



تاریخ آزمون

جمعه ۱۴۰۳/۰۸/۰۴

# سوالات آزمون

## دفترچه شماره (۱)

### دوره دوم متوسطه

### پایه دوازدهم ریاضی

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۸۵ دقیقه	تعداد سؤال: ۵۵

عناوین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

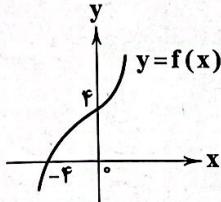
ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	وضعیت پاسخگویی	شماره سؤال از تا	مدت پاسخگویی
۱	حسابان ۲	۱۰	اجباری	۱	۸۵ دقیقه
	ریاضیات گستره	۱۰		۱۱	
	هندسه ۳	۱۰		۲۱	
	ریاضی ۱	۵		۳۱	
	حسابان ۱	۵		۳۶	
	هندسه ۱	۵		۴۱	
	آمار و احتمال	۱۰		۴۶	

## ریاضیات



## حسابان (۲)

- ۱ اگر نمودار تابع  $y=f(x)$  به صورت شکل زیر و  $h(x)=\begin{cases} 2x; f(-x) \geq 0 \\ 4; f(-x) < 0 \end{cases}$  و محور  $x$ ها در بازه  $5 < x < 0$  کدام است؟



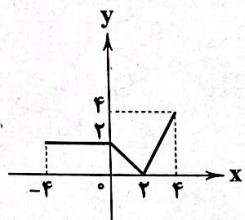
- ۲۰ (۱)  
۱۷ (۲)  
۱۵ (۳)  
۱۳ (۴)

- ۲ اگر دامنه و برد تابع  $-3 - 3f(x-1) - 2f(x-5) = y$  به ترتیب  $[5, 3] \cup [-1, 1]$  و  $[a, b]$  باشد، آنگاه  $g(x) = -3 - 3f(1-x) - 2f(3-x)$  بازه  $[a, b]$  را در بازه  $[-4, 4]$  بگیرد.

بیشترین مقدار  $b-a$  کدام است؟

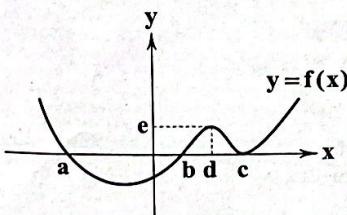
- ۶ (۴) ۸ (۳) ۱۰ (۲) ۱۲ (۱)

- ۳ نمودار تابع  $y=f(x)$  به صورت شکل زیر است. مساحت بین نمودار تابع  $|y-f(2-x)|$  و محور  $x$ ها در بازه  $[-4, 4]$  کدام است؟



- ۱۴ (۱)  
۱۰ (۲)  
۱۲ (۳)  
۱۱ (۴)

- ۴ اگر نمودار تابع  $y=f(x)$  به صورت شکل زیر بوده و مجموع ریشه‌های معادله  $f(x+3)=0$  برابر ۵ باشد، آنگاه  $a+b+c$  برابر است با:



- ۶ (۱)  
۵ (۲)  
۴ (۳)  
۳ (۴)

- ۵ اگر  $f(x)=2^{x+|x|}$ , آنگاه طول نقطه تلاقی نمودار تابع  $g(x)=f(x+3)-f(x+2)$  با محور  $x$ ها کدام است؟

- $-\frac{5}{2}$  (۴)  $-\frac{3}{2}$  (۳)  $\frac{5}{2}$  (۲)  $\frac{7}{2}$  (۱)

- ۶ اگر  $f$  تابعی اکیداً صعودی و  $g(x)=x^3-7x-5=0$  و مجموع جواب نامعادله  $(fog)(x-1)=0$  باشد، بیشترین مقدار  $b-a$  کدام است؟

- ۱۴ (۴) ۱۳ (۳) ۱۲ (۲) ۹ (۱)

- ۷ اگر تابع  $f(x)=(m-1)x^m+(n-2)x+m+n$  در  $\mathbb{R}$  صعودی و هم‌نژولی باشد، آنگاه تابع  $g(x)=(m+n)x+(m-n)+|(m-n)x-(m+n)|$  با افزایش  $x$ ها در  $\mathbb{R}$  چه وضعی دارد؟

- (۱) اکیداً صعودی (۲) ابتدا نژولی، سپس صعودی (۳) ابتدا صعودی، سپس نژولی (۴) ابتدا نژولی، سپس صعودی

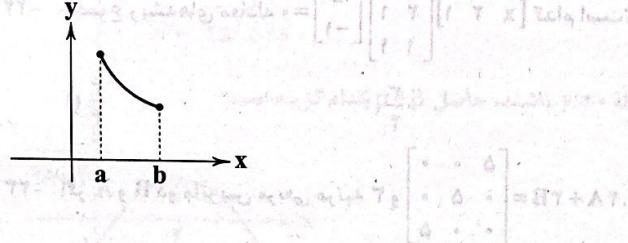
-۸ اگر  $f$  تابعی اکیداً صعودی با دامنه  $\mathbb{R}$  و  $f(f(x)) = x^3 - 2x - 2$  عدد صحیح که در نامعادله  $f(x) > f^{-1}(x)$  صدق می‌کند، کدام است؟

- ۱)  $f(x) = x^2 + 1$  ۲)  $f(x) = \sqrt{x}$  ۳)  $f(x) = x^3$  ۴)  $f(x) = x^2 - 1$

-۹ اگر  $f(x) = x + \sqrt{x} - 2$  و مجموعه جواب نامعادله  $f(\sqrt{x}) \leq a$  باشد، بیشترین مقدار  $a$  کدام است؟

- ۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

-۱۰ اگر نمودار تابع  $y = f(x)$  در بازه  $[a, b]$  به صورت شکل زیر باشد، آن‌گاه در مورد توابع  $x = f^3(x)$  و  $g(x) = f^{\frac{1}{3}}(x)$  کدام توصیف درست است؟



۱) هر دو نزولی

۲)  $g$  صعودی،  $h$  نزولی

۳) هر دو صعودی

۴)  $g$  نزولی،  $h$  صعودی

#### ریاضیات گستته

-۱۱ اگر  $a, b, c$  باشند، آن‌گاه کدام نتیجه‌گیری درست نیست؟

- ۱)  $a|c \Rightarrow a|bc$  ۲)  $b|c \Rightarrow b|b^3 - bc^2$  ۳)  $b|b+c \Rightarrow b|b+bc$

-۱۲ اگر رابطه  $(a^2, a^2 + b^2) - (5a, 5b) = 6$  برقرار باشد، حاصل  $(a, a+b)$  کدام است؟

- ۱) ۶ ۲) ۳ ۳) ۱۲۰ ۴) ۱۰۰

-۱۳ اگر  $d \in \mathbb{Z}$  باشد، حاصل جمع مقادیر قابل قبول برای  $b$  ممدوحد دو عدد  $10m-4$  و  $4m+6$  کدام است؟

- ۱) ۱۰ ۲) ۱۲۰ ۳) ۴۰ ۴) ۱۰۰

-۱۴ اگر  $a^3 + b^3 = 135$  باشد، کم‌ترین مقدار  $a+b$  کدام است؟

- ۱) ۱۱۳ ۲) ۱۱۵ ۳) ۸۳ ۴) ۹۳

-۱۵ عدد طبیعی  $a$  را برابر ۱۷ تقسیم کردایم، باقی‌مانده ۳ برابر جذر خارج قسمت شده است. جمع ارقام حداقل مقدار  $a$  کدام است؟

- ۱) ۱۰ ۲) ۱۱ ۳) ۸ ۴) ۶

-۱۶ چند مورد از گزاره‌های زیر، درست است؟

الف) اگر عدد فردی به فرم  $8k+1$  باشد، الزاماً مربيع کامل است.

ب) اگر عددی به فرم  $3k+2$  باشد، مربيع کامل نیست.

ج) تعداد مقسوم علیه‌های مثبت هر عدد مربيع کامل ممکن است فرد یا زوج باشد.

- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) صفر

-۱۷ اگر  $p$  یک عدد اول باشد، به طوری که  $p^3 + 11! = 1404p^2$ ، در این صورت چند جواب برای  $p$  یافت می‌شود؟

- ۱) ۳ ۲) ۶ ۳) ۴ ۴) ۵

-۱۸ عبارت  $n^3 - 5n + 7$  برای هر عدد طبیعی  $n$  همواره عددی ..... است.

- ۱) فرد ۲) زوج ۳) مضرب ۷ ۴) مضرب ۳

-۱۹ اگر  $\{3, 4, 5, 6, 7, 8\} = A$  و به ازای  $A = \{n\}$  عدد طبیعی فرد باشد. آن‌گاه چند عضو از مجموعه  $A$  برای  $n$  قابل قبول است؟

- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۶ ۴) ۴

-۲۰ همارزی  $(r \Rightarrow s) \wedge (s \Rightarrow t) \Leftrightarrow r \Rightarrow t$  کدامیک از روش‌های استدلال را توجیه می‌کند؟

- ۱) اثبات با درنظرگرفتن همه حالتها ۲) اثبات با درنظرگرفتن همه حالتها

- ۳) برهان خلف ۴) اثبات مستقیم

## هندسه (۳)

-۲۱ اگر  $A = [i^2 - j]_{3 \times 3}$  و  $B$  ماتریس اسکالر هم مرتبه با  $A$  بوده و حاصل جمع درایه‌های ماتریس  $AB$  برابر ۱۲ باشد، حاصل ضرب درایه‌های

غیر صفر ماتریس  $B$  کدام است؟

۱۲ (۴)

۱۴ (۳)

۱۲ (۲)

۱۶ (۱)

$$-۲۲ \text{ مجموع ریشه‌های معادله } x^2 - 1 = 0 \text{ کدام است?}$$

-۵/۳ (۴)

-۴/۳ (۳)

-۳/۴ (۲)

۳/۴ (۱)

$$-۲۳ \text{ اگر } A \text{ و } B \text{ دو ماتریس مربعی مرتبه ۳ و } 2A + 3B = \begin{bmatrix} 5 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}, \text{ حاصل ماتریس } 4A^2 + 6AB + 15B \text{ کدام است?}$$

۲۵I (۳)

۱۰I (۲)

۵I (۱)

$$-۲۴ \text{ اگر } B = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 2 & b \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} a & 1 \\ -2b & 2 \end{bmatrix} \text{ و برای ماتریس‌های } A \text{ و } B \text{ داشته باشیم } B = -(A+B)^2 + B^2 = -2AB, \text{ مقدار } a+b \text{ کدام است?}$$

۲ (۴)

صفر (۳)

-۱ (۲)

۱ (۱)

$$-۲۵ \text{ اگر } B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \\ -1 & 2 & 0 \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 2m \\ 2 & 1 & 3m \end{bmatrix} \text{ و درایه واقع در سطر اول و ستون سوم ماتریس } A^2B \text{ برابر عدد } -3 \text{ باشد، برای } m \text{ چند}$$

مقدار حقیقی وجود دارد؟

۴) بی شمار

۳) صفر

۲ (۲)

۱ (۱)

$$-۲۶ \text{ اگر } A, B, C \text{ و } D \text{ سه ماتریس مربعی مرتبه ۲ و } AB = \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix}, AC = \begin{bmatrix} 0 & 1+\tan^2 \alpha \\ \cos^2 \alpha & 0 \end{bmatrix} \text{ و } BC = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \\ -1 & 2 & 0 \end{bmatrix}, \text{ مجموع درایه‌های ماتریس } C \text{ کدام است؟}$$

-۱۶ (۳)

۱۲ (۲)

۸ (۱)

$$-۲۷ \text{ اگر } A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \text{ و } B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}, \text{ مجموع درایه‌های ماتریس } A^{20} \times B^{15} \text{ کدام می‌باشد؟}$$

-۳ (۴)

۱ (۳)

-۱ (۲)

-۲ (۱)

$$-۲۸ \text{ اگر } D = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}, 2B + 3A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}, 2A^{-1} + 3B^{-1} = D \text{ کدام است؟}$$

۱/۲ AB (۴)

2 AB (۳)

۱/۳ AB (۲)

4 AB (۱)

-۲۹ اگر  $A$  ماتریس وارون پذیر و  $\bar{O} = (A+I)^{-1}$ ، حاصل  $I + A^{-1} + \bar{O}$  کدام است؟

-(A+I)(A+2I) (۴)

(A-I)(A+2I) (۳)

(A+I)(A+3I) (۲)

-(A+2I)(A-I) (۱)

$$-۳۰ \text{ اگر } B^{-1} A^{-1} + 2I = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \text{ و } B^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}, \text{ حاصل ضرب درایه‌های قطر اصلی } A^{-1} + B^{-1} \text{ کدام است؟}$$

۴۵ (۴)

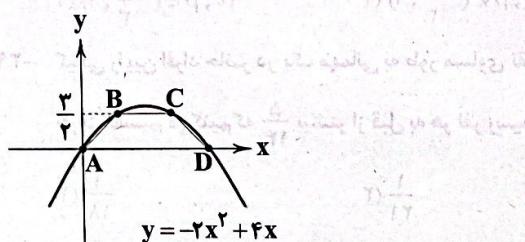
۲۰ (۳)

۳۵ (۲)

۳۰ (۱)

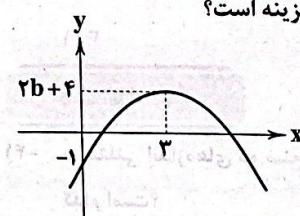
## ریاضی (۱)

-۳۱ با توجه به شکل زیر، مساحت ذوزنقه ABCD چند برابر  $\frac{1}{\rho}$  است؟



- ۶ (۳)  
۷ (۴)

-۳۲ شکل زیر نمودار  $y = -x^2 + ax - 1$  است. اگر  $\alpha$  و  $\beta$  ریشه‌های معادله  $y = 0$  باشند، حاصل  $\alpha + \beta$  کدام گزینه است؟



- ۲۱ (۱)  
۶ (۲)  
 $2\sqrt{10}$  (۳)  
-۶ (۴)

-۳۳ اگر  $a$  و  $b$  جواب‌های معادله  $x^3 + 6x + b = 0$  باشند، حاصل  $a \times b$  کدام است؟ ( $b \neq 0$ )

- ۴ (۴)  
۴ (۳)  
-۲ (۲)  
۲ (۱)

$$(a^3 \neq b^3) \text{ کدام است؟ } \frac{a^3 + b^3 - ab}{a-b} x^2 + \frac{2a^3}{a^3 - b^3} x + \frac{a^3 + b^3 + ab}{a+b} = 0$$

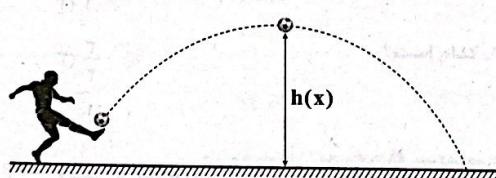
-۳۴ یکی از جواب‌های معادله  $\frac{a^3 + b^3}{a^3 - b^3}$  است.

$$\frac{a^3 - b^3}{a^3 + b^3} (۴) \quad -\frac{a^3 - b^3}{a^3 + b^3} (۳) \quad \frac{a^3 + b^3}{a^3 - b^3} (۲) \quad -\frac{a^3 + b^3}{a^3 - b^3} (۱)$$

-۳۵ اگر کمترین مقدار یک سهمی برابر ۹ و سهمی از نقاط (۰, ۰) و (۳, ۴) بگذرد، محور تقارن سهمی کدام می‌تواند باشد؟

- $x = \frac{9}{4}$  (۴)  $x = -\frac{4}{9}$  (۳)  $x = \frac{4}{9}$  (۲)  $x = 4$  (۱)

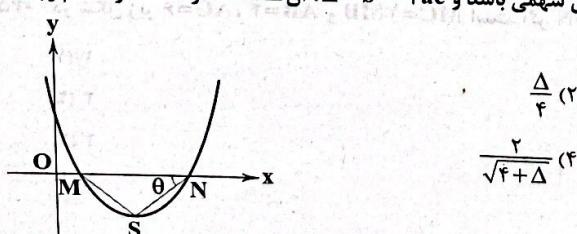
## حسابان (۱)



-۳۶ یک توپ فوتبال بر اثر ضربه طبق شکل مقابله حرکت می‌کند تا دوباره به زمین بخورد. در هر لحظه ارتفاع توپ از سطح زمین با رابطه  $h(x) = -0.03x(x - 3)$  مدل‌سازی می‌شود. (x فاصله افقی توپ از نقطه اولیه و پر حسب متر است). فاصله افقی بین دو موقعیت مکانی که ارتفاع توپ در نیمی از ارتفاع حداقل است، برابر کدام است؟

- $9\sqrt{2}$  (۴)  $9(3)$  (۳)  $18\sqrt{2}$  (۲)

-۳۷ تابع  $f(x) = ax^2 + bx + c$  مطابق شکل زیر رسم شده است. اگر S رأس سهمی باشد و  $\Delta = b^2 - 4ac$  از کدام رابطه محاسبه می‌شود؟



- $\frac{4}{4+\Delta}$  (۱)  
 $\frac{\sqrt{\Delta}}{2}$  (۳)

- ۳۸ - اگر  $\beta$  و  $\alpha$  ریشه‌های معادله  $ax^2 + bx + c = 0$  باشند و اعداد حقیقی  $a + 2b + 3c$  هم علامت باشند، کدام گزینه درست است؟

$$\alpha, \beta \notin \left(-\frac{1}{3}, 1\right) \quad (4)$$

$$\alpha, \beta \in \left(\frac{1}{3}, 1\right) \quad (3)$$

$$\alpha, \beta \notin \left(-\frac{1}{3}, 1\right) \quad (2)$$

$$\alpha, \beta \in \left(-\frac{1}{3}, 1\right) \quad (1)$$

- ۳۹ - کیکی را بین افراد حاضر در یک مهمانی به طور مساوی تقسیم می‌کنیم. سپس ۵ نفر این مهمانی را ترک می‌کنند و دوباره کیکی به همان اندازه قبل بین

نفرات تقسیم می‌کنند که  $\frac{5}{14}$  بیشتر از قبل به هر نفر رسید. اگر یکیک را بین نفرات اولیه تقسیم می‌کردیم، به هر یک شهی از یکی می‌رسید؟

$$\frac{1}{30} \quad (4)$$

$$\frac{1}{28} \quad (3)$$

$$\frac{1}{21} \quad (2)$$

$$\frac{1}{18} \quad (1)$$

- ۴۰ - اگر مجموعه جواب نامعادله  $x + \sqrt{2x-5} + \sqrt{x-k} \leq 23$  باشد، مقدار  $k$  کدام است؟ ([علامت جزء صحیح است])

$$4) صفر$$

$$1) 3$$

$$2) 2$$

$$3) 1$$

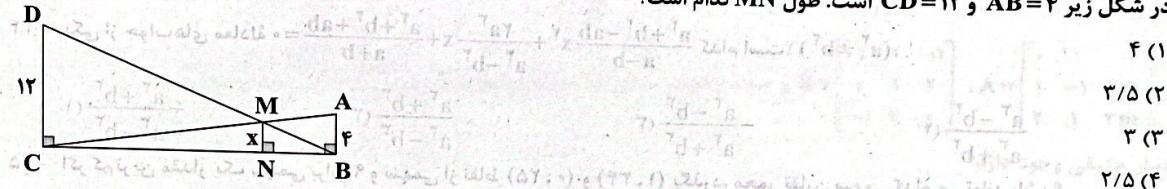
### هندسه (۱)

- ۴۱ - در مثلثی اندازه‌های دو ضلع ۱۲ و ۸ واحد است. مجموع ارتفاع‌های وارد بر این دو ضلع، برابر ارتفاع وارد بر ضلع سوم است. اندازه ضلع سوم

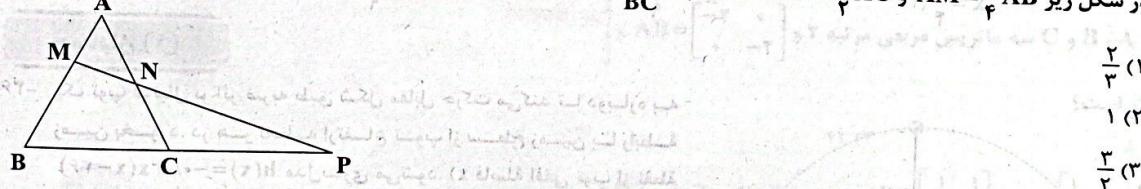
کدام است؟

$$5) 15 \quad (4) \quad 5) 12 \quad (3) \quad 5) 2 \quad (2) \quad 5) 8 \quad (1)$$

- ۴۲ - در شکل زیر  $CD = 12$  و  $AB = 4$  است. طول  $MN$  کدام است؟



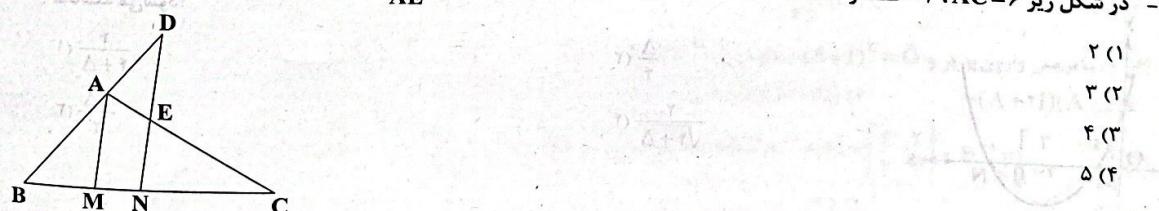
- ۴۳ - در شکل زیر  $CP = 4$  و  $AM = \frac{1}{3}AC$  و  $AN = \frac{1}{4}AB$  است. نسبت  $\frac{CP}{BC}$  کدام است؟



- ۴۴ - مثلثی با اضلاع  $x, y, z$  با مثلثی به اضلاع ۹، ۱۲، ۹ متشابه و غیرهمنهشت است. بیشترین محیط ممکن برای مثلث اول کدام است؟

$$29) 75 \quad (4) \quad 28) 75 \quad (3) \quad 29) 25 \quad (2) \quad 28) 25 \quad (1)$$

- ۴۵ - در شکل زیر  $AM \parallel DN$  و  $AB = 4$ ،  $AC = 6$ ،  $MC = 3MB$  است. اگر  $\frac{AD}{AE}$  کدام است؟



## آمار و احتمال

- ۴۶- اگر ۴ عضو از مجموعه A را حذف کنیم، تعداد زیرمجموعه های آن ۶۰ تا کمتر می شود. اگر به مجموعه A، ۲ عضو جدید اضافه کنیم، مجموعه جدید چه تعداد زیرمجموعه بیشتر از A خواهد داشت؟

۱۹۲ (۴)

۱۸۶ (۳)

۱۸۲ (۲)

۱۷۶ (۱)

- ۴۷- اگر  $A = \{x, x, \{x+y\}\}$  و  $B = \{5, z-1, \{z+x\}\} \subseteq A'$  در رابطه های  $A \subseteq B$  و  $x+y+z$  کدام است؟

۱۰ (۴)

۹/۵ (۳)

۹ (۲)

۸/۵ (۱)

- ۴۸- مجموعه  $\{A = \{1, 2, 3, \dots, 8\}, \text{چند زیرمجموعه } 3 \text{ عضوی دارد که هیچ کدام از عضوهای آن دو عدد متولی نباشند؟}$

۲۶ (۴)

۲۵ (۳)

۲۴ (۲)

۲۰ (۱)

- ۴۹- اگر  $U = \{1, 2, 3, \dots, 1403\}$  مجموعه مرجع باشد و  $A' = \{2, 129, 1001, 1402\}$  و  $B$  مجموعه دلخواه باشد، چند مجموعه غیرتہی مانند C می توان تعریف کرد که  $A - (B - C) = (A - B) - C = (A - B) - C$  باشد؟

۱۲۷ (۴)

۶۳ (۳)

۳۱ (۲)

۱۵ (۱)

- ۵۰- اگر  $\{1, 2, 3, 4, 5\} = U$  باشد، به چند طریق می توان سه مجموعه A، B و C را تعریف کرد، به طوری که رابطه  $(A - B) \times (A \cap B) \cup (B - C) = (A \cap C) \cup B'$  برقرار باشد؟

۸۱ (۴)

۶۴ (۳)

۴۵ (۲)

۳۲ (۱)

- ۵۱- کدام است؟  $[(A \cap B) - A] \cup [(A \cup B) - B]$

 $A \cap B$  (۲) $\emptyset$  (۱)

- ۵۲- اگر A مجموعه اعداد طبیعی فرد یک رقمی و B مجموعه اعداد اول تک رقمی باشد، کدام یک از زوج مرتب های زیر در  $(A - B) \times (A \cap B)$  دارد؟

(۹, ۱) (۴)

(۹, ۳) (۳)

(۹, ۷) (۲)

وجود ندارد؟

(۱, ۷) (۱)

- ۵۳- اگر  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  و  $B = \{2, 5\}$  مجموعه  $(A - B) \times (B - A)$  دارای ۱۲ عضو باشد، مجموعه B چند زیرمجموعه

۲۱ (۴)

۱۵ (۳)

۱۰ (۲)

۲ عضوی دارد؟

۶ (۱)

- ۵۴- اگر  $B = \{x \mid |2x-1| < 3\}$  باشد، سطح محصور  $A \times B$  کدام است؟

۲۴ (۴)

۲۰ (۳)

۱۸ (۲)

۱۶ (۱)

- ۵۵- اگر مجموعه A دارای ۱۷ عضو و مجموعه  $B^2 - A^2$  دارای ۱۶۸ عضو باشد، آن گاه مجموعه  $B - A$  چند عضو دارد؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)



## تاریخ آزمون

۱۴۰۳/۰۸/۰۴ جمعه

# سوالات آزمون

## دفترچه شماره (۲)

### دوره دوم متوسطه

### پایه دوازدهم ریاضی

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوال:	مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		وضعیت پاسخگویی	مدت پاسخگویی	
			تا	از			
۱	فیزیک ۳	۲۵			اجباری	۴۵ دقیقه	
	فیزیک ۱	۱۰			زوج کتاب		
	فیزیک ۲	۱۰					
۲	شیمی ۳	۱۵			اجباری	۲۵ دقیقه	
	شیمی ۱	۱۰			زوج کتاب		
	شیمی ۲	۱۰					

## فیزیک



۵۶- راننده اتومبیلی به کمک دستگاه کنترل سرعت (کروز کنترل) بزرگی سرعت را در یک وضعیت ثابت تنظیم نموده و با حداکثر سرعت

تعريفشده در حال رانندگی است. کدام گزینه در مورد شتاب حرکت اتومبیل مطلقاً صحیح است؟

(۱) اتومبیل با شتاب ثابت در حال حرکت است.

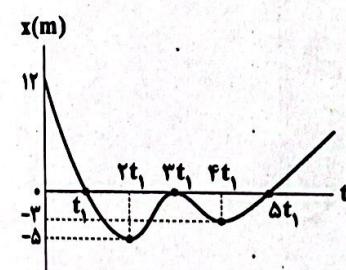
(۲) چون بزرگی سرعت، ثابت است، بنابراین حرکت اتومبیل بدون شتاب و یکنواخت است.

(۳) اتومبیل با شتاب متغیر در حال حرکت است.

(۴) در مورد نوع حرکت اتومبیل به صورت قطعی نمی‌توان اظهارنظر کرد.

۵۷- نمودار مکان-زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در  $5t_1$  ثانیه اول حرکت، طولانی‌ترین مدت زمانی که

تندی متوسط و سرعت متوسط متحرک هماندازه هستند، برابر ۶s است. تندی متوسط متحرک در  $3t_1$  ثانیه اول حرکت چند متر بر ثانیه است؟

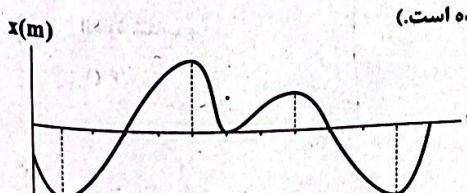


- ۲۲ (۱)  
۲۲ (۲)  
۶ (۳)  
۴ (۴)

۵۸- متحرکی در لحظه  $t_1$  از مکان  $x_1 = -10\text{m}$  روی خط راست در جهت مثبت محور  $x$  شروع به حرکت می‌کند و در لحظه  $t_2$  به مکان  $x_2 = 20\text{m}$  می‌رسد. اگر در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  متحرک تنها یکبار تغییر جهت داده باشد و مسافت طی شده توسط آن  $4/8$  برابر بزرگی جایی آن باشد، فاصله متحرک در نقطه تغییر جهت از مکان انتهای حرکت چند برابر این فاصله از نقطه شروع حرکت است؟

- ۴/۸ (۱) ۱/۵۲ (۲) ۲/۹ (۳) ۱۹/۲۹ (۴)

۵۹- نمودار مکان-زمان متحرکی که در مسیر مستقیم جایه جا می‌شود، مطابق شکل زیر است. در این حرکت به ترتیب از راست به چپ، چند بار جهت بردار مکان تغییر می‌کند و مدت زمانی که متحرک در جهت محور  $x$  ها حرکت کرده چند برابر مدت زمانی است که متحرک در خلاف جهت محور  $x$  ها حرکت کرده است؟ (محور زمان به واحدهای  $t$  ثانیه درج بندی شده است).



- ۱/۴-۲ (۱)  
۱/۴-۴ (۲)  
۲-۲ (۳)  
۲-۴ (۴)

- ۶۰- شکل زیر، نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که در مسیر مستقیم در حال حرکت است. اگر تندی متوسط متحرک از لحظه شروع

حرکت تا پیش از لحظه  $t$  برابر  $\frac{m}{s} 1/5$  و تندی متوسط متحرک از لحظه  $t = 365$  تا لحظه  $t$  باشد، سرعت متحرک در لحظه

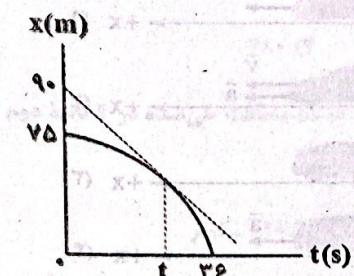
$t$  چند متر بر ثانیه است؟

$$1) \frac{51}{26}$$

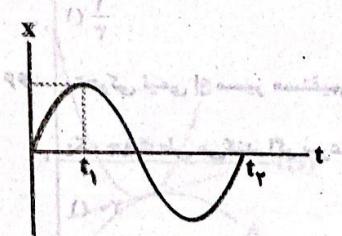
$$2) \frac{51}{26}$$

$$3) -0/5$$

$$4) 0/5$$



- ۶۱- نمودار مکان - زمان حرکت متحرکی، مطابق شکل زیر است. چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد حرکت این متحرک در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  نادرست است؟



الف) تندی متوسط متحرک با اندازه سرعت متوسط آن برابر است.

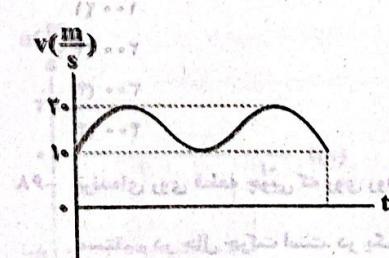
ب) بردار سرعت متوسط این متحرک در جهت محور  $x$ ها است.

ج) بردار شتاب متوسط این متحرک در خلاف جهت محور  $x$ ها است.

د) در لحظه‌ای که متحرک متوقف می‌شود، شتاب آن برابر صفر است.

$$1) 1 \quad 2) 2 \quad 3) 3 \quad 4) 4$$

- ۶۲- نمودار سرعت - زمان متحرکی که در مسیر مستقیم جایه‌جا می‌شود، نموداری سینوسی به صورت شکل زیر است. اگر بزرگی سرعت متوسط و تندی متوسط را در کل زمان حرکت با  $v_{av}$  و  $s_{av}$  نشان دهیم، کدام گزینه صحیح است؟



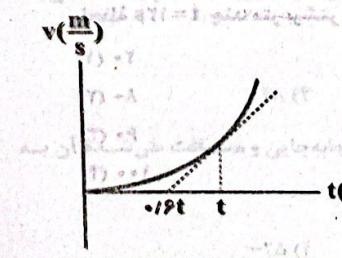
$$1) v_{av} = s_{av} > 20 \frac{m}{s}$$

$$2) v_{av} > 10 \frac{m}{s}, v_{av} < s_{av}$$

$$3) 10 \frac{m}{s} < v_{av} < s_{av} < 20 \frac{m}{s}$$

$$4) 10 \frac{m}{s} < v_{av} = s_{av} < 20 \frac{m}{s}$$

- ۶۳- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی خط راست در حال حرکت است، مطابق شکل زیر است. اندازه شتاب متحرک در لحظه  $t$  چند برابر



اندازه شتاب متوسط آن در  $t$  از ابتدای حرکت است؟

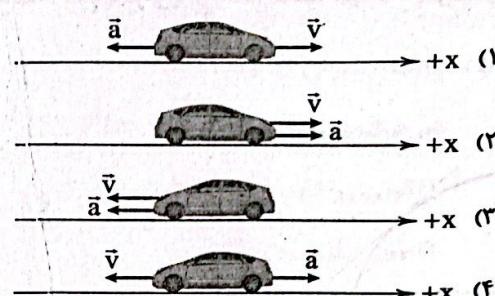
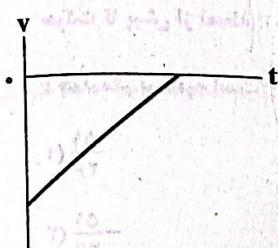
$$1) 0/6$$

$$2) 0/4$$

$$3) 2/5$$

$$4) \frac{5}{3}$$

۶۴- نمودار سرعت-زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. نمودار نشان داده شده حرکت کدام متحرک را توصیف می‌کند؟



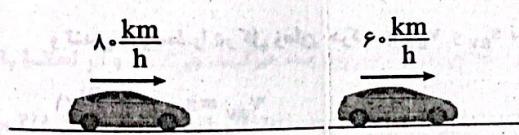
۶۵- قطاری به طول  $600\text{m}$  از روی پلی به طول  $1000\text{m}$  با سرعت ثابت  $100\text{m/s}$  در حال عبور است. مدت زمانی که قطار به طور کامل روی پل قرار دارد، چند برابر مدت زمانی است که به طور کامل روی پل قرار ندارد؟

$$\frac{1}{4} \quad (1) \quad \frac{1}{3} \quad (2) \quad \frac{1}{2} \quad (3) \quad \frac{1}{3} \quad (4)$$

۶۶- متحرکی نیمی از مسیز مستقیم بین دو نقطه را با سرعت ثابت  $20\text{ m/s}$  و نیمی دیگر را طی دو بازه زمانی مساوی با سرعت‌های  $7$  و  $57$  در یک جهت طی می‌کند. اگر سرعت متوسط متحرک در کل مسیر  $\frac{32}{3}\text{ m/s}$  باشد، اندازه سرعت  $7$  چند متر بر ثانیه است؟

$$\frac{40}{3} \quad (1) \quad 30 \quad (2) \quad \frac{80}{3} \quad (3) \quad 20 \quad (4)$$

۶۷- مطابق شکل زیر، دو اتومبیل در فاصله  $100\text{ km}$  یکدیگر قرار دارند و در یک جهت در مسیر مستقیم به ترتیب با تندی‌های ثابت  $80\text{ km/h}$  و  $40\text{ km/h}$  حرکت می‌کنند. پس از  $15\text{ h}$  فاصله دو اتومبیل از هم چند کیلومتر خواهد بود؟

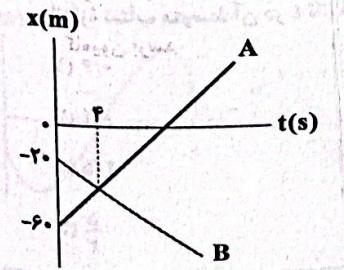


$$100 \quad (1) \\ 200 \quad (2) \\ 300 \quad (3) \\ 400 \quad (4)$$

۶۸- پرنده‌ای روی قطعه چوبی که روی رودخانه‌ای شناور است، نشسته است. آب رودخانه با تندی ثابت  $\frac{12}{6}\text{ km/h}$  به صورت افقی و در مسیر مستقیم در حال حرکت است. در یک لحظه پرنده با سرعت  $20\text{ m/s}$  از روی قطعه چوب برخلاف جهت آب پرواز کرده و با همین سرعت به محل اولیه خود باز می‌گردد. اگر مدت زمان رفت و برگشت پرنده  $15\text{ s}$  طول کشیده باشد، سرعت متوسط پرنده چند متر بر ثانیه بوده است؟

$$16/5 \quad (1) \quad 23/5 \quad (2) \quad 3/5 \quad (3) \quad 20 \quad (4)$$

۶۹- نمودار مکان-زمان دو متحرک A و B که بر روی محور Xها حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. فاصله این دو متحرک از یکدیگر در لحظه  $t=12\text{ s}$  چند متر بیشتر از فاصله آن‌ها از یکدیگر در لحظه  $t_1=6\text{ s}$  است؟



$$20 \quad (1) \\ 80 \quad (2) \\ 60 \quad (3) \\ 100 \quad (4)$$

محل انجام محاسبات

- ۷۰ - در مبدأ زمان متحرک A با سرعت اولیه  $20 \frac{m}{s}$  و شتاب  $\frac{m}{s^2} 5$  و متحرک B با سرعت ثابت  $x = 10m$  عبور می‌کنند.

بیشترین فاصله دو متحرک از یکدیگر قبل از این‌که به هم برسند، چند متر خواهد بود؟

۴۸۰ (۱)

۲۴۰ (۳)

۱۶۰ (۲)

۳۲۰ (۱)

- ۷۱ - معادله مکان-زمان متحرکی که بر روی محور Xها حرکت می‌کند در SI به صورت  $x = 4t^2 - 16t + 8$  است. مسافت طی شده در ۴ ثانیه دوم حرکت سانچی متراز مسافت طی شده در ۴ ثانیه اول حرکت است.

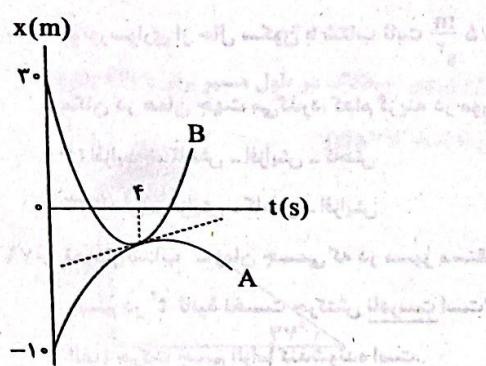
۱۲۸ (۴)

۹۶ (۳) - بیشتر

۹۶ - کمتر (۲)

۱۲۸ (۱) - بیشتر

- ۷۲ - دو متحرک A و B با شتابی ثابت که بزرگی شتاب آن‌ها با هم برابر است، در مسیر مستقیم حرکت می‌کنند و نمودار مکان-زمان حرکت آن‌ها مطابق شکل زیر است. بزرگی شتاب حرکت آن‌ها چند واحد SI است؟



۱/۲۵ (۱)

۵ (۲)

۲/۵ (۳)

۶/۲۵ (۴)

- ۷۳ - نمودار شتاب-زمان متحرکی که در مسیر مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر سرعت اولیه این متحرک برابر  $20 \frac{m}{s}$  باشد،

سرعت متوسط متحرک در ۱۰ ثانیه اول حرکتشن چند متر بر ثانیه بوده است؟

-۲۱/۶ (۱)

۱۲ (۲)

-۱۲ (۳)

۲۱/۶ (۴)

- ۷۴ - در یک مسیر مستقیم، کامیونی از حال سکون با شتاب ثابت  $\frac{m}{s^2} 2$  از یک مکان معین شروع به حرکت می‌کند. ۶ ثانیه بعد، اتومبیل با

سرعت ثابت و در همان جهت و از همان مکان عبور کرده و به دنبال کامیون حرکت می‌کند. اگر اتومبیل تنها در یک لحظه و یک مکان به

کامیون برسد، اندازه سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟

۴۸ (۴)

۱۲ (۳)

۲۴ (۲)

(۱) صفر

- ۷۵ - متحرکی با شتاب ثابت در مبدأ زمان در جهت منانی، محور Xها از مبدأ عبور کرده و پس از ۶s، جایه جایی و مسافت طی شده آن به

ترتیب  $30m$  و  $50m$  می‌شود. سرعت اولیه حرکت این متحرک چند واحد SI است؟

-۲۵ (۴)

-۱۰ (۳)

-۴۰ (۲)

-۲۰ (۱)

۷۶- دوچرخه‌سواری در مدت زمان ۱ دقیقه و ۲۰ ثانیه جایه‌جایی‌های  $30\text{m}$ ,  $15\text{m}$ ,  $15\text{m}$  و  $20\text{m}$  را انجام می‌دهد. کمترین مقداری که به سرعت متوسط این دوچرخه‌سوار در کل زمان حرکت می‌توان نسبت داد، برابر با چند متر بر ثانیه است؟

(۴)  $\frac{5}{16}$

(۳) صفر

(۲)  $\frac{1}{16}$

(۱)  $\frac{7}{16}$

۷۷- مسافری هنگام عبور از تونل پایانه پروازهای خروجی فرودگاه بین‌المللی امام خمینی از پیاده‌روی متحرک استفاده می‌کند و کل مسیر را در مدت زمان ۲ دقیقه طی می‌کند. اگر پیاده‌روی متحرک خاموش باشد، شخص همان مسافت را در مدت زمان ۶ دقیقه طی می‌کند. در صورتی که روی پیاده‌روی متحرک راه برود، چند ثانیه طول می‌کشد تا به انتهای مسیر برسد؟ (شخص ابتدا روی پیاده‌روی متحرک ایستاده است و حرکت پیاده‌روی متحرک و مسافر را یکنواخت در نظر بگیرید).

(۴) ۴۵

(۳) ۳۶۰

(۲) ۹۰

(۱) ۱۲۰

۷۸- موتورسواری از حال سکون با شتاب ثابت  $\frac{1}{5}\text{ m/s}^2$  روی مسیر مسکته به راه می‌افتد و ۱ ثانية بعد خودرویی با سرعت ثابت  $\frac{12}{5}\text{ m/s}$  از همان

مکان در همان جهت می‌گذرد. کدام گزینه در مورد فاصله خودرو و موتورسوار صحیح است؟

(۲) کاهش - افزایش - کاهش

(۱) افزایش - کاهش - افزایش

(۴) افزایش - کاهش - افزایش

(۳) کاهش - افزایش - کاهش

۷۹- نمودار شتاب - زمان جسمی که در مسیر مستقیم جایه‌جا می‌شود، مطابق شکل زیر است. چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد حرکت این جسم در  $t'$  ثانیه نخست حرکتش نادرست است؟

(الف) حرکت جسم الزاماً کندشونده است.

(ب) حرکت جسم الزاماً تندشونده است.

(ج) حرکت جسم می‌تواند فقط کندشونده باشد.

(د) حرکت جسم می‌تواند ابتدا کندشونده و سپس تندشونده باشد.

(ه) حرکت جسم الزاماً ابتدا کندشونده و سپس تندشونده است.

(و) حرکت جسم می‌تواند ابتدا تندشونده و سپس کندشونده باشد.

(ز) حرکت جسم می‌تواند پیوسته تندشونده باشد، ولی این آنکه افزایش و درست ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

(۴) ۱

(۳) ۴

(۲) ۳

(۱) ۲

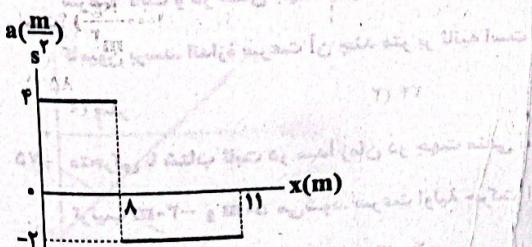
۸۰- نمودار شتاب بر حسب مکان متحرکی که در مسیر مستقیم جایه‌جا می‌شود، مطابق شکل زیر است. اگر متحرک در مبدأ زمان از فاصله  $6\text{ m}$  متوقف مبدأ در سمت مثبت از حال سکون آغاز به حرکت کرده باشد، شتاب متوسط متحرک در کل مسیر حرکتش چند واحد SI است؟

(۱) ۲

(۲) ۱

(۳)  $\frac{2}{3}$

(۴)  $\frac{2}{11}$



توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (فیزیک ۱)، شماره ۸۱ تا ۹۰ و زوج درس ۲ (فیزیک ۲)، شماره ۹۱ تا ۱۰۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## فیزیک ۱ (سوالات ۸۱ تا ۹۰)

- ۸۱ دو گلوله هم حجم A و B که چگالی گلوله A ۳ برابر چگالی گلوله B است، با تندی  $v_A$  و  $v_B$  در حال حرکت هستند. اگر انرژی جنبشی گلوله A، ۱۲ برابر انرژی جنبشی گلوله B باشد، نسبت  $v_A$  به  $v_B$  در کدام گزینه به درستی آمده است؟

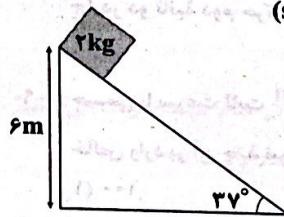
$$\frac{1}{4} \quad \frac{2}{3} \quad \frac{4}{2} \quad \frac{1}{4}$$

- ۸۲ گلوله‌ای به جرم  $2\text{ kg}$  با سرعت اولیه  $\frac{m}{s} 20$  تحت زاویه  $0^\circ$  رو به بالا پرتاب می‌شود. این گلوله با تندی  $\frac{m}{s} 10$  از نقطه اوج (حداکثر ارتفاعی که گلوله از سطح زمین بالا می‌رود) می‌گذرد. کار برایند نیروهای وارد بر گلوله از لحظه پرتاب تا زمان رسیدن به نقطه اوج چند ژول می‌شود؟

$$-300 \quad +300 \quad 400 \quad -400$$

- ۸۳ مطابق شکل زیر، جسم از بالاترین نقطه سطح شبیه دار بدون سرعت اولیه رها می‌شود. اگر اندازه نیروی اصطکاک در طول مسیر برابر با  $4\text{ N}$  باشد،

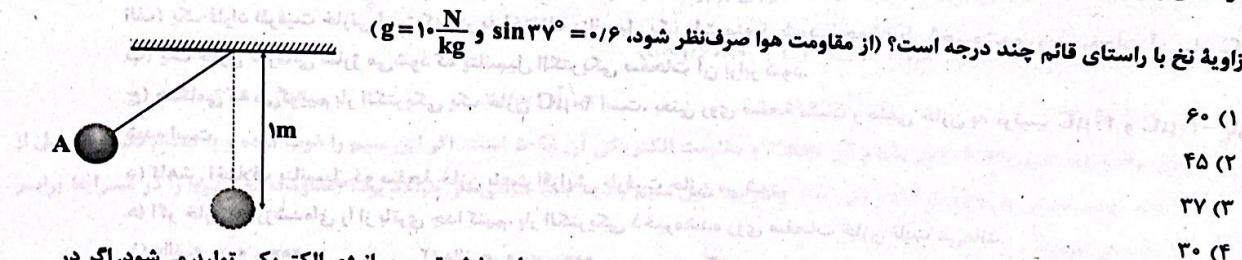
$$\text{اندازه سرعت جسم در لحظه رسیدن به پایین سطح چند متر بر ثانیه خواهد شد? } (\sin 37^\circ = 0.6, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$



$$\begin{array}{l} 4\sqrt{5} \\ 4\sqrt{10} \\ 2\sqrt{5} \\ 2\sqrt{10} \end{array}$$

- ۸۴ در شکل زیر، گلوله آونگی از نقطه A رها می‌شود و با تندی  $v$  از پایین ترین نقطه مسیر می‌گذرد. هنگامی که تندی گلوله به  $\frac{v}{3}$  می‌رسد،

$$\text{زاویه نح با راستای قائم چند درجه است؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود, } (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \sin 37^\circ = 0.6)$$



$$\begin{array}{l} 60 \\ 45 \\ 37 \\ 30 \end{array}$$

- ۸۵ آب پشت سد یک نیروگاه برق آبی از ارتفاع  $1000\text{ m}$  روی پرده‌های توربینی می‌ریزد و با چرخش توربین، انرژی الکتریکی تولید می‌شود. اگر در هر دقیقه  $15000\text{ m}^3$  آب روی پرده‌های توربین بریزد و توان الکتریکی خروجی توربین برابر  $200\text{ MW}$  باشد، بازده توربین چند درصد

$$\text{است? } (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \rho_{آب} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$$

$$90 \quad 80 \quad 70 \quad 85$$

- ۸۶ گلوله‌ای در شرایط خلا، از سطح زمین با سرعت اولیه  $\frac{m}{s} 20$  و در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می‌شود. در چه فاصله‌ای برحسب متر از

$$\text{بالاترین نقطه مسیر حرکت گلوله، انرژی جنبشی گلوله } \frac{1}{3} \text{ انرژی پتانسیل گرانشی آن است؟ } (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

$$5 \quad 16 \quad 4 \quad 20$$

-۸۷- با یک طناب سبک، جعبه‌ای به جرم  $m$  را با شتاب رو به پایین  $\frac{g}{3}$  به اندازه  $d$  در راستای قائم پایین می‌آوریم. کاری که طناب در این

جابه‌جایی روی جعبه انجام می‌دهد، برابر کدام گزینه است؟

$$\begin{array}{ll} -\frac{1}{4}mgd & (۱) \\ -\frac{3}{4}mgd & (۲) \\ \frac{3}{4}mgd & (۳) \\ \frac{1}{4}mgd & (۴) \end{array}$$

-۸۸- دو جسم A و B بر روی دو سطح شیبدار بدون اصطکاک که به ترتیب با سطح افق، زاویه  $30^\circ$  و  $60^\circ$  می‌سازند، از یک ارتفاع رها می‌شوند و

با تندی‌های  $v_A$  و  $v_B$  به پایین سطح می‌رسند، نسبت  $\frac{v_A}{v_B}$  در کدام گزینه به درستی آمده است؟

$$\begin{array}{ll} \sqrt{3} & (۱) \\ 1 & (۲) \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & (۳) \\ \frac{\sqrt{3}}{3} & (۴) \end{array}$$

-۸۹- معادله سرعت - زمان جسمی که در مسیر مستقیم حرکت می‌کند در SI به صورت  $v = 4t^2 - 20t + 25$  است. در این صورت چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با این جسم درست است؟

الف) کار برایند نیروهای وارد بر جسم در ثانية دوم حرفکش، منفی است.

ب) در لحظه  $t = 5s$ ، انرژی جنبشی جسم با انرژی جنبشی اولیه آن برابر است.

ج) در دو ثانية دوم حرکت، کار برایند نیروهای وارد بر جسم ابتدا منفی و سپس مثبت است.

$$\begin{array}{ll} ۴) صفر & (۱) \\ ۳) ۳ & (۲) \\ ۲) ۲ & (۳) \\ ۱) ۱ & (۴) \end{array}$$

-۹۰- جسمی با سرعت ثابت  $\frac{km}{h} 72$  در حرکت است. اگر توان متوسط نیروهای وارد بر آن در جابه‌جایی بین دو نقطه  $4kW$  باشد، اندازه نیروی خالص وارد بر آن چند نیوتون است؟

$$\begin{array}{ll} ۱۶۰۰ & (۱) \\ ۲۰۰ & (۲) \\ ۸۰۰ & (۳) \\ ۱۰۰ & (۴) \end{array}$$

## فیزیک ۲ (سوالات ۹۱ تا ۱۰۰)

-۹۱- کدامیک از عبارت‌های زیر صحیح هستند؟

الف) یک فاراد ظرفیت خازنی است که اگر به اختلاف پتانسیل یک ولت متصل شود، مجموع بار ذخیره شده روی صفحات آن برابر  $1C$  باشد.

ب) یک خازن تا زمانی شارژ می‌شود که پتانسیل الکتریکی صفحات آن برابر شود.

ج) هنگامی که می‌گوییم بار الکتریکی یک خازن  $40\mu C$  است، یعنی روی صفحه مثبت و منفی خازن به ترتیب  $40\mu C$  و  $-40\mu C$  بار ذخیره شده است.

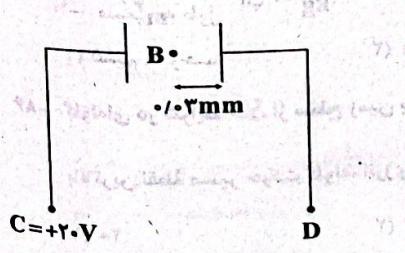
د) کاهش اختلاف پتانسیل دو صفحه خازن باعث افزایش ظرفیت خازن می‌شود.

ه) اگر خازن شارژ شده‌ای را از باتری جدا کنیم، بار الکتریکی ذخیره شده روی صفحات خازن ثابت می‌ماند.

۱) «الف»، ۲) «د»، ۳) «ج»، ۴) «ه»، ۵) «ج» و «ه»

-۹۲- با توجه به شکل زیر، اگر مساحت هر یک از صفحات خازن تختی که دی الکتریک آن هوا است، برابر  $40cm^2$  و بار خالص ذخیره شده روی صفحات آن برابر  $C 120pC$  باشد، فاصله عایق میان صفحات خازن چند میکرومتر باشد تا پتانسیل الکتریکی نقطه B برابر  $29/97V$  باشد؟

$$(۱) ۲۹۷۰ \quad (۲) ۲۱۹۷ \quad (۳) ۳۰۰۰ \quad (۴) ۱۲$$



## فیزیک | ۹

- ۹۳- خازن تختی با دیالکتریک هوا را به یک باتری با اختلاف پتانسیل ثابت متصل می‌کنیم تا شارژ شود. اگر بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات خازن برابر با  $\frac{N}{C} = 4 \times 10^5$  و مساحت مؤثر صفحات خازن و فاصله عایق میان آن‌ها به ترتیب  $20\text{cm}^2$  و  $1\text{mm}$  باشد، انرژی

$$\text{ذخیره شده در این خازن چند میکروژول است? } (\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}})$$

$$0/144(2) \quad 0/72(3) \quad 1/44(2) \quad 0/36(1)$$

- ۹۴- فاصله عایق میان یک خازن تخت به ظرفیت  $50\mu\text{F}$  برابر  $5\text{mm}$  است. این خازن را به یک مولد با اختلاف پتانسیل  $200\text{V}$  متصل می‌کنیم تا شارژ شود و سپس آن را از مولد جدا کرده و فاصله عایق میان صفحات را  $1\text{mm}$  افزایش می‌دهیم. انرژی الکتریکی ذخیره شده در خازن چند زول تغییر می‌کند؟

$$1(4) \quad 0/2(3) \quad 1/2(2) \quad 0/4(1)$$

- ۹۵- اگر برای انتقال بار  $C = 8\mu\text{F}$  از صفحه منفی به صفحه مثبت خازن تختی به ظرفیت  $20\mu\text{F}$ ،  $2\text{mJ}$  کار لازم باشد، بار اولیه خازن قبل از انتقال بار تقریباً چند میلی‌کولن بوده است؟

$$0/96(4) \quad 960(3) \quad 600(2) \quad 0/6(1)$$

- ۹۶- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟  
 (الف) بارهای متحرک باعث ایجاد جریان الکتریکی می‌شوند.  
 (ب) اگر رسانا به اختلاف پتانسیل الکتریکی متصل نباشد، الکترون‌ها با تندی زیاد به صورت کاتورهای در تمام جهات حرکت می‌کنند.

(ج) هنگامی که الکترون‌ها با سرعت متوسطی موسوم به سرعت سوق حرکت می‌کنند، جریان الکتریکی برقرار می‌شود.

(د) سرعت سوق، سرعت متوسطی است که در جهت میدان الکتریکی ایجاد می‌شود.

$$1(4) \quad 2(3) \quad 4(2) \quad 3(1)$$

- ۹۷- اگر در یک رسانا به سطح مقطع  $2\text{cm}^2$  شدت جریان برابر  $4\text{A}$  و سرعت سوق الکترون‌ها برابر  $s = 3 \times 10^8 \text{ cm/s}$  باشد، در هر سانتی‌متر مکعب

$$\text{سیم چند الکترون آزاد وجود خواهد داشت? } (e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C})$$

$$4 \times 10^{22}(2) \quad 2/5 \times 10^{21}(3) \quad 2/5 \times 10^{21}(4) \quad 4 \times 10^{21}(1)$$

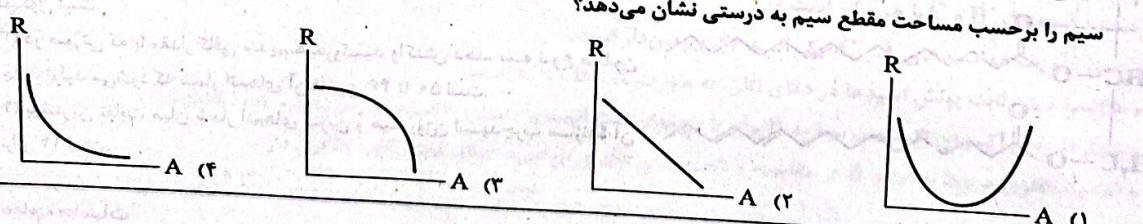
- ۹۸- طول یک سیم فلزی  $90\text{m}$ ، قطر مقطع آن  $2\text{mm}$  و مقاومت الکتریکی آن  $50\Omega$  است. اگر این سیم را ذوب کرده و با تمام فلز حاصل از فرایند ذوب، سیمی به مقاومت الکتریکی  $2\Omega$  بسازیم، طول سیم جدید چند سانتی‌متر خواهد بود؟ (مقاومت دو سیم را در شرایط برابر مقایسه می‌کنیم).

$$900(4) \quad 450(3) \quad 1800(2) \quad 18(1)$$

- ۹۹- مقاومت ویژه سیم به کاررفته در یک ..... نسبتاً زیاد بوده و در مدارهای الکتریکی، ..... نقش رئوستا را ایفا می‌کند.

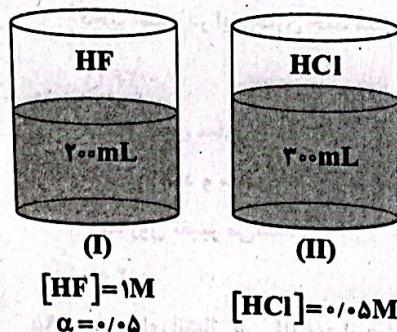
$$2) \text{ دیود - دیود} \quad 3) \text{ رئوستا - پتانسیومتر} \quad 4) \text{ پتانسیومتر - دیود}$$

- ۱۰۰- سیمی به طول  $L$  را به کمک غلتک‌های متعددی می‌کشیم تا طول آن پیوسته افزایش یابد. کدامیک از گزینه‌های زیر، مقاومت الکتریکی سیم را بر حسب مساحت مقطع سیم به درستی نشان می‌دهد؟



محل انجام محاسبات

## شیمی



۱۰۱ - دو قطعه یکسان از فلز منیزیم در دسترس است که وارد محلول‌های مقابل می‌شود. مقایسه میان سرعت واکنش (R) در دو محلول و حجم گاز هیدروژن حاصل (V) در آن‌ها در کدام گزینه به درستی آمده است؟

$$V_I < V_{II}, R_I < R_{II} \quad (1)$$

$$V_I > V_{II}, R_I < R_{II} \quad (2)$$

$$V_I > V_{II}, R_I = R_{II} \quad (3)$$

$$V_I < V_{II}, R_I = R_{II} \quad (4)$$

۱۰۲ - چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

آ) برای افزایش قدرت پاک‌کنندگی مواد شوینده به آن‌ها ترکیب‌های مولکولی فسفردار اضافه می‌کنند.

ب) صابون‌ها همانند محلول سود، کاغذ pH را به رنگ آبی درمی‌آورند.

پ) قدرت پاک‌کنندگی صابون در آب دریا و آب چشمه تفاوت چندانی با هم ندارد.

ت) محلول جوهرنمک همان هیدروکلریک اسید بوده و مانند پاک‌کنندگاهای غیرصابونی می‌تواند با آلانین‌ها واکنش دهد.

۴

۲۳

۱

۱) صفر

۱۰۳ - محلول آلومینیم و سدیم هیدروکسید نوعی پاک‌کننده است که در واکنش با آب، یک گاز و یک ترکیب یونی با فرمول  $\text{NaAl(OH)}_4$  تولید

می‌کند. با توجه به این مطلب، کدام عبارت‌های پیشنهاد شده درست است؟

آ) این پاک‌کننده به شکل پودر عرضه می‌شود و از آن برای باز کردن مسیرهایی استفاده می‌شود که بر اثر ایجاد رسوب و تجمع چربی‌ها بسته شده‌اند.

ب) فراورده یونی در آب، محلول بوده و گاز تولید شده، سبک‌ترین گاز شناخته شده است.

پ) سطح انرژی واکنش‌دهنده‌های این واکنش، بایین تراز سطح انرژی فراورده‌های آن است.

ت) در معادله موازنۀ شده واکنش، مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها،  $2/5$  برابر مجموع ضرایب فراورده‌ها است.

۱) آ» و «ت»      ۲) «ب» و «ت»      ۳) «آ» و «ب»      ۴) «آ»، «ب» و «ب»

۱۰۴ - با توجه به داده‌های جدول زیر که مربوط به دو محلول جداگانه از اسید ضعیف HA در دمای ثابت است، نسبت  $\frac{X}{Y}$  کدام است؟

$$(10^{+3})^2 = 2, 10^{+7} = 5$$

۴۷/۵ (۱)

۴/۷۵ (۲)

۵۲/۵ (۳)

۵/۲۵ (۴)

[HA] تعادلی	$\alpha$	$[\text{H}^+]$
X	$10^{-1/3}$	$10^{-2}$
Y	$10^{-0/7}$	$10^{-3}$

۱۰۵ - کدامیک از مطالب زیر در ارتباط با مولکولی که ساختار آن نشان داده شده، نادرست است؟

۱) شمار جفت‌الکترون‌های ناپیوندی آن، سه برابر شمار جفت‌الکترون‌های

ناپیوندی مولکول اوره است.

۲) شمار اتم‌های هیدروژن آن، بیش از ۱۵ برابر شمار اتم‌های هیدروژن اتیلن

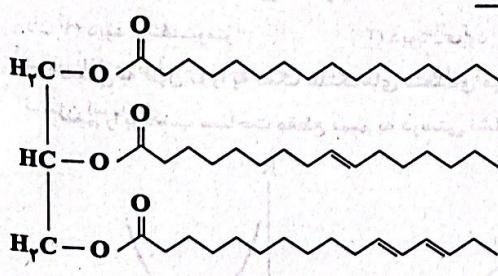
گلیکول است.

۳) در صورتی که با مقدار کافی سدیم هیدروکسید واکنش دهد، سه نوع صابون

جامد تولید می‌شود که شمار اتم‌های آن‌ها بین ۴۶ تا ۵۰ است.

۴) بیشترین تفاوت میان شمار اتم‌های کربن و هیدروژن اسیدچرب سازنده آن

برابر ۱۴ است.



- زنجیر هیدروکربنی در صابون A و پاک کننده غیرضایوی B، سیرشده و کاتیون دو پاک کننده یکسان است. اگر شمار کل اتم های کربن پاک کننده B برابر با شمار اتم های کربن زنجیر هیدروکربنی A باشد، تفاوت جرم مولی دو پاک کننده چند گرم است؟ ( $C=12, H=1, O=16, S=32: g/mol^{-1}$ )

۴۲ (۳)

۲۸ (۲)

۵۸ (۱)

- کدام مورد درست است؟

- ۱) اگر انحلال یک ترکیب در آب، به صورت یونی باشد، محلول آن، به یقین دارای رسانایی الکتریکی بالایی است.
- ۲) در محلول اسیدهای ضعیف، نسبت شمار مولکول های یوننده نشده به یون های حاصل از یونش آن، پیوسته در حال تغییر است.
- ۳) مدل آرنیوس می تواند غلظت یون هیدرونیوم را در محلول های آبی جداگانه ای از  $NH_3$  و  $HCl$  (با غلظت و دمای یکسان) مقایسه کند.
- ۴) مدل آرنیوس پیش بینی می کند که شمار اتم های هیدروژن در مولکول یک اسید، بیشتر از شمار اتم های هیدروژن در مولکول یک باز است.

- دو لیتر از هر کدام از محلول های فورمیک اسید و استیک اسید در دو ظرف جداگانه وجود دارد. اگر جرم آئیون اسید ضعیف تر،  $0.164g$  بیشتر از جرم آئیون اسید دیگر و غلظت یون هیدرونیوم در محلول استیک اسید برابر  $2 \times 10^{-3} mol \cdot L^{-1}$  باشد، مولاریته تعادلی اسیدی که ضعیف تر است، چند برابر مولاریته تعادلی اسید دیگر است؟ (در شرایط یکسان  $K_a$  اسیدها  $5 \times 10^{-5}$  و  $4 \times 10^{-4}$  است). ( $C=12, H=1, O=16: g/mol^{-1}$ )

۶۴ (۳)

۱۵/۶۲۵ (۲)

۰/۱۱

- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

- ۱) اوزه در هگزان، نامحلول بوده در حالی که بنزین در هگزان حل می شود.

- شمار اتم های اکسیژن مولکول روغن زیتون،  $\frac{1}{3}$  شمار اتم های هیدروژن فرمول تقریبی بنزین است.

- هنگامی که عسل وارد آب می شود، مولکول های سازنده آن با مولکول های آب، پیوند هیدروژنی برقرار می کنند و در سرتاسر محلول پخش می شوند.

- صابون جامد را می توان نمک سدیم اسید آبی با فرمول  $RCOONa$  دانست که در آن R یک حلقه هیدروکربنی یا زنجیر هیدروکربنی است.

- ۰/۵ گرم اسید ضعیف HA را در ۴ لیتر آب مقطمر حل می کنیم. اگر غلظت یون  $A^-$  حاصل از یونش اسید برابر  $1/5625 \times 10^{-3}$  مولار باشد، ثابت یونش اسید کدام است؟ ( $HA = 20 g/mol^{-1}$ )

۵/۲۰  $\times 10^{-3}$  (۲)۵/۲۰  $\times 10^{-3}$  (۱)۳/۹۰  $\times 10^{-3}$  (۳)۳/۹۰  $\times 10^{-4}$  (۴)

- کدام مطالب زیر درست است؟

- آ) در محلول سرگه شمار ناچیزی از یون های آب پوشیده هم زمان با شمار زیادی از مولکول های سیتریک اسید یوننده نشده حضور دارند.
- ب) قبل از آرنیوس، شماری از شیمی دان ها اسیدها و بازها را بر یک مبنای علمی، اما بدون اشاره به رسانایی الکتریکی آن ها، توصیف کرده بودند.
- پ) عملکرد بدن ما به میزان مواد اسیدی و بازی موجود در آن وابسته است.
- ت) دلیل سوزش معده که درد شدیدی در ناحیه سینه ایجاد می کند، برگشت مقداری از محتویات اسیدی معده به لوله مری است.

- آ) «آ» و «ب» دلیل سوزش معده که درد شدیدی در ناحیه سینه ایجاد می کند، برگشت مقداری از محتویات اسیدی معده به لوله مری است.

- باران اسیدی حاوی اسیدهای A و B است، در حالی که باران معمولی حاوی اسید C است. هر کدام از اسیدها، تنها فراورده واکنش یک اکسید نافلزی با آب هستند. چه تعداد از عبارت های زیر در ارتباط با این اسیدها و اکسیدهای مسورد نظر درست است؟ (شمار اتم های اکسیژن اسیدهای B و C با هم برابر است).

• اسید B برخلاف اسیدهای A و C، یک اسید تک پروتون دار است.

• مقایسه میان ثابت یونش اسیدها در دمای اتاق، به صورت  $A < B < C$  است.

• شمار اتم های اکسیژن اکسید مریبوط به B برابر با مجموع شمار اتم های اکسیژن اکسیدهای نافلزی دو اسید دیگر، نقطه ذوب بالاتری دارد.

• اکسید نافلزی مریبوط به اسید B در مقایسه با اکسیدهای نافلزی دو اسید دیگر، نقطه ذوب بالاتری دارد.

۳ (۳)

۲۲

۱ (۱)

۱۱۳- کدام مطالب زیر درست است؟

- (آ) رسانایی الکتریکی محلول مولار اسیدهای قوی با هم برابر است.
- (ب) هر چه غلظت یون هیدرونیوم یک محلول اسیدی کم تر باشد، آن اسید، ضعیف تر است.
- (پ) محلول آبی حاصل از مولکول‌های قطبی که انحلال پذیری خوبی در آب دارند، جریان برق را از خود عبور می‌دهند.
- (ت) چربی‌ها را می‌توان مخلوطی از استرهای بلندزنگیر و اسیدهای چرب دانست.
- (۱) «آ» و «ت»      (۲) فقط «ت»      (۳) «ب» و «ت»      (۴) «ب» و «پ»

۱۱۴- کدام یک از مطالب زیر درست است؟

- (۱) درجه یونش برای یک محلول اسیدی، تنها تابع دما است و با تغییر سایر عوامل تغییر نمی‌کند.
- (۲) اگر رسانایی یک عنصر به وسیله الکترون انجام شود، می‌توان نتیجه گرفت که عنصر مورد نظر تمایل به تشکیل کاتیون دارد.
- (۳) شیر سالم با تشکیل یون هیدرونیوم، ترش شده به طوری که دیگر قابل نوشیدن نیست.
- (۴) اگر محلول آبی سدیم کلرید در مدار الکتریکی قرار گیرد، یون‌های بزرگ‌تر آن به سوی قطب مثبت پیش می‌روند
- ۱۱۵- اگر درجه یونش اسید HA برابر  $10^{-1}$  باشد، چند گرم از این اسید باید در ۸۰۰ میلی‌لیتر محلول آن حل شده باشد تا مجموع غلظت مولی یون‌های حاصل از یونش آن برابر  $4 \times 10^{-2}$  شود؟ ( $\text{HA} = 47\text{g.mol}^{-1}$ )
- ۷/۵۲(۴)                  ۷/۲۵(۳)                  ۵/۷۲(۲)                  ۵/۲۷(۱)

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (شیمی ۱)، شماره ۱۱۶ تا ۱۲۵) و زوج درس ۲ (شیمی ۲)، شماره ۱۲۶ تا ۱۳۵) فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

### شیمی (۱) (سوالات ۱۱۶ تا ۱۲۵)

۱۱۶- در چه تعداد از موارد پیشنهادشده، شمار اتم‌های هر واحد از فرمول شیمیایی ترکیب اول (سمت راست)، کم تر از شمار مول الکترون مبادله شده برای تشکیل یک مول از ترکیب دیگر نیست؟

- منیزیم سولفید، سدیم برمید
- آلومینیم اکسید، منیزیم نیترید
- سدیم نیترید، پتانسیم سولفید
- لیتیم یدید، کلسیم اکسید

(۱) صفر

۱۱۷- کدام مورد درست است؟

(۱) تبدیل اتم‌ها به مولکول‌ها می‌تواند با داد و ستد الکترون همراه باشد.

(۲) در تشکیل مواد مولکولی، الکترون‌های اشتراکی در فضای اطراف هسته هر دو اتم، جای دارد.

(۳) با استفاده از آرایش الکترون - نقطه‌ای اتم هر عنصر، می‌توان به شماره گروه آن در جدول تناوی ای برد.

(۴) اگر شمار الکترون‌های ظرفیتی اتمی برابر با هشت باشد، عنصر موردنظر متعلق به گروه ۱۸ جدول تناوی است.

۱۱۸- کدام یک از مطالب زیر در ارتباط با اتم هیدروژن درست است؟

(۱) طیف نشري خطی آن در ناحیه مرئی، شامل چهار نوار رنگی است که در ناحیه کم انرژی تر به هم نزدیک‌ترند.

(۲) اگر در اتم هیدروژن الکترون از  $n=3$  به  $n=1$  باز گردد، پرتوی منتشرشده در ناحیه فرابینکش قرار می‌گیرد.

(۳) مدل اتمی بور باعث شد تا دانشمندان بتوانند طیف نشري خطی هیدروژن را بیابند.

(۴) انرژی لایه‌های الکترونی پیرامون هسته اتم هیدروژن ویژه آن بوده و به شمار ذره‌های موجود در هسته آن وابسته است.

محل انجام محاسبات

۱۱۹- با توجه به جدول زیر که ویژگی های چهار عنصر از جدول دوره ای را نشان می دهد، کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

D	E	X	A	عنصر
				ویژگی
۴	۵	۶	۶	شمار زیرلایه ۲ الکترونی
۳	۲	۳	۳	شمار زیرلایه ۶ الکترونی
۰	۰	۱	۲	شمار زیرلایه ۱۰ الکترونی

(۱) آرایش الکترونی اتم های X، E و D به زیرلایه ای با  $=1$  ختم می شود.

(۲) E و X متعلق به یک گروه از جدول دوره ای بوده و این دو عنصر، به ترتیب نخستین و دومین عناصر گروه خود به شمار می روند.

(۳) عدد اتمی X، ده برابر تفاوت عدد اتمی E و D است.

(۴) مجموع n و 1 الکترون های ظرفیتی A، بیشتر از مجموع n و 1 الکترون های ظرفیتی X است.

۱۲۰- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

(۱) شمار الکترون های با  $=2$  در اتم  $X^{12+}$  و آئیون پایدار آن، با هم برابر است.

(۲) عنصر M جزو فلزهای دسته ۱ بوده و شمار الکترون های با  $=1$  اتم آن، یک واحد بیشتر از شمار همین الکترون ها در یون  $M^{3+}$  است.

(۳) با توجه به آرایش الکترونی اتم های A، E و  $X^{15+}$ ، مجموع اعداد کواتومی اصلی و فرعی آخرین الکترون های این دو اتم با هم برابر است.

(۴) حداقل عدد اتمی عنصری که دارای ۱۴ الکترون با  $=3$  است برابر ۸۸ می باشد.

۱۲۱- اگر آرایش الکترونی یون های  $A^+$ ،  $X^{2-}$  و  $M^{2+}$  به ترتیب به زیرلایه های  $3p^6$ ،  $4p^6$  و  $3d^9$  ختم شود، کدام مطالب زیر در ارتباط با آن ها درست است؟

آ) هر سه عنصر متعلق به یک دوره از جدول تناوبی بوده و بین A و M، ۱۰ عنصر دیگر در جدول دوره ای وجود دارد.

ب) از نظر شمار الکترون های با  $=1$ ، اتم ۷ عنصر دیگر وضعیت مشابه با اتم M دارند.

پ) نسبت شمار الکترون های با  $=0$  به شمار الکترون های با  $=1$  در اتم های M و X به ترتیب برابر با  $\frac{1}{583}$  و  $\frac{1}{500}$  است.

ت) مجموع الکترون های ظرفیتی اتم های A و M، دو برابر شمار الکترون های ظرفیتی اتم X است.

(۱) «آ» و «ب»  
(۲) «ب» و «پ»  
(۳) «آ»، «ب» و «ت»  
(۴) «ب» و «ت»

۱۲۲- با توجه به آرایش الکترونی اتم عنصرهای داده شده، کدام مورد نادرست است؟



(۱) عدد اتمی A، دو برابر عدد اتمی X است، در حالی که شمار الکترون های ظرفیتی A کمتر است.

(۲) آرایش الکترونی اتم عنصر X برخلاف اتم عنصر هم دوره و بعدی آن در جدول تناوبی، از قاعدة آفبا پیروی نمی کند.

(۳) A و X نمی توانند با هم یک ترکیب دوتایی تشکیل دهند.

(۴) مجموع شماره دوره و گروه عنصر A، دو برابر مجموع شماره دوره و گروه عنصر X است.

۱۲۳- تمام گزینه های زیر در مورد یک گاز مشخص به درستی بیان شده اند، به جز.....

(۱) مهم ترین کاربرد این گاز، خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه های تصویربرداری مانند MRI است.

(۲) مقدار ناچیزی از این گاز در هوا و مقدار بیشتری در لایه های زیرین پوسته زمین وجود دارد.

(۳) این گاز از واکنش های شیمیایی در ژرفای زمین تولید می شود و پس از نفوذ به لایه های زمین، وارد میدان های گازی می شود.

(۴) حدود ۷ درصد حجمی از مخلوط گاز طبیعی را این گاز تشکیل می دهد.

- چه تعداد از ویژگی‌های زیر در ارتباط با هوای مایع درست است؟ (گازهای A، D، X و E به ترتیب فراوان‌ترین گازهای هوای پاک و خشک هستند).

• در دمای  $80^{\circ}\text{K}$ ، هلیم به شکل مایع در ظرف باقی می‌ماند.

• با گرم کردن هوای مایع ابتدا گاز D و سپس گاز X از آن جدا می‌شود.

• جدا کردن بخار آب و E با توجه به نقطه ذوب آن‌ها انجام می‌شود.

• تفاوت نقطه جوش گازهای X و D بیشتر از تفاوت نقطه جوش گازهای X و A است.

(۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

- اختلاف دما در انتهای لایه اول هواکره (تروپوسفر) و انتهای لایه دوم هواکره (استراتوسفر) به تقریب چند درجه سلسیوس است؟

۷۲ (۴)

۶۲ (۳)

۴۸ (۲)

۳۸ (۱)

## زوج درس ۲

### ششمی (۲) (سوالات ۱۲۶ تا ۱۳۵)

- کدام مطالب زیر درست است؟

(آ) اگر در هوای معدن زغال‌سنگ، مقدار گاز سمی متان به بیش از ۵ درصد برسد، احتمال انفجار وجود دارد.

(ب) گرمای حاصل از سوختن یک گرم بنزین، به تقریب سه برابر گرمای حاصل از سوختن یک گرم زغال‌سنگ است.

(پ) بیش از ۵۰٪ سوخت با خطوط لوله به مراکز توزیع و استفاده آن، انتقال داده می‌شود.

(ت) از آن جاکه واکنش پذیری کربن از سیلیسیم بیشتر است، می‌توان با استفاده از سیلیس و کربن، شبکه فلز سیلیسیم را تولید کرد.

(۱) «آ» و «ب» (۲) «آ» و «پ» (۳) «پ» و «ت» (۴) «ب» و «ت»

- ۱۲۷- گرم از هر کدام از هیدروکربن‌های بنزن (a)، سیکلوهگزان (b) و نفتالن (c) را به طور کامل می‌سوزانیم. مقایسه میان تناول جرم بخار آب

و کربن دی‌اکسید تولید شده توسط آن‌ها در کدام گزینه به درستی آمده است؟ ( $\text{H}=1, \text{C}=12, \text{O}=16: \text{g.mol}^{-1}$ )

a < b < c (۴)

a < c < b (۳)

b < a < c (۲)

b < c < a (۱)

- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

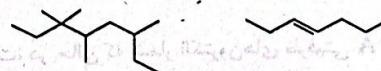
(۱) برای تولید سوخت‌های پایه، نفت سنگین ایران مناسب‌تر از نفت سنگین کشورهای عربی است.

(۲) برای تولید بنزین، نفت برنت دریای شمال، مناسب‌تر از نفت سبک کشورهای عربی است.

(۳) برای پالایش نفت خام، ابتدا باید نمک‌ها، اسیدها و آب موجود در آن را جدا کرد.

(۴) هر چند با پالایش نفت خام، سوخت ارزان و مناسب در اختیار صنایع قرار داده می‌شود، اما قیمت انرژی الکتریکی تولید شده توسط آن، بالا است.

- ۱۲۹- کدام یک از مطالب زیر در ارتباط با ترکیب‌های (I) و (II) درست است؟



(I) (II)

(۱) مجموع شماره‌های شاخه‌های فرعی در نام آیوباک ترکیب (I)، نصف شمار اتم‌های هیدروژن آن است.

(۲) آکینی که شمار اتم‌های هیدروژن آن برابر با شمار اتم‌های هیدروژن ترکیب (II) است، هشتمنین عضو خانواده آکین‌ها به شمار می‌آید.

(۳) مجموع شمار گروههای  $-\text{CH}_3$  و  $-\text{CH}_2$  در ترکیب (I)، برابر با شمار گروههای  $-\text{CH}_3$  در آلانی با نام ۳-اتیل هپتان است.

(۴) ترکیب (II) در اثر واکنش با مقدار کافی برم به هیدروکربنی با ۲۳ اتم تبدیل می‌شود.

- ۱۳۰- در مخلوطی از پروپان و پروپن، به ازای هر مول پیوند  $\text{C}=\text{C}$ ، شش مول پیوند  $\text{C}-\text{C}$  وجود دارد. اگر جرم این مخلوط برابر  $30/48$  باشد.

بر اثر سوختن کامل آن چند گرم بخار آب تولید می‌شود و در صورتی که مخلوط اولیه با مقدار کافی آب واکنش دهد، چند مول الکل به دست

می‌آید؟ ( $\text{C}=12, \text{H}=1, \text{O}=16: \text{g.mol}^{-1}$ )

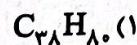
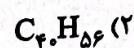
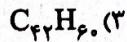
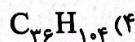
۰/۲, ۴۶/۸ (۴)

۰/۳, ۴۶/۸ (۳)

۰/۲, ۴۱/۴ (۲)

۰/۳, ۴۱/۴ (۱)

-۱۳۱ - ۰ مول از هیدروکربنی شاخه دار با جرم مولی برابر  $536\text{ g/mol}$ , با  $1/3$  مول برم مایع به طور کامل واکنش می دهد. فرمول این مولکول کدام است؟ ( $C=12\text{:g.mol}^{-1}$ ,  $H=1$ ,  $C_3H_{10}$ )



-۱۳۲ - اگر به جای یکی از اتم های هیدروژن در مولکول  $C_2H_4$ - دی متیل پنتان، اتم کلر جایگزین شود، امکان تشکیل چند فرمول ساختاری متفاوت وجود دارد؟

۲ (۴)

۳ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

-۱۳۳ - مخلوطی از دو هیدروکربن  $C_9H_{12}$  و  $C_6H_{12}$  به جرم  $3\text{ g}$  با مقدار کافی برم مایع و به میزان  $3/2$  گرم واکنش می دهد، چند درصد جرم مخلوط اولیه را هیدروکربنی با نقطه جوش بالاتر تشکیل می دهد؟ ( $C=12\text{:g.mol}^{-1}$ ,  $H=1\text{:g.mol}^{-1}$ ,  $Br=80\text{:g.mol}^{-1}$ )

۴۲ (۴)

۵۸ (۳)

۱۶ (۲)

۸۴ (۱)

-۱۳۴ - کدام یک از مطالب زیر درست است؟

۱) در نامگذاری هر کدام از هیدروکربن های شاخه دار، شاخه ای با نام «۲-اتیل» نادرست است.

۲) در بین هیدروکربن ها، فقط در آلکن هاست که درصد جرمی کربن با افزایش شمار اتم های کربن، افزایش نمی یابد.

۳) هر کدام از فراورده های پتروشیمیایی از نفت به دست می آیند.

۴) آلkan هم کربن با نفتالن، ساده ترین هیدروکربن خطی و سیرشده موجود در نفت سفید است.

-۱۳۵ - ظرف های A و B به ترتیب حاوی  $100\text{ g}$  آب هستند. در ظرف A قطعه ای از فلز M به جرم  $300\text{ g}$  و دمای  $10^\circ C$  و در ظرف B قطعه ای از فلز M به جرم  $1200\text{ g}$  و با همان دما می اندازیم تا به دمای تعادل برسند. اگر تغییرات دمای دو ظرف با هم برابر باشد، m به تقریب کدام

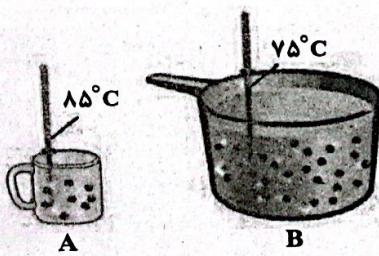
$$(c_{H_2O}=2/2, c_M=1/05\text{:J.g}^{-1.\circ C})$$

۲۲۱ (۱)

۳۰۶ (۲)

۴۸۵ (۳)

۵۶۹ (۴)



## دفترچه شماره (۳)

نام درس:  
دین و زندگی، حسابان  
زمان آزمون:  
۱۰۰ دقیقه

# سوالات تشریحی

## دوازدهم ریاضی

نام:  
نام خانوادگی:  
کد داوطلب:

ردیف	نمره	(دین و زندگی (۳))
۱	۱	براساس آیه مبارکه «يَسَأَلُهُ مَنْ فِي السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضِ كُلُّ يَوْمٍ هُوَ فِي شَاءِنْ» به سوالات زیر جواب دهید: الف) منظور از این که خداوند هر لحظه دست‌اندرکار امری است، چیست؟  ب) چرا موجودات از خداوند درخواست دارند؟
۲	۰/۵	بر مبنای عبارت قرآنی «أَمْ جَعَلُوا لِلَّهِ شَرْكًا خَلَقُوا كَجْنُونَهُ فَتَشَابَهَ الْخُلُقُ عَلَيْهِمْ»، در چه صورت جا داشت که مردم در اعتقاد به توحید در شک بیفتند؟
۳	۰/۵	صحيح یا غلط بودن هر یک از عبارت‌های زیر را مشخص کنید. الف) خداوند حقیقتی نامحدود دارد و انسان می‌تواند به حقیقت او احاطه پیدا کرده و ذاتش را بشناسد. ب) مهم‌ترین اعتقاد دینی که بدون اعتقاد به آن، هیچ اعتقاد دیگری اعتبار ندارد، معاد است.
۴	۱	گزینه درست را انتخاب کنید. الف) کسی که برای آموختن نزد معلم می‌رود، یا برای درمان به پزشک مراجعه می‌کند..... (۱) دچار شرک شده است. (۲) به قانون الهی علیت عمل کرده است.  ب) رابطه خداوند با جهان را تا حدی می‌توان، به چه چیزی تشبيه نمود? (۱) مولد برق با جریان برق (۲) ساعت‌ساز و ساعت
۵	۲	به سوالات زیر به صورت کوتاه پاسخ دهید. الف) نور بودن خدا به چه معناست?  ب) علت نهی پیامبر (ص) در حدیث «در همه چیز تفکر کنید، اما در ذات خدا تفکر نکنید» چیست?  ج) بزرگ‌ترین ضربه جریان تکفیری بر پیکره اسلام چه بود?  د) معنای این که خداوند پیامبر اکرم (ص) را ولی انسان‌ها معرفی می‌کند، چیست?

ردیف	نمره	
۶	۵	<p>ب) سوالات زیر به صورت کامل پاسخ دهید.</p> <p>الف) عقیده به توانایی پیامبر اکرم (ص) و اولیای دین (ع) در برآوردن حاجات در چه صورت عین توحید است؟</p> <p>ب) رابطه علیت میان پدیده‌های مادی و معنوی به چه معناست؟ مثال بزنید.</p> <p>ج) آگاهی انسان به نیازمندی خود به خداوند، چه ثمره‌ای برای او به دنبال دارد؟</p>
۷	۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) تابع <math>f(x) = \sqrt{x}</math> روی دامنه‌اش صعودی است.</p> <p>ب) چندجمله‌ای <math>P(x) = (x+1)^3(x-2)^2</math> یک چندجمله‌ای از درجه ۵ است.</p> <p>ج) نمودار تابع <math>y = x^3</math> در بازه <math>[1, 0]</math> پایین‌تر از نمودار تابع <math>y = x^2</math> قرار دارد.</p> <p>د) اگر تابع <math>f</math> در یک بازه نزولی است باشد، در این بازه، نزولی نیز هست.</p>
۸	۱	<p>جاهاي خالي را با عبارات مناسب پر کنيد.</p> <p>الف) اگر <math>(x)^r</math> باقی‌مانده تقسیم <math>(x)^p</math> بر چندجمله‌ای درجه دوم <math>(x)^q</math> باشد، آن‌گاه درجه <math>r</math> ..... است.</p> <p>ب) اگر <math>(x)^p</math> یک چندجمله‌ای باشد، به طوری‌که <math>1 = (a)^p</math>، آن‌گاه باقی‌مانده تقسیم <math>(x)^p</math> بر ..... برابر با ۱ است.</p>
۹	۲	<p>ثابت کنید تابع <math>f(x) = (x-2)^2</math> روی <math>x \geq 2</math> وارون پذیر است، سپس ضابطه وارون آن را بیابید.</p>

ردیف		نمره
۱۰	با رسم نمودار، نامعادله $ x+1  < x^2 - 1$ را حل کرده و مجموعه جواب آن را به صورت بازه نمایش دهید.	۲
۱۱	درجه تابع $f(x) = x^5(1-x)$ را مشخص کنید.	۱
۱۲	مقدار $x$ را طوری بباید که:	۱
۱۳	مقادیر $m$ و $n$ را طوری به دست آورید که چندجمله‌ای $p(x) = x^3 + mx + n$ بر $(x-2)$ و $(x+1)$ بخش پذیر باشد.	۲
	جمع نمرات	۲۰