخش‌پذیر است.

(ریاضیات گستته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(علی ایمانی)

«۲» گزینه -۷۵

$$2^5 = 32 \equiv 9 \xrightarrow{\text{بتوان}} 2^{10} \equiv 81 \equiv 1 \xrightarrow{\text{بتوان}} 2^{20} \equiv 1 \xrightarrow{\text{بتوان}} 2^{21} \equiv 24 \equiv 1$$

$$\xrightarrow{\text{بتوان}} 2^{26} \equiv 1 \xrightarrow{\text{بتوان}} 2^{67} \equiv 1 \Rightarrow 2^{67} + a \equiv 2 + a \equiv 0.$$

$$\Rightarrow a \equiv (-2) \equiv 21$$

بنابراین کوچک‌ترین عدد طبیعی مورد نظر برابر ۲۱ است، که باقی‌مانده

تقسیم آن بر ۴، برابر ۱ بوده و در نتیجه به $[1]$ تعلق دارد.

(ریاضیات گستته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(سید محمد رضا حسینی خبر)

ریاضیات گستته

«۳» گزینه -۷۱

$$\left. \begin{array}{l} n^2 | n^2 + 4 \\ n^2 | n^2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{خاصیت تعدی}} n^2 | n^2 + 4$$

$$\left. \begin{array}{l} n^2 | n^2 + 4 \\ n^2 | n^2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} n^2 | 4 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} n^2 = 1 \Rightarrow n = \pm 1 \\ n^2 = 4 \Rightarrow n = \pm 2 \end{array} \right.$$

هر چهار مقدار $n = \pm 1, \pm 2$ در رابطه $n^2 | n^2 + 4$ صدق می‌کنند.

(ریاضیات گستته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(حسین خراصی)

«۴» گزینه -۷۲

طبق قضیه تقسیم داریم:

$$\begin{aligned} 336 &= bq + 1 \Rightarrow bq = 336 \Rightarrow b | 336 \\ 240 &= bq' + 5 \Rightarrow bq' = 240 \Rightarrow b | 240 \end{aligned} \Rightarrow b | (336, 240)$$

$$\begin{aligned} 336 &= 2^4 \times 3 \times 7 \\ 240 &= 2^4 \times 3 \times 5 \end{aligned} \Rightarrow (336, 240) = 2^4 \times 3 = 48 \Rightarrow b | 48$$

$$\Rightarrow \max(b) = 48$$

(ریاضیات گستته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(امیر، رضا خلاج)

«۴» گزینه -۷۳

$$x^r - x = 13q \Rightarrow x(x^r - 1) = 13q$$

$$x(x-1)(x+1) = 13q$$

حاصل ضرب سه عامل x و $x-1$ و $x+1$ بر ۱۳ بخش‌پذیر است،

بنابراین x یا $x-1$ یا $x+1$ باید مضرب ۱۳ باشد.

$$1) x = 13k \xrightarrow{\text{دورقی است}} x_{\min} = 13, x_{\max} = 91$$



پس اعدادی را باید از مقسوم علیه‌های ۸۴ انتخاب کنیم که مقسوم علیه ۵۶

(a,b) = ۳ یا ۶ یا ۱۲ یا ۲۱ یا ۴۲ یا ۸۴ نباشد، در نتیجه داریم:

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ و ۲۷)

(بهار هاتم)

«گزینه ۱» -۷۹

$$7x + 9y = 59 \Rightarrow 9y \equiv 59 \pmod{7} \Rightarrow 2y \equiv 3 \equiv 10$$

$$\frac{+2}{(2,7)=1} \Rightarrow y \equiv 5 \Rightarrow y = 7k + 5 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$7x + 9(7k + 5) = 59 \Rightarrow 7x = -63k + 14 \Rightarrow x = -9k + 2$$

$$\left. \begin{array}{l} y > 0 \Rightarrow 7k + 5 > 0 \Rightarrow k > -\frac{5}{7} \\ x > 0 \Rightarrow -9k + 2 > 0 \Rightarrow k < \frac{2}{9} \end{array} \right\} \Rightarrow -\frac{5}{7} < k < \frac{2}{9} \xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} k = 0$$

بنابراین معادله سیاله فقط یک دسته جواب طبیعی دارد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ تا ۲۹)

(اخشین فاضل‌فان)

«گزینه ۳» -۸۰

فرض کنید خودروی ون x بار و خودروی سمند y بار کارکنان کارخانه را

جابه‌جا کنند. در این صورت داریم:

$$4x + 4y = 67 \Rightarrow 4x \equiv 67 \pmod{5} \Rightarrow -x \equiv -1 \Rightarrow x \equiv 1 \Rightarrow x = 4k + 1 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$4(4k + 1) + 4y = 67 \Rightarrow 4y = -28k + 60 \Rightarrow y = -7k + 15$$

$$\left. \begin{array}{l} x \geq 0 \Rightarrow 4k + 1 \geq 0 \Rightarrow k \geq -\frac{1}{4} \\ y \geq 0 \Rightarrow -7k + 15 \geq 0 \Rightarrow k \leq \frac{15}{7} \end{array} \right\} \Rightarrow -\frac{1}{4} \leq k \leq \frac{15}{7}$$

$$\xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} k = 0, 1, 2$$

بنابراین سه حالت برای جابه‌جایی کارکنان با این دو خودرو وجود دارد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ تا ۲۹)

(اخشین فاضل‌فان)

«گزینه ۳» -۷۶

ابتدا فاصله بین اول فروردین تا ۲۳ تیر را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{array}{ccccccc} ۳۰ & + & ۲\times ۳۱ & + & ۲۳ & = & ۱۱۵ \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \\ \text{فروردین} & \text{اردیبهشت} & \text{خرداد} & & & & \end{array}$$

$$115 = 16 \times 7 + 3 \equiv 3$$

بنابراین روز ۲۳ تیرماه سه روز در هفته جلوتر از اول فروردین قرار دارد.

یعنی ۲۳ تیرماه آن سال، روز چهارشنبه است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۲۶)

(سید و محمد (والقداری))

«گزینه ۴» -۷۷

فرض کنید $d = 5n + 4, 7n - 5$ باشد. در این صورت داریم:

$$\left. \begin{array}{l} d \mid 5n + 4 \xrightarrow{\times 7} d \mid 35n + 28 \\ d \mid 7n - 5 \xrightarrow{\times 5} d \mid 35n - 25 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 5^3 \xrightarrow{d \neq 1} d = 5^3$$

$$5^3 \mid 5n + 4 \Rightarrow 5n + 4 \equiv 0 \Rightarrow 5n \equiv -4 \equiv 5^3 - 4 \equiv 3 \times 5^3$$

$$\Rightarrow 5n \equiv 155 \xrightarrow{+5} n \equiv 31 \Rightarrow n = 5^3 k + 31$$

بنابراین تنها مقادیر دو رقمی n عبارت‌اند از: ۳۱ و ۸۴

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(نیلوفر مهربوی)

«گزینه ۳» -۷۸

شرط لازم و کافی برای آن که معادله سیاله $ax + by = c$ جواب داشته

باشد آن است که $(a,b) \mid c$ ، یعنی $(a,b) \mid 56$ و $(a,b) \mid 84$.



$$q = CV \xrightarrow{C=\kappa\epsilon_0 \frac{A}{d}, V=Ed} q = \kappa\epsilon_0 \frac{A}{d} \times Ed \Rightarrow E = \frac{q}{\kappa\epsilon_0 A}$$

از طرف دیگر وقتی بار مثبت از صفحه مثبت به صفحه منفی منتقل می‌شود،

بار خازن کاهش می‌یابد. در این حالت داریم:

$$q' = q - \frac{25}{100}q = \frac{3}{4}q \xrightarrow{E = \frac{q}{\kappa\epsilon_0 A}} \frac{E'}{E} = \frac{q'}{q} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{E-E'=125}{C} \xrightarrow{\begin{cases} E=500 \frac{kN}{C} \\ E'=375 \frac{kN}{C} \end{cases}}$$

اکنون انرژی ذخیره شده در خازن را به دست می‌آوریم:

$$U = \frac{1}{2}CV^2 \xrightarrow{V=Ed, C=\kappa\epsilon_0 \frac{A}{d}} U = \frac{1}{2}\kappa\epsilon_0 \frac{A}{d} \times E^2 d^2 \Rightarrow U = \frac{1}{2}\kappa\epsilon_0 AdE^2$$

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{F}{m}, d = 0.5 \text{ mm} = 0.5 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$A = 10 \text{ cm}^2 = 10 \times 10^{-4} \text{ m}^2, E = 500 \frac{kN}{C}, k = 1$$

$$U = \frac{1}{2} \times 10 \times 10^{-12} \times 10^{-3} \times 10^{-3} \times 0.5 \times 10^{-3} \times 500^2 \times 10^6$$

$$\Rightarrow U = 450 \times 10^{-15} \times 10^{-3} \times 10^4 \times 10^6 = 450 \times 10^{-8} \text{ J}$$

$$\Rightarrow U = 4.5 \times 10^{-9} \text{ J} = 4.5 \mu\text{J}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(مساء نادری)

«گزینه ۱» - ۸۴

چون جرم و جنس دو سیم A و B با هم برابر است، تفاوت مقاومت الکتریکی آنها، به دلیل تفاوت در طول و سطح مقطع آنها است. از طرفی، چون جرم و جنس یکسان دارند، حجم آنها مساوی است. بنابراین باید به هر دو نسبت طول و سطح مقطع توجه کنیم.

$$m_A = m_B \xrightarrow{m=\rho V} \rho_A V_A = \rho_B V_B$$

$$\xrightarrow{\rho_A = \rho_B} A_A L_A = A_B L_B \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{A_B}{A_A}$$

$$\xrightarrow{\frac{A_B}{A_A} = \left(\frac{d_B}{d_A}\right)^2} \frac{L_A}{L_B} = \left(\frac{d_B}{d_A}\right)^2$$

(همسطنی کیانی)

فیزیک ۲

«گزینه ۱» - ۸۱

در حالت اول که بار دو گوی ناهم‌نام است، یکدیگر را جذب می‌کنند.



پس از تماس دو گوی بار آن‌ها یکسان می‌شود.

$$q'_A = q'_B = \frac{q_A + q_B}{2} \xrightarrow{q_A = -q_B} q'_A = q'_B = q$$

اکنون با توجه به قانون کولن، بزرگی نیروی الکتریکی را در دو حالت با

یکدیگر مقایسه می‌کنیم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{d^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q'_A||q'_B|}{|q_A||q_B|} = \frac{q^2}{24q^2} = \frac{1}{24}$$

در این حالت چون بار گوی‌ها یکسان است، بنابراین دو گوی یکدیگر را دفع می‌کنند.



بنابراین:

(فیزیک ۲ - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(مهدی برانی)

«گزینه ۱» - ۸۷

با توجه به این که خطوط میدان الکتریکی از بار مثبت خارج و به بار منفی وارد می‌شود و تراکم خطوط میدان نشان‌دهنده اندازه بار است، داریم:

$$\begin{cases} q_1 > 0 \\ q_2 < 0 \\ |q_2| > |q_1| \end{cases}$$

بنابراین چون بارها ناهم‌نام‌اند، میدان الکتریکی در خارج از فاصله دو بار و نزدیک به بار با اندازه کوچک‌تر برابر صفر می‌شود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتی ساکن: صفحه‌های ۱۱ تا ۱۸)

(امیرحسین برادران)

«گزینه ۳» - ۸۳

ابتدا با توجه به رابطه خازن، میدان الکتریکی را بر حسب بار و مشخصات ساختمانی خازن، به دست می‌آوریم:



$$I_{\text{کل}} = \frac{\epsilon}{R_{\text{eq}} + r} \xrightarrow{r=2\Omega, R_{\text{eq}}=5\Omega} I_{\text{کل}} = \frac{2}{5+0} \Rightarrow I_{\text{کل}} = 4A$$

در آخر، جریان مقاومت R_3 را که برابر I_3 است پیدا می‌کنیم:

$$I_{\text{کل}} = I_1 = 3I_3 \xrightarrow{I_1=4A} 4 = 3I_3 \Rightarrow I_3 = \frac{4}{3} A$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

(سعید شرق)

گزینه «۳» -۸۶

وقتی کلید را از حالت a به b تغییر دهیم، دو سر لامپ ۲ هم پتانسیل می‌شوند (اتصال کوتاه رخ می‌دهد)، درنتیجه هیچ جریانی از آن عبور نمی‌کند. لذا این لامپ خاموش خواهد شد. از طرف دیگر در وضعیت a ، مقاومت کل

$$\text{مدار برابر است با } R_a = \frac{2}{3} R + R = \frac{5}{3} R \text{ و در وضعیت } b, \text{ مقاومت کل}$$

مدار برابر است $R_b = R + R = 2R$ است. بنابراین در وضعیت b مقاومت کل

$$\text{افزایش یافته و بنابراین } I = \frac{\epsilon}{R_{\text{eq}} + r} \text{ جریان کل کاهش خواهد یافت.}$$

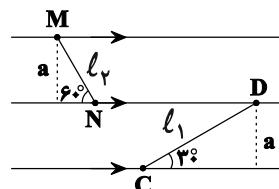
درنتیجه لامپ (۱) کم نورتر می‌شود.

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(امیرحسین برادران)

گزینه «۴» -۸۷

در میدان مغناطیسی یکنواخت، خطوط میدان موازی و فاصله بین آنها یکسان است، بنابراین، طول سیم‌ها را می‌یابیم:



$$\begin{cases} \sin 30^\circ = \frac{a}{CD} \\ \sin 60^\circ = \frac{1}{MN} \end{cases} \xrightarrow{\sin 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}, \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}} \begin{cases} CD = 2a \\ MN = \frac{2a}{\sqrt{3}} \end{cases}$$

$$\sqrt{3} = \frac{CD}{MN} \Rightarrow CD = \sqrt{3} MN \Rightarrow \ell_1 = \sqrt{3} \ell_2$$

اکنون نیروی مغناطیسی وارد بر هر یک از سیم‌ها را به دست می‌آوریم:

$$F = BI\ell \sin \theta \xrightarrow{B_1=B_2, I_1=I_2} \frac{F_1}{F_2} = \frac{\ell_1}{\ell_2} \times \frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2}$$

اکنون برای مقایسه مقاومت‌های A و B داریم: (همه نسبت‌ها را بر حسب نسبت قطرها می‌نویسیم، چون این نسبت معلوم است)

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{\rho_A=\rho_B} \frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A}$$

$$\xrightarrow{\frac{A_B}{A_A} = \left(\frac{d_B}{d_A}\right)^2, \frac{L_A}{L_B} = \left(\frac{d_B}{d_A}\right)^2} \frac{R_A}{R_B} = \left(\frac{d_B}{d_A}\right)^2 \left(\frac{d_B}{d_A}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \left(\frac{d_B}{d_A}\right)^4 \xrightarrow{d_A = \sqrt{3} d_B, R_B = 18\Omega} \frac{R_A}{18} = \left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)^4$$

$$\Rightarrow R_A = 2\Omega$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

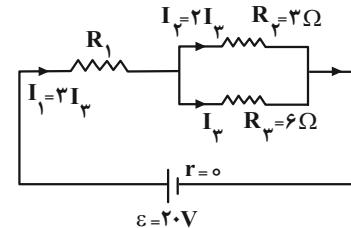
(سممود منصوری)

گزینه «۳» -۸۸

ابتدا جریان الکتریکی مقاومت R_3 را I_3 فرض کنیم و جریان مقاومت‌های R_1 و R_2 را بر حسب I_3 بدست می‌آوریم:

$$V_2 = V_3 \Rightarrow I_2 R_2 = I_3 R_3 \Rightarrow 3I_2 = 6I_3 \Rightarrow I_2 = 2I_3$$

$$I_1 = I_2 + I_3 \xrightarrow{I_2=2I_3} I_1 = 2I_3 + I_3 = 3I_3$$



اکنون با استفاده از رابطه زیر مقاومت R_1 را می‌یابیم:

$$P = I^2 R \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{I_1}{I_2}^2 \times \frac{R_1}{R_2} \xrightarrow{P_1 = \frac{9}{4} P_2, I_1 = 3I_2} \frac{\frac{9}{4} P_2}{R_2 = 3\Omega, I_2 = 2I_3} \Rightarrow$$

$$\frac{\frac{9}{4} P_2}{\frac{9}{4} I_2^2} = \left(\frac{3I_3}{2I_3}\right)^2 \times \frac{R_1}{3} \Rightarrow R_1 = 2\Omega$$

با داشتن مقاومت R_1 ، مقاومت معادل مدار را حساب می‌کنیم و به دنبال آن جریان کل مدار را می‌یابیم:

$$R_{1,2} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{2 \times 3}{2 + 3} = 2\Omega$$

$$R_{\text{eq}} = R_1 + R_{1,2} = 2 + 2 = 4\Omega$$



می‌بینیم، بار ذره مثبت یا منفی باشد، شکل گزینه «۴» درست است.

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۸۹ و ۹۰)

(ممدرکام منشایی)

گزینه «۳» - ۸۹

ابتدا تعداد دورهای پیچه را می‌یابیم و سپس جریان را پیدا می‌کنیم:

$$N = \frac{L}{2\pi r} = \frac{18}{2\pi \times 10^{-2}} = 90$$

$$A = \pi \times (15 \times 10^{-2})^2 = 225\pi \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$I_{av} = \frac{\epsilon_{av}}{R}$$

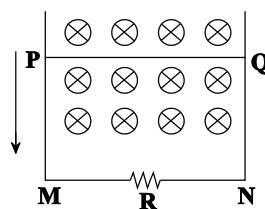
$$I_{av} = \frac{-N \times A \times B \times (\cos \theta_2 - \cos \theta_1)}{R \times \Delta t} \quad \theta_1 = 0^\circ, \theta_2 = 90^\circ, R = 25\Omega, \Delta t = 0.4s$$

$$I_{av} = \frac{-90 \times 225\pi \times 10^{-4} \times 4 \times 10^{-2} \times (0 - 1)}{25 \times 0.4} = 5 \times 10^{-3} \text{ A} = 5 \text{ mA}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متنابو: صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۷)

(ممدرکام شریف)

گزینه «۳» - ۹۰

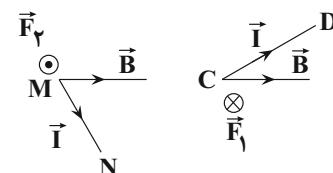


با کاهش سطح قاب، بنایه رابطه $\Phi = BA \cos \theta$ ، شار مغناطیسی عبوری از آن نیز کاهش می‌یابد، درنتیجه با توجه به قانون لنز چون شار عبوری از حلقه کاهش می‌یابد، می‌بایست میدان مغناطیسی ایجاد شده توسط جریان القایی در حلقه درونسو شود تا با کاهش شار مغناطیسی حاصل از میدان خارجی که درونسو است، مخالفت کند. بنابراین جهت جریان القایی در مقاومت R از N به M و در سیم PQ از P به Q است.

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متنابو: صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

$$\frac{\sin \theta_1 = \frac{1}{2}}{\ell_1 = \sqrt{3}\ell_2, \sin \theta_2 = \frac{\sqrt{3}}{2}} \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \frac{\sqrt{3}\ell_2}{\ell_2} \times \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} \Rightarrow F_1 = F_2$$

اکنون با توجه به قاعده دست راست، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر هر سیم را به دست می‌آوریم:



$$\vec{F}_1 = -\vec{F}_2$$

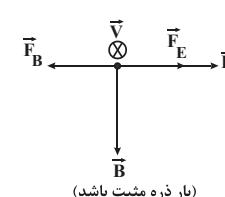
بنابراین:

نکته: نیروی وارد بر سیم حامل جریان در یک میدان مغناطیسی برابر با حاصل ضرب سه مؤلفه جریان عبوری، بزرگی میدان مغناطیسی و مؤلفه‌ای از سیم است که عمود بر میدان مغناطیسی است. بنابراین در این سؤال چون جریان عبوری از دو سیم یکسان است و همچنین مؤلفه‌ای از طول سیم که عمود بر میدان مغناطیسی است هم برای هر دو سیم یکسان است، بنابراین بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر سیم‌ها نیز یکسان خواهد بود.

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

گزینه «۴» - ۸۸

چون نوع بار الکتریکی ذره مشخص نیست، یکبار با بار مثبت و یک بار با بار منفی شکل را رسم و گزینه درست را انتخاب می‌کنیم، دقت کنید، چون ذره باردار از مسیر اولیه خودش منحرف نمی‌شود، الزاماً نیروهای \vec{F}_B ، \vec{F}_E ، هماندازه و در سوی مخالف هم می‌باشند. در ضمن نیروی الکتریکی وارد بر بار مثبت هم سو با میدان الکتریکی و نیروی الکتریکی وارد بر بار منفی در سوی مخالف آن است.



(بار ذره منفی باشد)



$$\frac{h_{\text{آب}} = 34 \text{ cm}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}}{\rho_{\text{جیوه}} = 1.3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}} \rightarrow 1 \times 34 = 13 / 6 h'_{\text{Hg}} \Rightarrow h'_{\text{Hg}} = 2 / 5 \text{ cm}$$

و در نهایت:

$$P + h'_{\text{Hg}} + h_{\text{Hg}} = P_0 \Rightarrow P + 2 / 5 + 10 = 75 \\ \Rightarrow P = 62 / 5 \text{ cmHg}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

(امیرحسین براذران)

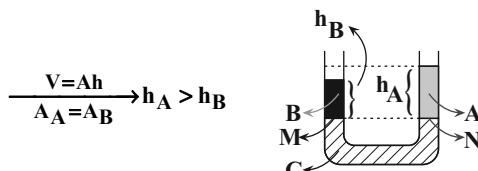
«۱» گزینه

با توجه به نمودار حجم بر حسب جرم، $\rho_B > \rho_A$ است؛ بنابراین به ازای

$$V_A > V_B, V = \frac{m}{\rho}$$

می‌باشد. از طرفی در لوله‌های U شکل فشار در نقاط همتراز افقی یک مایع ساکن یکسان است. بنابراین از آن‌جا که سطح مقطع لوله در سراسر طول آن یکسان می‌باشد و وزن دو مایع A و B نیز یکسان است، پس مرز مایع‌های A و C و همچنین B و C در یک تراز افقی قرار می‌گیرند.

$$P_N = \frac{W_A}{A} + P_0 \xrightarrow{W_A = W_B} P_M = P_N, V_A > V_B \\ P_M = \frac{W_B}{A} + P_0$$



(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

(بیادر کامران)

«۴» گزینه

با توجه به قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K \xrightarrow{W_t = 0} \Delta K = 0$$

$$\Rightarrow K_2 - K_1 = 0$$

$$\Rightarrow K_2 = K_1 \Rightarrow \frac{1}{2} \rho v_2^2 = \frac{1}{2} \rho v_1^2$$

$$|v_2| = |v_1|$$

بنابراین برای این‌که $W_t = 0$ باشد، کافیست اندازه سرعت یا تندی، در ابتدا و انتهای مسیر یکسان باشد.

(فیزیک - کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(مصطفی کیانی)

«۳» گزینه

می‌دانیم، مساحت سطح محصور بین نمودار $P - t$ و محور زمان برابر کار مفید انجام شده است. بنابراین، ابتدا کار مفید را که برابر با مساحت زیر نمودار است، می‌یابیم.

(امیرحسین براذران)

فیزیک ۱

- ۹۱ گزینه «۲»

$$A = \frac{1500}{30} = 50 \frac{\text{m}^3}{\text{h}}$$

با توجه به این‌که پس از پرشدن $\frac{1}{3}$ ساعت دیگر استخر پر می‌شود، آب خروجی از شیر A در مدت این ۱۵ ساعت را بدست می‌آوریم:

$$V_A = 50 \times 15 = 750 \text{ m}^3$$

اکنون آب خروجی از شیر B را بدست می‌آوریم:

$$V_B = \frac{2}{3} \times 1500 - 750 = 250 \text{ m}^3$$

اکنون آهنگ خروجی آب از شیر B را محاسبه می‌کنیم:

$$B = \frac{250 \text{ m}^3}{15 \text{ h}} = \frac{250 \times 10^3}{15 \times 60} \text{ min} = \frac{2500}{9} \text{ min}$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

(محمد رضا شریفی)

- ۹۲ گزینه «۲»

برای محاسبه حجم شمشی از جنس B، باید چگالی آن را داشته باشیم. به همین منظور، با توجه به نمودار به ازای حجم ثابت V، جرم جسم B برابر ۲۰ g و

جرم جسم A برابر ۶۰ g است. لذا، با استفاده از رابطه $\rho = \frac{m}{V}$ داریم:

$$V = \frac{m_B}{\rho_B} = \frac{m_A}{\rho_A} \xrightarrow{m_B = 20 \text{ g}, m_A = 60 \text{ g}} \frac{20}{\rho_B} = \frac{60}{15}$$

$$\Rightarrow \rho_B = 5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

اکنون می‌توان حجم شمش B را که ۲۲۵۰ گرم جرم دارد، بدست آورد:

$$V_B = \frac{m_B}{\rho_B} \xrightarrow{m_B = 2250 \text{ g}} V_B = \frac{2250}{5} = 450 \text{ cm}^3$$

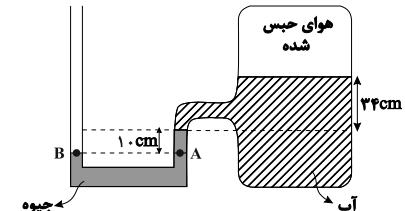
(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

(سید علی میرنوری)

- ۹۳ گزینه «۳»

اگر فشار هوای حبس شده را P در نظر بگیریم، داریم:

$$\Rightarrow P + (\rho gh) + \rho_{\text{آب}} g_{\text{جیوه}} = P_0$$



حال اگر بخواهیم فشار را بر حسب سانتی‌متر جیوه بنویسیم، کافی است که

ارتفاع معادل جیوه برای مایعات را در نظر بگیریم. یعنی داریم:

$$\rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}}$$



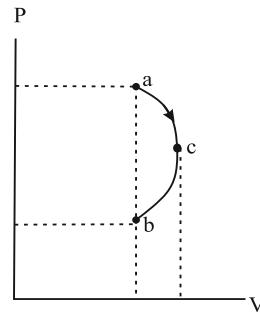
(مصطفی کیانی)

گزینه «۴»

چون $P_b V_b < P_a V_a$ است، رابطه $V_b = V_a$ و $P_b < P_a$ برقرار می‌باشد. از طرف دیگر، با توجه معادله حالت گازهای آرمانی، $T \propto PV$ می‌باشد، لذا $T_b < T_a$ است، بنابراین چون انرژی درونی مقدار معینی گاز آرمانی (U) فقط تابع دمای مطلق گاز است، لذا $U_b < U_a$ و در نتیجه $\Delta U_{ab} < 0$ خواهد بود.

برای بررسی کار انجام شده بر روی گاز، ابتدا یک نقطه مانند c بر روی نمودار که بیشترین حجم را دارد، مشخص می‌کنیم. با مشخص کردن این نقطه می‌بینیم، حجم گاز ابتدا در مسیر ac افزایش و سپس در مسیر cb کاهش می‌یابد. چون مساحت زیر نمودار P-V در مسیر ac بزرگ‌تر از مسیر cb است، لذا $|W_{ac}| > W_{bc}$ می‌باشد و در مجموع کار کل انجام شده روی گاز منفی خواهد بود. پس کار گاز بر روی محیط مثبت است.

$$W_{ab} = -|W_{ac}| + W_{cb} \quad |W_{ac}| > W_{cb} \rightarrow W_{ab} < 0 \\ \Rightarrow W'_{ab} > 0$$



(فیزیک ا- ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۳۹)

(سیدعلی میرنوری)

گزینه «۱»

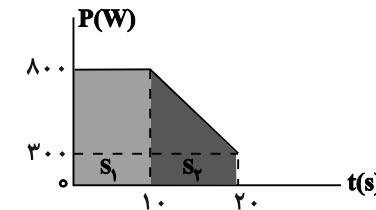
ابتدا گرمایی که ماشین گرمایی درون‌سوز می‌گیرد را محاسبه می‌کنیم:
 $Q_H = mQ = 4 \times 40 \Rightarrow Q_H = 160 \text{ kJ}$
 برای تعیین بازده داریم:

$$\eta = \left(1 - \frac{|Q_L|}{Q_H} \right) \times 100 = \left(1 - \frac{120}{160} \right) \times 100 \Rightarrow \eta = 25\%$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۳۵ و ۱۳۶)

$$W = S_1 + S_2 \Rightarrow W = (10 \times 800) + \left(\frac{300 + 800}{2} \times 10 \right) \text{ مفید}$$

$$\Rightarrow W = 8000 + 5500 = 13500 \text{ J}$$



اکنون، توان مفید متوسط دستگاه در مدت ۲۰ ثانیه را می‌یابیم:

$$\bar{P} = \frac{W}{\Delta t} = \frac{13500}{20} \text{ مفید} \Rightarrow \bar{P} = 675 \text{ W}$$

در نهایت بازده دستگاه برابر است با:

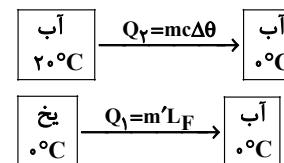
$$Ra = \frac{\bar{P}}{P} \times 100 = \frac{675}{1000} \text{ مفید} \Rightarrow Ra = \frac{675}{1000} \times 100$$

$$\Rightarrow Ra = 67.5\%$$

(فیزیک ا- کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۷۳ تا ۷۷)

گزینه «۲»

چون پس از تعادل، در ظرف یخ باقی می‌ماند، دمای تعادل صفر است. بنابراین با استفاده از طرح واره زیر، ابتدا جرم یخ ذوب شده را می‌یابیم:



$$Q_i + Q_f = 0 \Rightarrow m'L_F + m_c c_{\text{آب}} (0 - 20) = 0$$

$$m = 10 \text{ kg} \rightarrow \\ c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}}, L_F = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$$

$$m' \times 336000 + 0 / 8 \times 4200 \times (-20) = 0 \Rightarrow 336000 m' = 16 \times 4200$$

$$\Rightarrow m' = 0 / 2 \text{ kg} = 20 \text{ g}$$

اکنون جرم یخ باقیمانده را بیدا می‌کنیم:

$$m'' = 300 - 200 = 100 \text{ g}$$

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۹۷)

گزینه «۴»

چون $\alpha_A > \alpha_B$ می‌باشد، کاهش دمای این دو جسم باعث می‌شود جسم A کاهش قطر بیشتری داشته باشد. همچنین سرد کردن جسم A و گرم کردن جسم B منجر به کوچک شدن جسم A و بزرگ شدن حفره B می‌گردد. درنتیجه توب از حفره عبور می‌کند. بنابراین ۲ مورد «ب» و «پ» درست است. (فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۹۰ تا ۹۷)

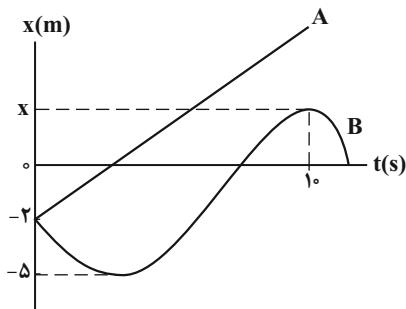


$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{15}{10} \text{ m} \Rightarrow \ell = 15 \text{ m}$$

مسافت طی شده برابر 15 m است که با توجه به نمودار می‌توان نوشت:

$$15 = | -5 - (-2) | + | 0 - (-5) | + | x_{t=10s} - 0 | \Rightarrow x_{t=10s} = 7 \text{ m}$$

اکنون با استفاده از رابطه شتاب متوسط، سرعت متحرک B را در مبدأ زمان به دست می‌آوریم. دقت کنید، در لحظه $t = 10 \text{ s}$ ، چون شیب خط مماس بر نمودار برابر صفر است، در این لحظه $v = 0$ می‌باشد.



$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_{t=10s} - v_{t=1s}}{\Delta t = 10s} = \frac{0 - (-2)}{10} = \frac{2}{10} = 0.2 \text{ m/s}^2$$

$$\Rightarrow v_0 = -2 \text{ m/s}$$

چون تندی دو متحرک در مبدأ زمان یکسان است، بنابراین با استفاده از معادله حرکت با سرعت ثابت، مکان متحرک A را در لحظه $t = 10s$ به دست می‌آوریم:

$$x_A = v_A t + x_{0A} \rightarrow x_A = -2 \text{ m} + 2 \text{ m} = 0 \text{ m}$$

$$x_A = 2 / 5 \times 10 - 2 \Rightarrow x_A = 2 \text{ m}$$

درنهایت فاصله دو متحرک برابر است با:

(فیزیک ۳) - هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۹ تا ۱۵

(غلامرضا مهین)

- ۱۰۳ «۳»

چون نمودار مکان - زمان متحرک‌ها به صورت خط راست می‌باشد، هر دو متحرک با سرعت ثابت حرکت می‌کنند. بنابراین، مسافت طی شده توسط هریک در ثانیه‌های مختلف با تندی آن‌ها برابر است. با توجه به این که در

فیزیک ۳

- ۱۰۱ «۴»

(فاروق مردانی)

برای پاسخ به این سؤال لازم است بدانیم:

(۱) شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان، معرف سرعت لحظه‌ای است.

(۲) شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان معرف شتاب لحظه‌ای است.

(۳) در حرکت بر خط راست، در حرکت شتاب دار کندشونده، بردارهای سرعت و شتاب هم جهت ($a > 0$) و در حرکت شتاب دار کندشونده، خلاف جهت یکدیگرند. ($a < 0$).

اکنون به بررسی هریک از نمودارها می‌پردازیم:

(الف) سرعت خلاف جهت محور X و شتاب در جهت محور X : چون شیب خط مماس بر نمودار منفی است، سرعت نیز منفی است، یعنی در خلاف جهت محور X است. از طرف دیگر، چون اندازه شیب خط مماس بر نمودار در حال کاهش است، تندی نیز در حال کاهش است، لذا حرکت شتاب دار کندشونده است. در نتیجه، چون $a < 0$ است، باید $v < 0$ باشد. یعنی شتاب در جهت محور X است.

(ب) سرعت خلاف جهت محور X و شتاب در جهت محور X : چون نمودار سرعت - زمان، زیر محور زمان است $v < 0$ می‌باشد. از طرف دیگر، چون شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان مثبت است، $a > 0$ است.

(پ) سرعت در خلاف جهت محور X و شتاب در جهت محور X (همان توضیح قسمت الف)

(ت) سرعت در جهت محور X و شتاب در خلاف جهت محور X : چون نمودار سرعت - زمان بالای محور زمان است، $v > 0$ می‌باشد، از طرف دیگر، چون شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان منفی است، $a < 0$ است.

(فیزیک ۳) - هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۲)

(امیرحسین برادران)

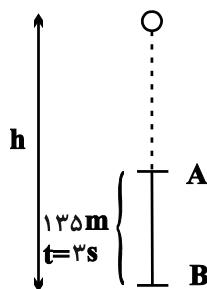
- ۱۰۲ «۴»

ابتدا با استفاده از رابطه تندی متوسط، مکان متحرک B را در لحظه $t = 10s$ به دست می‌آوریم.



(فسرو ارجاعی فرورد)

- ۱۰۵ - گزینه «۳»

اگر کل طول مسیر برابر با h و کل زمان سقوط برابر با t باشد، داریم:

$$y = \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \begin{cases} h = \frac{1}{2}gt^2 \\ h - 135 = \frac{1}{2}g(t-3)^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}gt^2 - 135 = \frac{1}{2}g(t-3)^2 \Rightarrow 5t^2 - 135 = 5t^2 - 30t + 45$$

$$\Rightarrow t = 6s$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(لنگر سراسری ریاضی ۱۴۰۳ - تیر ماه)

- ۱۰۶ - گزینه «۳»

می‌دانیم جابه‌جایی گلوله در هر ثانیه به اندازه ۱۰ متر و تندی آن به اندازه

$$\frac{m}{s} \text{ افزایش می‌یابند. داریم:}$$

| ثانیه آخر حرکت | جابه‌جایی | سرعت |
|----------------|-----------|--------|
| ۱ | ۱۵m | ۱۰ m/s |
| ۲ | ۲۵m | ۲۰ m/s |
| ۳ | ۳۵m | ۳۰ m/s |
| ۴ | ۴۵m | ۴۰ m/s |
| ۵ | | ۵۰ m/s |

$$\Rightarrow v_{av} = \frac{30 + 50}{2} = 40 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

حرکت با سرعت ثابت، مسافت طی شده در ثانیه‌های مختلف یکسان است،

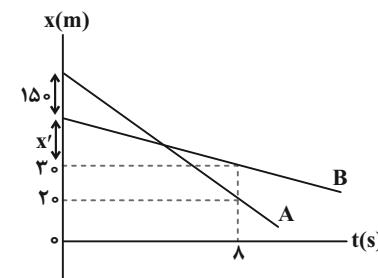
کافی است، تفاضل تندی متوسط دو متحرک را بیابیم. با توجه به نمودار مکان

- زمان، در مدت $\Delta t = 8s$ ، متحرک A مسافت $A = 150 + x' + 10$ و $\ell_A = 150 + x' + 10$ بازیابیم.نمودار مکان B مسافت $B = x'$ را می‌بیامید. بنابراین می‌توان نوشت:

$$s_{(av)A} - s_{(av)B} = \frac{\ell_A}{\Delta t_A} - \frac{\ell_B}{\Delta t_B}$$

$$\frac{\Delta t_A = \Delta t_B = 8s}{\rightarrow s_A - s_B = \frac{150 + x' + 10}{8} - \frac{x'}{8} = 20 \frac{m}{s}}$$

$$\Rightarrow \ell_A - \ell_B = 20m$$



(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(سید ابراهیم‌الفضل ثالقی)

- ۱۰۷ - گزینه «۳»

ابتدا با مقایسه معادله مکان - زمان داده شده با معادله مکان - زمان در

حرکت با شتاب ثابت در مسیری مستقیم، معادله سرعت - زمان حرفت

متحرک را می‌نویسیم و سرعت در لحظه‌های $t = 1s$ و $t = 5s$ را می‌باییم:

$$\begin{cases} x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \\ x = t^2 - 3t + 4 \end{cases} \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2}, v_0 = -3 \frac{m}{s}, x_0 = 4m$$

$$\Rightarrow v = at + v_0 \Rightarrow v = 2t - 3 \Rightarrow \begin{cases} t = 1s \Rightarrow v_1 = 2 \times 1 - 3 = -1 \frac{m}{s} \\ t = 5s \Rightarrow v_5 = 2 \times 5 - 3 = 7 \frac{m}{s} \end{cases}$$

با استفاده از تعریف سرعت متوسط در حرفت با شتاب ثابت بر مسیر

مستقیم، برای بازه زمانی $t = 1s$ تا $t = 5s$ داریم:

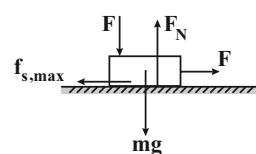
$$v_{av} = \frac{v_1 + v_5}{2} = \frac{-1 + 7}{2} = 3 \frac{m}{s}$$

$$v = v_{av} \Rightarrow 2t - 3 = 3 \Rightarrow t = 3s$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)



$$\begin{aligned} F_{\text{net}_y} = 0 &\Rightarrow \vec{F}_N - m\vec{g} - \vec{F} = 0 \\ \Rightarrow F_N = mg + F &\xrightarrow{m=45\text{kg}} \\ \Rightarrow F_N = 45 \times 10 + F &= 450 + F \end{aligned}$$



از طرف دیگر، $F_{\text{net}_x} = 0$ است. بنابراین با توجه به این که $f_s,\text{max} = \mu_s F_N$ است، می‌توان نوشت:

$$F - f_{s,\text{max}} = 0 \Rightarrow F = f_{s,\text{max}} \Rightarrow F = \mu_s F_N$$

$$\frac{F_N = 450 + F}{\mu_s = 0.6} \Rightarrow F = 0 / 6(F + 450) \Rightarrow 0 / 4F = 270 \Rightarrow F = 675\text{N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

(ممدوه‌وارد سورپیش)

«۲» ۱۱-

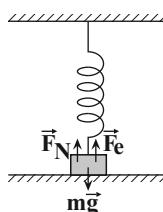
مطابق شکل زیر چون مجموعه جسم و فقر در حال تعادل است، برابند نیروهای وارد بر جسم صفر است. بنابراین داریم:

$$F_{\text{net}} = 0 \Rightarrow F_N + F_e - mg = 0$$

$$\frac{F_e = kx}{\xrightarrow{k=15\text{N/m}, x=40\text{cm}=0.4\text{m}}} \Rightarrow F_N = mg - kx$$

$$\frac{m=12\text{kg}}{k=15\text{N/m}, x=40\text{cm}=0.4\text{m}} \Rightarrow F_N = 12 \times 10 - 15 \times 0.4 / 0.4$$

$$\Rightarrow F_N = 120 - 60 \Rightarrow F_N = 60\text{N}$$



طبق قانون سوم نیوتون، نیرویی که جسم به سطح وارد می‌کند از نظر مقدار برابر است با نیرویی که سطح بر جسم وارد می‌کند. یعنی:

$$F'_N = F_N = 60\text{N}$$

توجه شود که در این سؤال نیروی اصطکاک که مؤلفه‌ای از نیروی سطح است را نداشتمیم.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۸، ۳۹ و ۴۰)

(کتاب آیی)

- ۱۰۷ - **گزینه «۳»**
طبق قانون سوم نیوتون، نیرویی که شخص (۱) بر (۲) وارد می‌کند، همانند از نیرویی است که شخص (۲) بر (۱) وارد می‌کند اما در خلاف جهت یکدیگرند. در هر حال بزرگی نیروی وارد بر هر دو شخص یکسان است.

بنابراین طبق رابطه $a = \frac{F}{m}$ ، شخص (۲) که جرم کمتری دارد شتاب بیشتری می‌گیرد و چون هر دو از حال سکون و بر روی یک سطح بدون اصطکاک به طرف هم به حرکت درمی‌آیند، در زمان یکسان شخص (۲) مسافت بیشتری را به طرف شخص (۱) طی می‌کند، در نتیجه بین O و A به هم می‌رسند.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

(عباس اصفری)

«۴» ۱۰۸-

به بررسی عبارات می‌پردازیم:
الف) نادرست. نیروهای کنش و واکنش به دو جسم متفاوت اثر می‌کنند، بنابراین نمی‌توان از آن‌ها برایند گرفت.

ب) درست. به گلوله‌ای که در هوا سقوط می‌کند، نیروهای مقاومت هوا و نیروی وزن به ترتیب از جانب هوا و زمین وارد می‌شود؛ بنابراین واکنش این نیروها به ترتیب به هوا و زمین وارد خواهد شد.

پ) نادرست. وزن گلدان به خود گلدان وارد می‌شود.
ت) نادرست. نیروی وزن هر جسمی، نیروی گرانشی است که زمین به آن جسم وارد می‌کند، به عبارتی، وزن هر جسمی به خود آن جسم وارد می‌شود و عکس العمل آن نیز به زمین وارد می‌شود.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

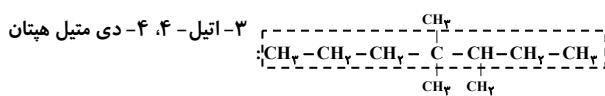
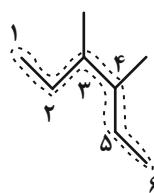
(شهرام احمدی (داران))

«۳» ۱۰۹-

حداقل نیروی افقی لازم برای به حرکت درآوردن جعبه با نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه وارد بر آن برابر است. بنابراین ابتدا نیروی F_N را بر حسب F می‌یابیم. چون جعبه در راستای قائم حرکت ندارد، برایند نیروها در این راستا، صفر است. در این حالت داریم:



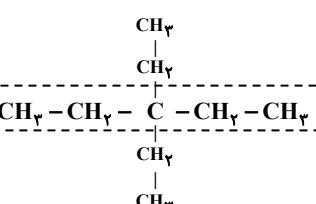
۳، ۴- دی متیل هگزان



۶- تترامتیل هپتان



۳- دی اتیل پنتان



۴- اتیل، ۲، ۴- تری متیل هگزان

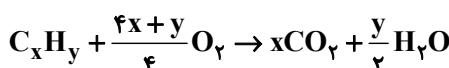


(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

(ممدرسان ممدرساه مقدم)

۱۱۵- گزینه ۳

واکنش موردنظر به صورت زیر است.



با توجه به گزینه‌ها، هیدروکربن موردنظر آلتکن یا آلکین است. می‌توان نوشت:

$$\frac{32}{4}\text{g H}_2\text{O} \times \frac{1\text{mol H}_2\text{O}}{18\text{g H}_2\text{O}} = 1/8\text{mol H}_2\text{O}$$

$$\frac{1}{8}\text{mol H}_2\text{O} \times \frac{x\text{mol CO}_2}{y\text{mol H}_2\text{O}} \times \frac{44\text{g CO}_2}{1\text{mol CO}_2} = 10.5/6\text{g CO}_2$$

$$\Rightarrow 3x = 2y \Rightarrow \text{C}_4\text{H}_6$$

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های ۴۰ تا ۴۲)

شیمی ۲

۱۱۱- گزینه ۴

(سید محمد رضا میرقائیم)

آن‌ها در یک دوره از جدول تناوبی (از چپ به راست) کاهش می‌یابد.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

۱۱۲- گزینه ۳

(حسن لشکری) با توجه به نمودار صفحه ۱۳، اختلاف شعاع اتمی بین ^{12}Mg با ^{11}Na بابیشتر از اختلاف شعاع اتمی ^{35}Cl با ^{36}S است. طبق این نمودار از چپ به راست در یک دوره اندازه اختلاف شعاع اتمی دو عنصر متوالی به‌طور کلی کاهش می‌یابد.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه ۱۳)

۱۱۳- گزینه ۴

(ممدرسان پورنایبر) ابتدا مقدار Na حاصل از انجام واکنش اول را تعیین می‌کنیم:

$$\begin{aligned} 39\text{g NaN}_3 &\times \frac{x\text{gNaN}_3}{65\text{g NaN}_3} \times \frac{1\text{mol NaN}_3}{100\text{g NaN}_3} \times \frac{7\text{mol Na}}{2\text{mol NaN}_3} \\ &\times \frac{5\text{mol Na}}{100\text{mol Na}} = 0.003\text{ mol Na} \end{aligned}$$

حال با توجه به واکنش دوم برای تعیین مقدار آهن حاصل از این میزان سدیم می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} 0.003\text{ mol Na} \times \frac{1\text{mol Fe}}{5\text{mol Na}} \times \frac{56\text{g Fe}}{1\text{mol Fe}} \times \frac{56\text{g Fe}}{100\text{g Fe}} &= 2.24\text{g Fe} \\ \Rightarrow x = 80\% \end{aligned}$$

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

۱۱۴- گزینه ۳

(ممدرسان ممدرساه مقدم)

بررسی موارد:

طبق توضیحات متن سؤال داریم:



$\Delta H = \text{مجموع آنتالپی پیوند فراوردها} - \text{مجموع آنتالپی پیوند واکنش‌دهندها}$

$$\Delta H = [4(C-H) + 4(Cl-Cl)] - [4(C-Cl) + 4(H-Cl)] = -400 \text{ kJ}$$

$$-400 = [4(415) + 4(242)] - [4x + 4(431)]$$

$$\Rightarrow x = 326 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم - صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

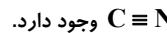
(فاصل قوه‌مانی فر)

گزینه «۲» - ۱۱۹

مواد «ب» و «ت» درست هستند.

بررسی تمام موارد:

الف) پلی سیانواتن پلیمری سیرنشده است. چون در ساختار آن پیوند سه‌گانه



ب) با اتصال گروه متیل پلی‌پروپن به دست می‌آید.

پ) اگر به جای x کلر متصل شود (کلر در دوره سوم جدول است). پلی

وبنیل کلرید به دست می‌آید که در ساخت کیسی خون استفاده می‌شود.

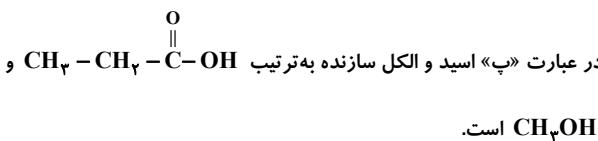
ت) پلی استیرن در ساخت ظروف یکبار مصرف کاربرد دارد.

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان‌نامه: صفحه ۱۰۶)

(علن نوری‌زاده)

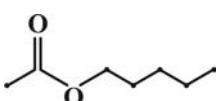
گزینه «۳» - ۱۲۰

بررسی عبارت‌های نادرست:



در عبارت «ت» استری که در موز وجود دارد، بنتیل اتانوات است که در

ساختار پیوند - خط آن ۹ خط نمایش داده می‌شود.



(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان‌نامه: صفحه ۱۰۵)

(ایمان حسین‌نژاد)

گزینه «۴» - ۱۱۶

در شکل‌های داده شده، دمای محتویات دو ظرف یکسان است، پس میانگین تندي مولکولها و شدت برخورد آن‌ها به دیواره ظرف‌ها یکسان است.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: در شرایط یکسان و مقدار برابر، انرژی حاصل از مغز گرد و بیشتر از ماکارونی است.

گزینه «۳»: زمانی که دمای جسمی کاهش پیدا می‌کند، علامت تغییر دما برای جسم منفی و برای محیط اطراف آن مثبت خواهد بود.

گزینه «۴»: نان به دلیل داشتن ظرفیت گرمایی کمتر نسبت به سبزه‌منی، زودتر با محیط هم‌دما می‌شود.

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم - صفحه‌های ۵۴ تا ۶۰)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

گزینه «۴» - ۱۱۷

ابتدا گرمای مبادله شده در اثر اتحال آمونیوم نیترات در آب را تعیین می‌کنیم:

$$\text{?kJ} = 20 \text{ g NH}_4\text{NO}_3 \times \frac{1 \text{ mol NH}_4\text{NO}_3}{8 \text{ g NH}_4\text{NO}_3} \times \frac{26 \text{ kJ}}{1 \text{ mol NH}_4\text{NO}_3} = 6 / 5 \text{ kJ}$$

آب این مقدار گرمای را از دست داده است. حال می‌توان نوشت:

$$Q = mc\Delta\theta \rightarrow -6500 = 100 \times 4 / 2 \times (\theta_2 - 25) \rightarrow \theta_2 = 9 / 52^\circ\text{C}$$

$$T = \theta + 273 = 282 / 52 + 273 = 282 / 52 + 273$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم - صفحه‌های ۵۱ تا ۵۷)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

گزینه «۴» - ۱۱۸

آنالپی پیوند $C-Cl$ را برابر با $\frac{kJ}{mol}$ در نظر می‌گیریم. با توجه به آنالپی واکنش می‌توان نوشت:

اندازه تفاوت انرژی فراوردها و مواد اولیه 40 kJ.mol^{-1} و واکنش هم

گرماده است پس علامت ΔH منفی است.



گزینه «۴»: اوزون مایع به رنگ بنفش (آبی تیره) دیده می‌شود در حالی که O_2 مایع به رنگ آبی روشن دیده می‌شود پس طول موج نوری به رنگ O_3 مایع کمتر از نوری به رنگ O_2 مایع است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۷۳ تا ۷۵)

۱۲۷ - **گزینه «۴»**
(مبینا شرافتی پور)
معادله موازن شده واکنش‌ها به صورت زیر است:
I) $2Na_2S_2O_3 + I_2 \rightarrow Na_2S_4O_6 + 2NaI$
II) $2KMnO_4 + 16HCl \rightarrow 2KCl + 2MnCl_2 + 8H_2O + 5Cl_2$
III) $3Ca(OH)_2 + 2H_3PO_4 \rightarrow Ca_3(PO_4)_2 + 6H_2O$
(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)

۱۲۸ - **گزینه «۳»**
(منصور سلیمانی ملکان)
چون شکل تعداد مول را نشان می‌دهد پس باید غلظت مولی را محاسبه کنیم.
پس با استفاده از ppm کلسیم و چگالی، مولاریته این کاتیون را مطابق زیر محاسبه می‌کنیم. چون غلظت یک کمیت نسبی است مبنای را برای تبدیل ppm به مولاریته یک لیتر آب معدنی در نظر می‌گیریم و چون چگالی یک است، یعنی یک کیلوگرم آب همان یک لیتر است؛ پس خواهیم داشت:

$$\text{ppm} = \frac{\text{کیلوگرم Ca}^{2+}}{\text{کیلوگرم محلول}} \times 10^6 \Rightarrow 200 = \frac{x}{1} \times 10^6$$

$$\Rightarrow x = 2 \times 10^{-4} \text{ kg Ca}^{2+}$$

$$2 \times 10^{-4} \text{ kg Ca}^{2+} \times \frac{1000 \text{ g}}{1 \text{ kg}} \times \frac{1 \text{ mol}}{40 \text{ g}} = 5 \times 10^{-3} \text{ mol Ca}^{2+}$$

$$\frac{5 \times 10^{-3} \text{ mol}}{1} = \text{غلظت مولی}$$

حال جداگانه مولاریته محلول را در هر ظرف محاسبه می‌کنیم. در ظرف ۳ مولاریته محلول $\frac{1}{0.005} \text{ mol.L}^{-1}$ می‌باشد. پس گزینه ۳ پاسخ این سؤال است.

$$\frac{n}{V} = \frac{5 \times 10^{-3} \text{ mol}}{0.1 \text{ L}} = 5 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

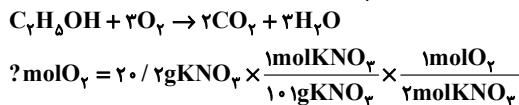
(شیمی ا- آب، آهنجک زندگی: صفحه‌های ۹۱، ۹۵ تا ۹۶)

۱۲۹ - **گزینه «۳»**
(رسول عابدینی زواره)
معادله موازن شده واکنش اول:
 $2KNO_3 \rightarrow 2KNO_2 + O_2$

$$?LO_2 = 20 / 2gKNO_3 \times \frac{1 \text{ mol KNO}_3}{101 \text{ gKNO}_3} \times \frac{1 \text{ mol O}_2}{2 \text{ mol KNO}_3} \times \frac{22 / 4 \text{ LO}_2}{1 \text{ mol O}_2}$$

$$= 2 / 24 \text{ LO}_2$$

معادله موازن شده واکنش دوم:



$$\frac{1 \text{ mol C}_2H_5OH}{3 \text{ mol O}_2} \times \frac{46 \text{ gC}_2H_5OH}{1 \text{ mol C}_2H_5OH} = 1 / 53 \text{ gC}_2H_5OH$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

۱۳۰ - **گزینه «۲»**
(آرین شباعی)
 $S_A = S_B \Rightarrow -\theta + 70 = 1 / 4\theta + 36$
 $\Rightarrow 1 / 4\theta = 34 \Rightarrow \theta = 20^\circ C$
انحلال‌پذیری نمک A شبیه منفی داشته و انحلال‌پذیری آن گرماده است. بنابراین با کاهش دما نه تنها محلول رسوب نداده بلکه انحلال‌پذیری آن بیشتر می‌شود.

(شیمی ا- آب، آهنجک زندگی: صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

شیمی ۱

۱۲۱ - **گزینه «۲»**
عبارت «الف» درست است. زیرا در جدول تناوی، گروههای ۱ و ۱۸ دارای ۷ عنصر هستند که با عدد اتمی نیتروژن (N) برابر است.

عبارت «ب» درست است. در دسته f عنصرها در دیفیت ۱۴ عنصری وجود دارد.

عبارت «پ» نادرست است. زیرا در تناوبهای ۲ و ۳ عنصرهای Li, Be, Ne, Na, Mg, Al, Si, Cl, Ar

عبارت «ت» درست است. زیرا تکنسیم (اولین عنصر ساخت بشر) در دسته d جدول دورهای جای دارد.

(شیمی ا- کیهان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۷ و ۹ تا ۲۸ و ۳۰ تا ۳۳)

۱۲۲ - **گزینه «۳»**
(سید محمد رضا میر قائمی)

ارتباط منظمه میان شمار خطوط طیف نشری خطی عنصرها در ناحیه مرئی و

عدد اتمی آنها وجود ندارد.

(شیمی ا- کیهان زادگاه الفبای هستی: صفحه ۲۳۰)

۱۲۳ - **گزینه «۳»**
(ایمان حسین نژاد)

بررسی عبارت‌های نادرست:

- نور حاصل از انتقال الکترون از لایه ۴ به ۲ نسبت به انتقال از ۳ به ۲ انرژی بیشتر و طول موج کمتری دارد.

- الکترون مطابق نظریه ساختار لایه‌ای در همه نقاط اطراف هسته (نه اتم) می‌تواند حضور داشته باشد.

- نور حاصل از انتقال الکترون از لایه پنجم به لایه سوم در محدوده فروسرخ فرار دارد و انرژی آن کمتر از نور قرمز است. پس طول موج بزرگ‌تری از نور قرمز دارد.

(شیمی ا- کیهان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۷)

۱۲۴ - **گزینه «۴»**
(محمدحسن محمدزاده مقدم)

در هوای مایع با دمای $-20^\circ C$ ، کربن دی اکسید وجود ندارد. زیرا در

دمای $-78^\circ C$ گاز CO_2 به حالت جامد در می‌آید و از هوا جدا می‌شود.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۴۹ و ۵۰)

۱۲۵ - **گزینه «۳»**
(محمدحسن محمدزاده مقدم)

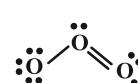
بررسی گزینه نادرست:

$$\ddot{S} = C = \ddot{O} :$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۵ و ۵۶)

(امیرعلی بیات)

۱۲۶ - **گزینه «۴»**
بررسی هر یک از گزینه‌ها:



گزینه «۱»:

$$\frac{O_3}{O_2} = \frac{3 \times 2}{2 \times 2} = \frac{3}{2}$$

نسبت تعداد الکترون‌های ناپیوندی O_2 به O_3 $= \frac{4 \times 2}{6 \times 2} = \frac{2}{3}$

گزینه «۲»: رابطه میان میزان واکنش‌پذیری و پایداری مغکوس هم می‌باشد و

O_2 از O_3 ناپایدارتر است.

گزینه «۳»: O_3 در لایه استراتوسفر در ناحیه‌ای به نام لایه اوزون غلظت

بیشتری دارد.



شیمی ۳

«۳» - ۱۳۱

(مسن لشکری)

محلول مس (II) سولفات، یک مخلوط همگن و پایدار بوده که نور را از خود عبور می‌دهد.

مخلوط آب و روغن و صابون، یک کلوقید با توده‌های مولکولی با اندازه‌های متفاوت است که ناهمنگ بوده و نور را پخش می‌کند.

شربت معده سوسپانسیون بوده و ناپایدار است و نور را پخش می‌کند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۶ و ۷)

«۳» - ۱۳۲

(سید محمد رضا میرقائیم)

عبارت «الف» درست است. زیرا در پاک‌کننده‌های غیرصابونی از گروه SO_4^- به جای گروه (CO $_3^-$) استفاده می‌شود.

عبارت «ب» نادرست است. زیرا در ساختار پاک‌کننده‌های غیرصابونی بخش ناقطبی دارای ساختار آروماتیک (حلقه بنزن) است.

عبارت «پ» درست است. زیرا تولید پاک‌کننده‌های غیرصابونی توسط فرایندهای پیچیده در صنایع پتروشیمیایی صورت می‌پذیرد.

عبارت «ت» درست است. زیرا نقش یون سدیم در هر دو نوع پاک‌کننده یکسان است. در صابون جامد و پاک‌کننده‌های غیرصابونی جزء کاتیونی سبب پخش شدن چربی در آب می‌شود.

عبارت «ث» نادرست است. پاک‌کننده‌های غیرصابونی در آب‌های سخت رسوب نمی‌کند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۶، ۱۰ و ۱۱)

«۱» - ۱۳۳

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

بررسی گزینه نادرست:

گزینه «۱»: پیش از آنکه ساختار اسیدها و بازها شناخته شود، شیمی‌دان‌ها افزون بر ویزگی‌های اسیدها و بازها با برخی از واکنش‌های آن‌ها نیز آشنا بودند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۴ و ۱۵)

«۴» - ۱۳۴

(امیرعلی بیات)

فرمول عمومی پاک‌کننده‌های صابونی مایع و سیرشده بدون عنصر فلزی:



طبق اطلاعات سؤال، جدول تناوبی شامل ۱۸ گروه می‌باشد. پس داریم:



و جرم مولی آن:

$$18 \times 12 + 39 \times 1 + 2 \times 16 + 14 = 301 \text{ g/mol}$$

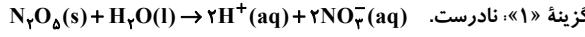
(شیمی ۳ - صفحه‌های ۵ و ۶)

«۲» - ۱۳۵

(محمد عظیمیان زواره)



بررسی سایر گزینه‌ها:



گزینه «۱»: نادرست. سدیم هیدروکسید (NaOH) در آب محلول است.

گزینه «۴»: نادرست. فراورده حاصل خاصیت بازی دارد و کاغذ pH به رنگ آبی در می‌آید.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

«۳» - ۱۳۶

(مسن رفعتی کوکنده)

$$n_{\text{HA}} = \frac{0.4}{20} = 0.02 \text{ mol}$$

$$M = \frac{n}{V} = \frac{0.02}{0.2} = 0.1 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+] = M\alpha = 0.1 \times 0.01 = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log [\text{H}^+] = -\log 10^{-3} = 3$$

$$K_a = \frac{M\alpha^2}{1-\alpha} \approx M\alpha^2 = 10^{-1}(10^{-3})^2 = 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۹ تا ۲۶)



(سیدرضا، خوی)

گزینه «۱» - ۱۳۹

ابتدا ثابت یونش اسیدی HA را می‌باییم:

$$\text{K}_a(\text{HA}) = M\alpha^r \Rightarrow \text{K}_a(\text{HA}) = 10^{-1} \times (2 \times 10^{-4})^2$$

$$\Rightarrow \text{K}_a(\text{HA}) = 4 \times 10^{-4} = 10^{-4} \alpha'^r \Rightarrow \alpha' = 2 \times 10^{-3}$$

$$[\text{H}^+] = M\alpha' = 10^{-3} \times 2 \times 10^{-3} = 2 \times 10^{-6} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow \text{pH}(\text{HA}) = 6 - \log 2 = 5 / 2$$

حال بعد از به دست آوردن pH جدید محلول اسید، pH محلول پتاسیم

هیدروکسید را محاسبه می‌کنیم:

$$[\text{OH}^-] = 10^{-4} \xrightarrow{[\text{H}^+] [\text{OH}^-] = 10^{-14}} [\text{H}^+] = 10^{-10} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow \text{pH} = 10 \Rightarrow \frac{5 / 2}{10} = 0 / 5 \gamma$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

(فرزین بستانی)

گزینه «۲» - ۱۴۰

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: مطابق متن کتاب درست است.

عبارت دوم: محلول غلیظ بازهای قوی مانند NaOH در واکنش با اسیدهای

چرب فراورده‌ای می‌دهد که خودش نوعی پاک‌کننده است و در آب حل

می‌شود.

عبارت سوم: با دو برابر شدن حجم محلول اسید قوی، غلظت آن نصف

می‌شود. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\text{pH}_1 = -\log \frac{[\text{H}^+]}{\gamma} = -\log [\text{H}^+] + \log \gamma = \text{pH}_1 + 0 / 3$$

عبارت چهارم: مطابق متن کتاب درست است.

عبارت پنجم: در واکنش خنثی‌سازی اسید و باز، یون هیدرونیوم و یون

هیدروکسید با هم واکنش می‌دهند و آب تولید می‌کنند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶، ۳۰ و ۳۱)

(مسن لشکری)

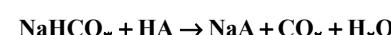
گزینه «۱» - ۱۳۷

$$[\text{H}^+] [\text{OH}^-] = 10^{-14} \Rightarrow [\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{[\text{H}^+]}$$

$$4 \times 10^{-9} = \frac{[\text{H}^+]}{[\text{OH}^-]} \Rightarrow 4 \times 10^{-9} = \frac{[\text{H}^+]}{\frac{10^{-14}}{[\text{H}^+]}} \Rightarrow [\text{H}^+] = 2 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

$\text{HA} \rightarrow$ اسید ضعیف $\Rightarrow [\text{H}^+] = M \cdot \alpha \Rightarrow 2 \times 10^{-5} = M \times 0 / 0.2$

$$\Rightarrow M = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$



$$10^{-3} \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times 0 / 0 \text{ L} = 10^{-3} \text{ mol HA}$$

$$? \text{mg NaHCO}_3 = 10^{-3} \text{ mol HA}$$

$$\times \frac{\text{mol NaHCO}_3}{\text{mol HA}} \times \frac{84 \text{ g NaHCO}_3}{\text{mol NaHCO}_3} \times \frac{100}{80} \times \frac{1000 \text{ mg}}{1 \text{ g}} \\ = 10 / 5 \text{ mg NaHCO}_3$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۹، ۳۰ تا ۳۲)

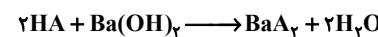
(محتیں عبارتی)

گزینه «۱» - ۱۳۸

$$\text{pH} = -\log [\text{H}^+] \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-3 / 7} = 10^{-4} \times 10^{0 / 3}$$

$$= 2 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+] = M \cdot \alpha \Rightarrow 2 \times 10^{-4} = M \times \frac{2 / 5}{100} \Rightarrow M = 0 / 0.0008 \text{ mol.L}^{-1}$$



$$? \text{mL HA} = 0 / 0.2 \text{ LBa(OH)}_2 \times \frac{0 / 1 \text{ mol Ba(OH)}_2}{1 \text{ L Ba(OH)}_2}$$

$$\times \frac{7 \text{ mol HA}}{1 \text{ mol Ba(OH)}_2} \times \frac{1 \text{ L HA}}{0 / 0.0008 \text{ mol HA}} \times \frac{1000 \text{ mL HA}}{1 \text{ L HA}} = 500 \text{ mL HA}$$

حال با توجه به چگالی محلول داریم:

$$500 \text{ mL HA} \times \frac{1 / 5 \text{ g HA}}{1 \text{ mL}} = 75 \text{ g HA}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره دهم)

۶ مهر

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخگویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

| مسئول آزمون | حمید لنجانزاده اصفهانی |
|------------------------|---|
| ویراستار | فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو |
| مدیر گروه مستندسازی | محیا اصغری |
| مسئول درس مستندسازی | علیرضا همایون خواه |
| طراحان | حمید اصفهانی، سپهر حسن خان پور، کیارش صانعی، نیلوفر امینی، عرشیا مرزبان، فاطمه راسخ، نیما امینی، هادی زمانیان، فرزاد شیرمحمدی، مریم عظیم پور، حمید گنجی |
| حروف چینی و صفحه آرایی | معصومه روحانیان |
| ناظر چاپ | حمید عباسی |



(نیلوفر امین)

متن در وصف «وسواس» حافظ است که به جای کمیت کار، به کیفیت کار می‌پردازد و برای آن نیز زحمت بسیار می‌کشد. دیگر گزینه‌ها نامربوط است.
(هوش‌کلامی)

(نیلوفر امین)

خرقه که لباس عارف‌هاست، از پشم است. شاعر در بیت نخست صورت سؤال می‌گوید «اگر(صرفاً) با پوشیدن خرقه، کسی درویش و عارف می‌شد، میش (گوسفند) رئیس عارف‌ها می‌بود». معروف کرخی هم صوفی و عارفی مشهور است. شاعر در بیت دوم صورت سؤال می‌گوید «اگر آن مرد معمولی که سرگردان است (به دلیل همین سرگردانی اش، خیال می‌کند که) مرد خداست، چرخ آسیا (که دائم می‌چرخد) در جایگاه معروف کرخی قرار دارد.»
بیت گزینه «۳» نیز در رد ظواهر است.

(هوش‌کلامی)

(سپهر عسن‌فان‌پور)

۲۵۷- گزینه «۲»
واژه‌های خواسته شده:
تجارب: آزموده‌ها (یک «» در گزینه اضافه است).
ناگزیر: ناچار / مضامین: مفهوم‌ها / آهنگین: موزون
(هوش‌کلامی)

(عرشیا مرزبان)

۲۵۸- گزینه «۴»
کوچک‌ترین مضرب مشترک اعداد ۴، ۳، ۵ و ۶۰ است:
 $3 \times 4 \times 5 = 60$
برای پیدا کردن عدد چهار رقمی مدنظر، ابتدا حدود آن را معلوم می‌کنیم:
 $10000 = 16 \times 60 + 40$
پس کوچک‌ترین مضرب چهار رقمی عدد ۶۰، عدد $(40+20)+(40+20)=1020+2=1022$ است، یعنی $1020 \times 7 = 7140$
مضرب ۷ است:
 $1022 = 7 \times 146$
(هوش‌ریاضی)

(کیارش صانع)

۲۵۹- گزینه «۲»
تعداد اعضای دسته‌ها، پنج تا پنج تا بیشتر می‌شود:
۱،۶،۱۱،۱۶،۲۱،۲۶،۳۱،...

عدد آخر هر دسته از الگوی زیر معلوم می‌شود:
 $1,1+6=7,1+6+11=18,\dots$
 $1+6+11+16=34,1+6+11+16+21=55$
پس عدد آخر دسته پنجم، عدد ۵۵ است.
به همین ترتیب، اعدادی پایانی دسته ششم و هفتم هم معلوم می‌شود:
 $55+26=81, 81+31=112$
دسته هفتم ۳۱ عضو دارد، پس برای رسیدن به عدد وسط آن، باید ۱۵ واحد به عقب برویم و به عدد $97-112=15$ برسیم.
حاصل جمع خواسته شده، $97+55=152$ است.
(هوش‌ریاضی)

استعدادات‌تحلیلی

«۲۵۱- گزینه «۳»

متن صورت سؤال بیان می‌کند دانشمندانی که پس از نیوتون می‌زیسته‌اند، از آنجا که قوانین نیوتون جامع و کامل بوده و هرچه را تا آن زمان در طبیعت دیده شده، توجیه می‌کرده است، دیگر کاری برای انجام دادن ندارند و بی‌انگیزه می‌شوند. پس احساس «زیان و افسوس» می‌کنند.
(همیر اصفهانی)
(هوش‌کلامی)

«۲۵۲- گزینه «۱»

نیوتون طبق متن، پس از آن که برای اوّلین بار به عنوان دانشجو وارد دانشگاه کیمبریج می‌شود، هجده ماه در آنجا می‌ماند و سپس در بیست و سه سالگی آن‌جا را ترک می‌کنند. بنابراین وی در حدود بیست‌ویک و ۱۶۴۲ بیست‌ودو سالگی وارد دانشگاه شده است. طبق متن، نیوتون در سال ۱۶۴۲+۲۱=۱۶۶۳ به دنیا آمده است، پس در حدود سال ۱۶۴۲+۲۱=۱۶۶۳ وارد دانشگاه شده است، نه زودتر. این یعنی گزینه «۱» مطابق متن نیست.
(هوش‌کلامی)

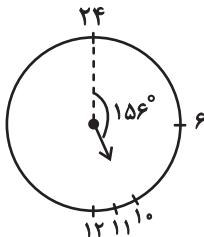
«۲۵۳- گزینه «۲»

به دو نکته دقیق کنید: متن می‌گوید با تلاش‌های نیوتون، ظاهرآ همه پدیده‌های طبیعی دیده شده تا آن زمان بر حسب یک نظریه کاملاً مکانیکی توضیح می‌گیرد. همچنین برای توصیف پاسخ لابلás به ناپلئون از واژه «فلسفه جبری» استفاده شده است. این‌ها یعنی اختیاری خارج از این جبر و مکانیک، دست‌اندر کار نیست. پاسخ لابلás، رد لزوم فرض چنین دخالتی است.

(هوش‌کلامی)

«۲۵۴- گزینه «۲»

متن از نظریه‌های نیوتون با ذکر این نکته تمجید می‌کند که «عمومیت» دارد: یعنی برای هر پدیده یک نظریه جدگانه نیست، نظریه‌ای است که همه پدیده‌های طبیعی را - تا زمان خودش - توجیه می‌کند. این، یعنی آن‌چه را مشترک است می‌بیند، در حالی که به نظر مشترک نمی‌رسد.
(هوش‌کلامی)



پس در ساعت $10:24'$ عقربه ساعت‌شمار به‌اندازه

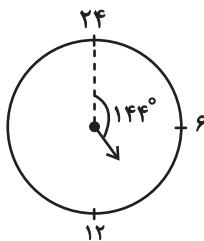
$$\text{همچنین عقربه دقیقه‌شمار در هر دقیقه } \frac{1}{4}^{\circ} = 156^{\circ}$$

همچنین عقربه دقیقه‌شمار در هر دقیقه $\frac{360}{6} = 60^{\circ}$ حرکت می‌کند.

پس در ساعت $10:24'$ ، عقربه دقیقه‌شمار $= 24 \times 6 = 144^{\circ}$ از ساعت

دور است.

پس فاصله خواسته شده، $(156 - 144)^{\circ} = 12^{\circ}$ است.

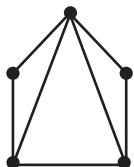


(هوش ریاضی)

(کلارشن صانعی)

«۲۶۳- گزینه»

می‌توان شکل زیر را رسم کرد:



که در مجموع حداقل هفت پاره خط رسم شده است.

همچنین می‌توانیم خیلی ساده‌تر، متوجه شویم هر پاره خط بین دو نقطه

$$\text{رسم می‌شود، پس در مجموع } \frac{2+2+3+3+4}{2} = 7 = \frac{14}{2} \text{ پاره خط در}$$

شکل رسم شده است

(هوش ریاضی)

(فاطمه راسخ)

«۲۶۰- گزینه»

در الگوی صورت سؤال، «جمع ارقام عدد سمت چپ»، در «سمت چپ عدد سمت راست» می‌آید و بسته به زوج یا فرد بودن عدد سمت چپ، عدد $«۰»$ یا $«۱»$ در یکان عدد سمت راست قرار می‌گیرد:

$$252: 2+5+2=9 \Rightarrow ۹\text{ زوج و}$$

$$387: 3+8+7=18 \Rightarrow ۱۸\text{ فرد و}$$

$$425: 4+2+5=11 \Rightarrow ۱۱\text{ فرد و}$$

$$386: 3+8+6=17 \Rightarrow ۱۷\text{ زوج و}$$

$$169: 1+6+9=16 \Rightarrow ۱۶\text{ فرد و}$$

$$328: 3+2+8=13 \Rightarrow ۱۳\text{ زوج و}$$

(هوش ریاضی)

«۲۶۱- گزینه»

(نیما امینی)

$$\frac{40L}{\frac{1}{2}L} = 80 \text{ km}$$

مسافتی که علی می‌تواند طی کند:

حال مسافت‌های کوچک‌تر و مساوی ۸۰ کیلومتر را بررسی می‌کنیم:

$$50+25=75 \quad \text{علی} \leftarrow \text{حامد} \leftarrow \text{رضا}$$

$$42+25=67 \quad \text{علی} \leftarrow \text{رضا} \leftarrow \text{حامد}$$

$$42+20=62 \quad \text{علی} \leftarrow \text{رضا} \leftarrow \text{امیر}$$

$$42+38=80 \quad \text{علی} \leftarrow \text{رضا} \leftarrow \text{نیما}$$

$$36+32=68 \quad \text{علی} \leftarrow \text{امیر} \leftarrow \text{حامد}$$

$$36+20=56 \quad \text{علی} \leftarrow \text{امیر} \leftarrow \text{رضا}$$

$$25+38=63 \quad \text{علی} \leftarrow \text{نیما} \leftarrow \text{رضا}$$

$$25+35=60 \quad \text{علی} \leftarrow \text{نیما} \leftarrow \text{آرش}$$

$$30+40=70 \quad \text{علی} \leftarrow \text{آرش} \leftarrow \text{حامد}$$

$$30+40=70 \quad \text{علی} \leftarrow \text{آرش} \leftarrow \text{رضا}$$

$$30+35=65 \quad \text{علی} \leftarrow \text{آرش} \leftarrow \text{نیما}$$

در مجموع ۱۱ طریق داریم.

(هوش ریاضی)

«۲۶۲- گزینه»

(کلارشن صانعی)

فاصله بین هر دو عدد روی ساعت خاص ما، $15^{\circ} = \frac{360}{24}$ است. پس

عقربه ساعت‌شمار در هر دقیقه، $\frac{1}{4}^{\circ} = \frac{15}{6}^{\circ}$ جابه‌جا می‌شود.



(فرزادر شیرمحمدی)

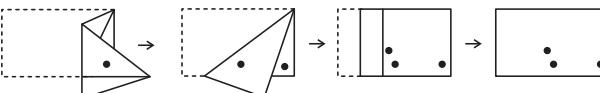
«۲۶۷- گزینه»

شکل صورت سؤال با 180° درجه دوران به شکل گزینه «۳» تبدیل می‌شود.
(هوش غیرکلامی)

(هاری زمانیان)

«۲۶۸- گزینه»

مراحل تا را پس از سوراخ، برعکس طی می‌کنیم:



(هوش غیرکلامی)

(دریم عظیم‌پور)

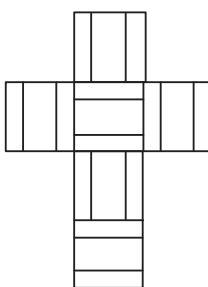
«۲۶۹- گزینه»

شکل گستردۀ صورت سؤال را می‌توان به شکل زیر ساده کرد. واضح است

وجه‌های هرگز در مکعب صورت سؤال حاصل نمی‌شود.



همچنانی هرگز دو وجه به شکل کنار هم قرار نمی‌گیرند.

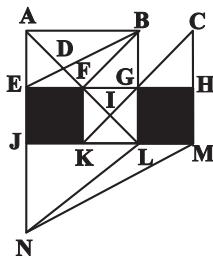


(هوش غیرکلامی)

(ممید‌کنی)

«۲۷۰- گزینه»

مثلث‌های متنظر:



ABD, ABF, ADE, DBF, FBG, FGI, KIL, AEB

(هوش غیرکلامی)

(ممید اصفهانی)

«۲۶۴- گزینه»

فرزندهای اول و هشتم پسرند، پس فرزندهای دوم و هفتم دخترند. حال اگر فرزند سوم نیز دختر باشد، دو فرزند پسر دیگر باید فرزندهای چهارم و ششم باشند. پس فرزند پنجم قطعاً دختر است، اما معلوم نیست منظر باشد یا نه.

| | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ |
| پ | ۵ | | | | ۵ | پ | |



| | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ |
| پ | ۵ | پ | ۵ | پ | ۵ | ۵ | پ |

(هوش ریاضی)

«۲۶۵- گزینه»

(ممید اصفهانی)

از نظر تفکیک جنسیتی، تنها سه حالت برای این سؤال ممکن است، که در هر سه حالت فرزند دوم دختر است. تنها در یکی از این حالت‌هاست که فرزند ششم نیز دختر است.

احتمال این که فرزند دوم زری باشد $\frac{1}{4}$ و احتمال این که فرزند ششم دختر باشد $\frac{1}{3}$ است، چرا که سه دختر باقی است:

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{36}$$

(هوش ریاضی)

«۲۶۶- گزینه»

(ممید کنی)

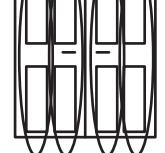
الگوی صورت سؤال، سه در دولنگه دارد که هر کدام چهار ستون با چهار طرح مختلف دارند. ستون اول رنگی، دوم هاشور کج، سوم نقطه و چهارم هاشور راست است. میزان رنگی بودن آن‌ها ربع ربع در حال تغییر است:

$$1: \frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \frac{3}{4}, \boxed{\frac{4}{4}}$$

$$2: \frac{3}{4}, \frac{2}{4}, \frac{1}{4}, \boxed{0}$$

$$3: 0, \frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \boxed{\frac{3}{4}}$$

$$4: \frac{4}{4}, \frac{3}{4}, \frac{2}{4}, \boxed{\frac{1}{4}}$$



(هوش غیرکلامی)

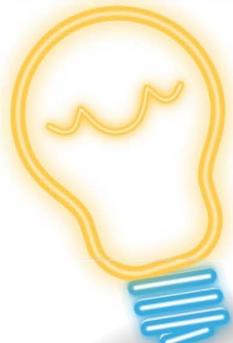
دانلود رایگان تمام آزمون های آزمایشی

در کانال تلگرام ما :



آزمایشی آزمون

t.me/Azmoonha_Azmayeshi



فرهنگ
محله آموزشی فرهنگی

حاج
سنت

سازمان آموزشی شهر



شریعت تاریخ خدمات آموزشی اداره کل
سازمان سنجش آموزش کسر



زبان‌آموز

خدماتی!
بزرگ

آزمون



کانون
فرهنگی
آموزش
علم چا



آزمودهای سوابق
کاح



join us ...