

تاریخ آزمون  
جمعه ۱۸/۰۸/۱۴۰۳

# سوالات آزمون

## دفترچه شماره (۱)

### دوره دوم متوسطه

### پایه دوازدهم ریاضی

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۸۵ دقیقه	تعداد سوال: ۵۵

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال		مدت پاسخگویی
				از	تا	
۱	حسابان ۲	۱۰	اجباری	۱	۱۰	۸۵ دقیقه
	ریاضیات گسسته	۱۰		۱۱	۲۰	
	هندسه ۳	۱۰		۲۱	۳۰	
	ریاضی ۱	۵		۳۱	۳۵	
	حسابان ۱	۵		۳۶	۴۰	
	هندسه ۱	۵		۴۱	۴۵	
	آمار و احتمال	۱۰		۴۶	۵۵	

## ریاضیات



## حسابات (۲)

-۱ اگر  $f(x) = x^3 + 3x - 12$  و  $g(x) = \sqrt{x - f^{-1}(x)}$  باشد، کمترین مقدار  $a$  کدام است؟

-۲ (۴)

-۱ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۲ اگر تابع  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ ، تابعی اکیداً یکنوا و گذرنده از مبدأ مختصات و در نقطه  $(-1, 2)$  بر خط  $x=2$  عمود باشد، آن‌گاه  $f(4)$  کدام است؟

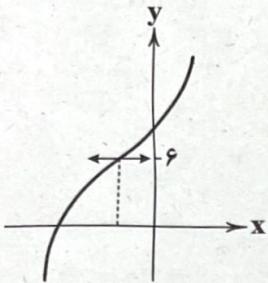
-۵ (۴)

-۲ (۳)

-۳ (۲)

-۴ (۱)

-۳ اگر  $f$  تابعی خطی و نمودار تابع  $y = x^3 + 6x^2 + 9x + f(x)$  به صورت شکل زیر باشد، آن‌گاه مقدار  $f(1)$  کدام است؟



۲۰ (۱)

۱۹ (۲)

۱۸ (۳)

۱۷ (۴)

-۴ اگر  $f(x) = \begin{cases} 4x+1 & ; x \geq 1 \\ mx+2 & ; x < 1 \end{cases}$  به ازای مقدار  $m$  متعلق به بازه  $[a, b]$  تابعی صعودی باشد، بیشترین مقدار  $b-a$  کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۵ اگر به ازای مقادیر  $k$  متعلق به بازه  $(-\infty, 3)$ ، تابع  $|x-2| + |x-3|$  اکیداً نزولی باشد، بیشترین مقدار  $b-a$  کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۶ اگر تابع  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  بر عبارت  $(x+2)(x^2-1)$  بخش پذیر باشد و از نقطه  $(2, 96)$  عبور کند، آن‌گاه  $a+d$  کدام است؟

-۸ (۴)

-۶ (۳)

-۴ (۲)

-۲ (۱)

-۷ اگر  $x^7 - 3 = 0$  باشد، آن‌گاه حاصل  $(x-1)(x^{14} + x^{15} + x^{16} + \dots + x^{41})$  کدام است؟

۵۴۹ (۴)

۶۸۶ (۳)

۶۴۰ (۲)

۷۲۰ (۱)

-۸ اگر باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای  $P(x)$  بر  $x-3, x-2, x+2$  و  $x^3 - x^2 - 6x$  باشد، آن‌گاه حاصل  $a \times b$  کدام است؟

-۶ (۴)

-۸ (۳)

-۱۰ (۲)

-۱۲ (۱)

-۹ باقی‌مانده تقسیم  $x^{11} - x^3$  بر  $x^3 + x^2 + x^1 + 1$  کدام است؟

-۲ (۴)

-۱ (۳)

-۸ (۲)

-۲ (۱)

-۱۰ مجموع ضرایب خارج قسمت تقسیم  $x^8 + 1$  بر  $x^3 - 2$  کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

## کسری

- ۱۱ - حاصل  $(a, b \in \mathbb{N})$  کدام است؟  $([a, (a, b)], (a, [a, b]))$

 $[a, b] (4)$  $(a, b) (3)$  $b (2)$ 

۲ (۱)

- ۱۲ - برای دو عدد طبیعی  $a$  و  $b$  اگر  $a+b = 222$  و  $(a, b) = 2$  باشد، کمترین مقدار  $a+b$  کدام است؟

۲۲۴ (۴)

۸۲ (۳)

۸۰ (۲)

۸۱ (۱)

- ۱۳ - اگر برای عدد صحیح  $a$ ، دو عدد  $-5$  و  $-6a+3$  نسبت به هم اول نباشند، آن‌گاه بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک آن‌ها کدام است؟

۱۳ (۴)

۱۷ (۳)

۱۹ (۲)

۲۳ (۱)

- ۱۴ - اگر باقی‌مانده تقسیم عدد  $a$  بر  $3, 4$  و  $5$  به ترتیب برابر  $2, 3$  و  $4$  باشد، آن‌گاه باقی‌مانده تقسیم عدد  $a$  بر  $30$  کدام است؟

۲۸ (۴)

۲۹ (۳)

۲۷ (۲)

۲۵ (۱)

- ۱۵ - در تقسیم عدد طبیعی  $a$  بر عدد طبیعی  $b$ ، باقی‌مانده  $12$  و خارج قسمت  $23$  می‌باشد. اگر  $a$  مضرب  $5$  باشد، مجموع ارقام کوچک‌ترین مقدار  $a$  کدام است؟

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۱۱ (۲)

۱۰ (۱)

- ۱۶ - اگر  $a = 4k+3$  و  $b = 4k+3$ ، آن‌گاه باقی‌مانده تقسیم  $-17 - 2a^4 - b^4$  بر  $8$  کدام است؟

۴) صفر

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۷ - باقی‌مانده عدد  $8^{47} - 4^{37}$  بر عدد  $33$  کدام است؟

۱۹ (۴)

۱۳ (۳)

۱۴ (۲)

۱۶ (۱)

- ۱۸ - عدد شش رقمی  $\overline{a63b29}$  بر  $99$  بخش پذیر است. رقم  $a$  کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۹ - رقم یکان عدد  $\sum_{n=1}^{1403} n!^n$  کدام است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

- ۲۰ - اگر در یک سال، نهم دی ماه یک‌شنبه باشد، سیزدهم اردیبهشت ماه در همان سال چه روزی از هفته بوده است؟

۴) جمعه

۳) پنج‌شنبه

۲) چهارشنبه

۱) سه‌شنبه

## هندسه (۲)

- ۲۱ - اگر  $A = \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$  باشد، مجموع درایه‌های وارون ماتریس  $A^{1403!} + A^{-1}$  کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۲۲ - اگر ماتریس وارون پذیر  $A_{2 \times 2}$  در رابطه  $A - A^{-1} - 3I^5 = 5A + I$  صدق کند، آن‌گاه مجموع درایه‌های ماتریس  $(A - A^{-1} - 3I^5)$  کدام است؟

۸۱ (۴)

۷۲ (۳)

۶۴ (۲)

۵۴ (۱)

- ۲۳ - هرگاه داشته باشیم  $A + A^{-1} = A \cdot A^{-1}$ ، حاصل  $A^{1403}$  کدام است؟

I - A (۴)

A - I (۳)

2A - I (۲)

I - 2A (۱)

-۲۴ اگر  $B = \begin{bmatrix} 0 & 7 \\ -5 & -2 \end{bmatrix}$  باشد، مجموع درایه‌های ماتریس  $A^{-1}(A^{-1} + B^{-1})^{-1}B^{-1}$  کدام است؟

 $\frac{1}{3}I(4)$  $\frac{1}{2}I(3)$  $2I(2)$  $3I(1)$ 

-۲۵ اگر  $A$  یک ماتریس وارون پذیر باشد و  $A - A^{-1} = 2\sqrt{3}I$  باشد، مجموع درایه‌های ماتریس  $(A + A^{-1})(A^T + (A^{-1})^T)$  کدام است؟

 $5\sqrt{6}(4)$  $4\sqrt{6}(3)$  $3\sqrt{6}(2)$  $3\sqrt{6}(1)$ 

-۲۶ اگر ماتریس  $A = \begin{bmatrix} x & y \\ 2 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -y & -x \end{bmatrix}$  وارون پذیر نباشد و  $B = \begin{bmatrix} 3x & y \\ y & x \end{bmatrix}$ ، آن‌گاه مجموع درایه‌های سطر دوم ماتریس  $B^{-1}(6x)$  کدام است؟ ( $x \neq 0$ )

 $A(4)$  $9(3)$  $10(2)$  $12(1)$ 

-۲۷ اگر دستگاه  $\begin{cases} (m-n)x + (m+n)y = 5 \\ 4x + 8y = -3 \end{cases}$  بی‌شمار جواب داشته باشد، دستگاه  $\begin{cases} 3x + my = 12 \\ nx + 4y = 8 \end{cases}$  چند جواب دارد؟

 $4)$  بی‌شمار $2(3)$  $1(2)$  $0)$  صفر

-۲۸ در معادله  $A = \begin{bmatrix} 3 & 7 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$ ، مجموع درایه‌های ماتریس  $A$  کدام است؟

 $-8(4)$  $8(3)$  $-13(2)$  $13(1)$ 

-۲۹ اگر  $A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  و  $X$  یک ماتریس  $3 \times 3$  و داشته باشیم  $AX + X = 3A^T - 4A - I$ ، آن‌گاه مجموع درایه‌های ماتریس  $X$  کدام است؟

 $32(4)$  $30(3)$  $21(2)$  $25(1)$ 

-۳۰ اگر  $(A - I)^3 = \bar{O}$  باشد، حاصل  $A^{-1} + 3A - 3I$  کدام است؟

 $A^T(4)$  $A^T + I(3)$  $A + 2I(2)$  $A(1)$ 

## ریاضی (۱)

-۳۱ اگر مجموعه جواب نامعادله  $\frac{-x^3 + bx^2 + a}{2x^3 - 3x + 4} \geq 0$  به صورت  $[1, 2]$  باشد، حاصل  $\frac{a}{b}$  کدام است؟

 $-\frac{3}{2}(4)$  $-\frac{2}{3}(3)$  $\frac{2}{3}(2)$  $\frac{3}{2}(1)$ 

-۳۲ اگر مجموعه جواب نامعادله  $x - 5 \leq |x+1| \leq 2x$  به صورت  $(a, -\infty)$  باشد، حاصل  $1 + 2a^2$  کدام است؟

 $\frac{26}{9}(4)$  $\frac{24}{9}(3)$  $\frac{41}{9}(2)$  $\frac{32}{9}(1)$ 

-۳۳ اگر مجموعه جواب نامعادله  $\frac{(b - ax + 4)(2x - 3\sqrt{x} + 1)}{x - \frac{5}{6}} \geq 0$  به ازای  $x > \frac{5}{6}$  به صورت  $[1, 2]$  باشد، آن‌گاه یکی از ریشه‌های معادله  $(a > 0) (-2a + b)x^2 + 8x + 12 = 0$  کدام است؟

 $4(4)$  $-4(3)$  $3(2)$  $-3(1)$

-۳۴- اگر جدول تعیین علامت کدام است؟  $y = x^7 + 2ax^5 + bx^3 + c$  به صورت زیر باشد، حاصل  $a+b+c$

x	1	3
y	-	+

 $\frac{3}{2}$  $\frac{5}{2}$  $-\frac{3}{2}$  $-\frac{5}{2}$ 

-۳۵- اگر تابع  $f(x) = \sqrt{4x^7 - (2m-1)x+1}$  به ازای هر مقدار  $x$  تعریف شده باشد و محدوده  $m$  به صورت  $[a, b]$  باشد، کدام است؟

 $\frac{25}{4}$  $\frac{27}{4}$  $\frac{17}{2}$  $\frac{35}{4}$ 

### حسابان (۱)

-۳۶- فرض کنید  $\{f\} = \{(1, 2), (2, 3), (3, 4), (4, -2)\}$  و  $g = \{(2, 1), (4, 4), (1, -2)\}$  باشد. در این صورت مجموع اعضای برد تابع

$$\frac{f+g}{f-g}$$

 $\frac{1}{6}$  $\frac{1}{3}$  $\frac{1}{2}$  $1(1)$ 

-۳۷- فرض کنید  $\{f\} = \{(1, a), (3, b), (b, 3a)\}$  تابعی باشد که  $f$  و  $f^{-1}$  هر دو سه عضوی و  $f = f^{-1}$  باشد. اگر عدد ۱۰ عضو برد  $f + f^{-1}$  باشد، آنگاه  $a+b$  کدام است؟

 $3(4)$  $4(3)$  $5(2)$  $6(1)$ 

-۳۸- فرض کنید دامنه تابع  $(x)$  برابر با بازه  $[2, -2]$  باشد. از کدام یک از رابطه های زیر، وارون پذیری  $f$  نتیجه می شود؟

$D_f \neq R_f$

$D_f = R_f$

$f(f(x)) = x + 1$

$f(f(x)) = x^4$

$$g(x) = \begin{cases} 4x & x > a \\ x-1 & x \leq a \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} 2x+1 & x > 2 \\ 1+x & x \leq 2 \end{cases}$$

 $-5(4)$  $-3(3)$  $-3(2)$  $1(3)$ 

-۳۹- فرض کنید  $[x] = [x] + [2x]$  باشد. در این صورت مقدار  $f(\sqrt{3}) - g(\sqrt{3})$  کدام است؟

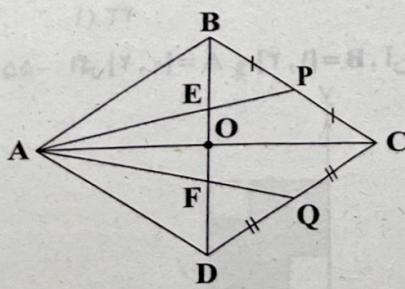
 $\frac{43}{12}(4)$  $\frac{33}{8}(3)$  $\frac{41}{12}(2)$  $\frac{31}{8}(1)$ 

### هندسه (۱)

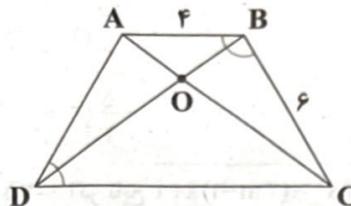
-۴۱- مجموع تعداد قطرهای متمایز دور رأس غیر مجاور یک  $n$  ضلعی محدب برابر ۴۳ می باشد. اگر یک رأس از این  $n$  ضلعی را حذف کنیم، تعداد قطرهای چند ضلعی جدید چقدر کمتر از چند ضلعی اولیه است؟

 $21(4)$  $24(3)$  $23(2)$  $22(1)$ 

-۴۲- در لوزی شکل زیر اگر  $P$  و  $Q$  وسط اضلاع لوزی باشند، نسبت مساحت مثلث  $AEF$  به مساحت مثلث  $BCD$  کدام است؟

 $\frac{1}{2}(1)$  $\frac{1}{3}(2)$  $\frac{2}{3}(3)$  $\frac{1}{4}(4)$

در ذوزنقه شکل زیر اگر  $\angle A = 40^\circ$ ,  $\angle B = 146^\circ$ ,  $BC = 6$ ,  $AB = \sqrt{2}$ , مساحت مثلث  $OAB$  چند برابر مساحت مثلث  $OCD$  می‌باشد؟



۰/۰۸ (۱)

۰/۱۵ (۲)

۰/۱۶ (۳)

۰/۲۰ (۴)

در یک ذوزنقه متساوی الساقین به قاعده‌های ۴ و ۱۲ و ارتفاع ۸، اوساط اضلاع را متولیاً به هم وصل کرده‌ایم، محیط چهارضلعی حاصل کدام است؟

۲۰۷۲ (۴)

۱۶۷۲ (۳)

۱۲۷۲ (۲)

۸۷۲ (۱)

مثلثی به اضلاع ۱۰، ۱۲ و ۶ با مثلثی که یکی از اضلاع آن ۸ می‌باشد، متشابه است. حداقل مقدار محیط مثلث دوم چقدر می‌تواند باشد؟

 $\frac{112}{3}$  (۴) $\frac{112}{5}$  (۳) $\frac{56}{3}$  (۲) $\frac{56}{5}$  (۱)

### آمار و احتمال

اگر  $(A - B) \cup B = B$ , آن‌گاه کدام لزوماً درست است؟

 $B = U$  (۴) $A = \emptyset$  (۳) $A \subseteq B$  (۲) $B \subseteq A$  (۱)

برای دو مجموعه  $A$  و  $B$ , اگر رابطه  $(A' \cap B) \subseteq (B' \cap A)$  برقرار باشد، آن‌گاه کدام یک از روابط زیر همواره صحیح است؟

 $A = B$  (۴) $A \cup B = B$  (۳) $A \subseteq B'$  (۲) $A' \subseteq B'$  (۱)

اگر  $A \subseteq X \cup Y'$  و  $A \subseteq X \cup Y$  باشد، آن‌گاه کدام مورد درست است؟

 $A \subseteq Y$  (۴) $A \subseteq X$  (۳) $A \subseteq X'$  (۲) $A \subseteq Y'$  (۱)

حاصل  $(A - B') \cup A$  کدام است؟

 $B'$  (۴) $B$  (۳) $A$  (۲) $A'$  (۱)

حاصل  $[A \cap (A \cup B)] \cap [B' \cap (B' \cup A)]$  کدام است؟

 $A - B'$  (۴) $A$  (۳) $A \cap B$  (۲) $A - B$  (۱)

اگر  $B - C = B$ , مجموعه  $(A - B) \cup (A - C) \cup (A - D)$  با کدام گزینه برابر است؟

 $A$  (۴) $A \cap B$  (۳) $A - (B \cup C \cup D)$  (۲) $A - (B \cup C \cup D)$  (۱)

اگر داشته باشیم  $A \times B \subseteq B \times A$ , آن‌گاه الزاماً:

۴) هیچ کدام

 $A \cup B = A \cap B$  (۳) $B = \emptyset$  (۲) $A = \emptyset$  (۱)

دو زیرمجموعه  $A$  و  $B$  را از مجموعه  $\{1, 2, \dots, n\}$  انتخاب کرده و مجموعه  $A \times B$  را می‌سازیم. آن‌گاه  $n(A \times B)$  نمی‌تواند باشد؟

۴) صفر

۶۵ (۳)

۵۶ (۲)

۴۸ (۱)

دو مجموعه  $A$  و  $B$  به ترتیب ۳ و ۵ عضو دارند. به هر کدام سه عضو جدید اضافه کرده‌ایم. تعداد اعضای حاصل ضرب دو مجموعه جدید، چند واحد از تعداد اعضای مجموعه  $A \times B$  بیشتر است؟

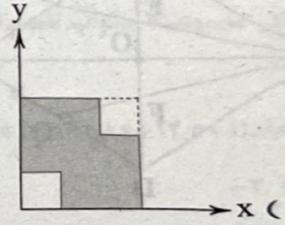
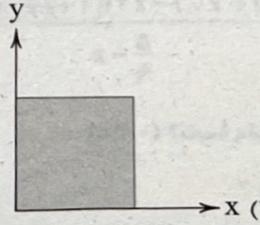
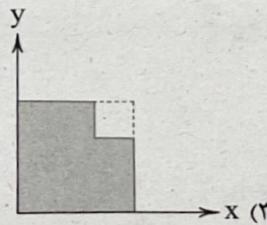
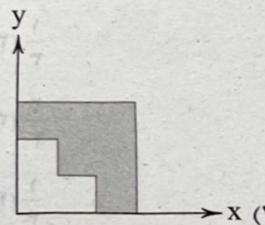
۳۹ (۴)

۳۷ (۳)

۳۵ (۲)

۳۳ (۱)

اگر  $A = [1, 3]$  و  $B = [0, 2]$ , آن‌گاه  $(A \times B) \cup (B \times A)$  کدام است؟





## تاریخ آزمون

جمعه ۱۸/۰۸/۱۴۰۳ - ۹۰

# سوالات آزمون

## دفترچه شماره (۲)

### دوره دوم متوسطه پایه دوازدهم ریاضی

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۷۰ دقیقه	تعداد سوال: ۶۰

عنوانیں مواد امتحانی آزمون گروہ آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال		مدت پاسخگویی
				تا	از	
۱	فیزیک ۳	۲۵	اجباری	۸۰	۵۶	۴۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۱۰	زوج کتاب	۹۰	۸۱	
	فیزیک ۲	۱۰		۱۰۰	۹۱	
۲	شیمی ۳	۱۵	اجباری	۱۱۵	۱۰۱	۲۵ دقیقه
	شیمی ۱	۱۰	زوج کتاب	۱۲۵	۱۱۶	
	شیمی ۲	۱۰		۱۳۵	۱۲۶	

## فیزیک



۵۵- معادله مکان - زمان متوجه کی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، در SI به صورت  $x = -4t^3 + 16t + 9$  است. کدام یک از عبارت‌های زیر در مورد حرکت این متوجه صحیح است؟

الف) در لحظه‌ای که جهت حرکت متوجه تغییر می‌کند، متوجه در فاصله ۲۸ متری مبدأ محور است.

ب) به مدت ۲۸، حرکت متوجه کنندشونده است.

ج) در پایان ثانیه چهارم، جهت بردار مکان متوجه تغییر می‌کند.

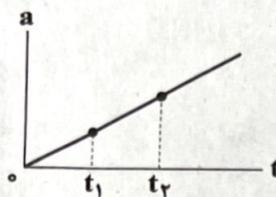
۴) «ج»

۳) «الف» و «ج»

۲) فقط «ب»

۱) فقط «الف»

۵۶- نمودار شتاب - زمان متوجه کی که روی مسیری مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. حرکت این متوجه با شتاب ..... انجام می‌شود و شتاب متوسط آن در بازه زمانی صفر تا  $t_1$  ..... شتاب متوسط آن در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  است.



۵۷- متحركی با سرعت ثابت، در مبدأ زمان از مکان  $x = -4m$  می‌گذرد و  $4s$  بعد، از مبدأ مکان می‌گذرد. معادله مکان - زمان این متوجه در SI کدام گزینه به درستی آمده است؟

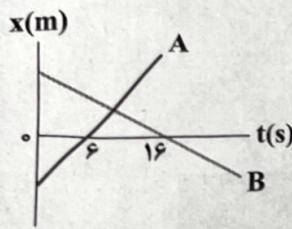
$$x = t - 4 \quad (4)$$

$$x = 4t - 4 \quad (3)$$

$$x = 4t + 4 \quad (2)$$

$$x = t + 4 \quad (1)$$

۵۸- نمودار مکان - زمان دو متوجه A و B که بر روی محور  $x$  حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. اگر فاصله دو متوجه از هم در لحظه  $t = 3s$ ، دو برابر فاصله آن‌ها از یکدیگر در مبدأ زمان باشد، آن‌گاه تندي متوجه A چند برابر تندي متوجه B است؟



۱)  $\frac{1}{2}$

۲)  $1\frac{1}{2}$

۳)  $2\frac{1}{2}$

۴)  $\frac{3}{2}$

۵۹- متحركی در مسیر مستقیم و با شتاب ثابت فاصله  $15m$  را در مدت زمان  $10s$  طی می‌کند و در لحظه رسیدن به نقطه پایان، سرعتش به  $\frac{m}{s}$  می‌رسد. شتاب متوجه چند متر بر مجذور ثانیه است؟

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

۶۰- متحركی بر روی محور  $x$  از حال سکون با شتاب ثابت شروع به حرکت می‌کند و پس از جابه جایی  $x$  سرعتش به  $30\frac{m}{s}$  می‌رسد. این متوجه  $3x$  دیگر با این سرعت می‌پیماید و  $2x$  دیگر مسیر را با شتاب ثابت می‌پیماید تا متوقف شود. سرعت متوسط متوجه در کل حرکت چند متر بر ثانیه است؟

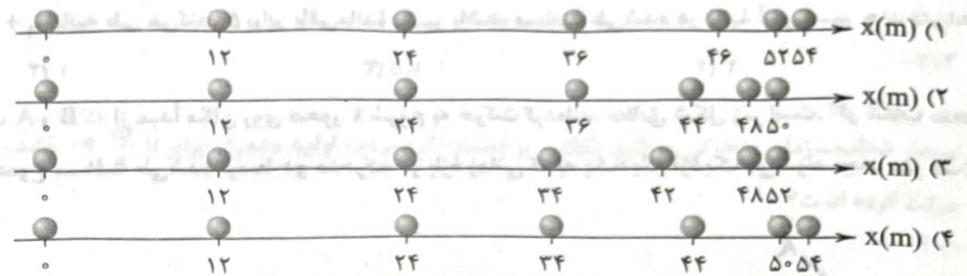
۲۵) ۴

۲۰) ۳

۱۵) ۲

۱۰) ۱

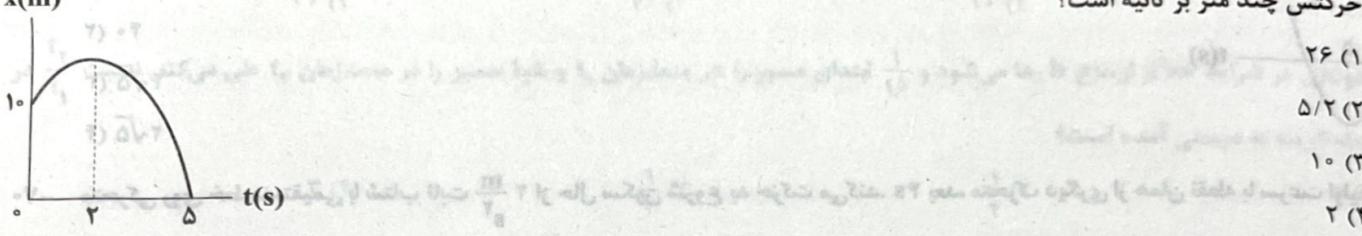
۶۲- متحرکی از مبدأ مکان به مدت زمان ۳۵ با سرعت ثابت  $\frac{m}{s} ۱۲$  حرکت می‌کند و سپس با شتاب ثابتی به بزرگی  $\frac{m}{s^2} ۴$  ترمز می‌گیرد تا متوقف شود. اگر در ثانیه‌های متوالی، مکان متحرک را روی محور  $x$  نشان دهیم، کدام شکل می‌تواند صحیح باشد؟



۶۳- متحرکی روی محور  $x$  با شتاب ثابت در حال حرکت است. بزرگی شتاب متحرک  $\frac{m}{s^2} ۲$  و در خلاف جهت سرعت اولیه آن است. متحرک ۴۸ و ۸۸ بعد از شروع حرکت از نقطه  $M$  عبور می‌کند. در صورتی که متحرک در مبدأ زمان در مکان صفر باشد، فاصله نقطه  $M$  از مبدأ مکان چند متر است؟

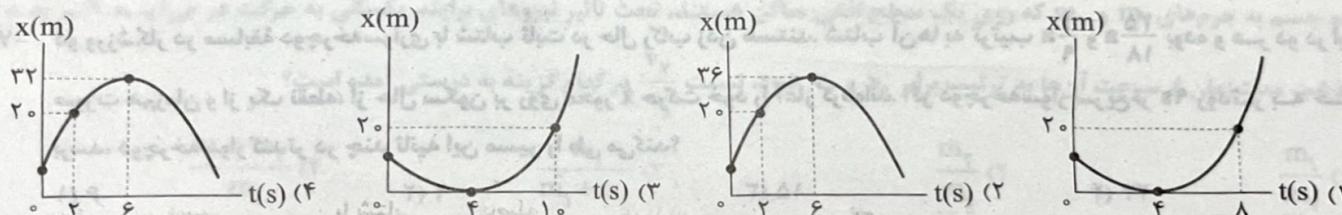
(۱) ۱۲ (۲) ۴۸ (۳) ۳۲ (۴) ۵۲

۶۴- نمودار مکان-زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، به صورت سهمی شکل زیر است. تندی متوسط این متحرک در ۵ ثانیه اول حرکتش چند متر بر ثانیه است؟



۶۵- کدامیک از نمودارهای زیر، می‌تواند مربوط به متحرکی باشد که با شتاب ثابت بر روی محور  $x$  حرکت می‌کند و در فاصله ۲۰ متری مبدأ محور،

تندی آن برابر با  $\frac{m}{s} ۸$  است؟



۶۶- نمودار شتاب-زمان متحرکی که در مسیر مستقیم با تندی اولیه  $\frac{m}{s} ۹$  در جهت محور  $x$  ها شروع به حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد حرکت این متحرک درست است؟

الف) متحرک ۲۸ متوقف شده است.

ب) مدت زمان حرکت متحرک به صورت تندشونده و کندشونده یکسان است.

ج) متحرک تغییر جهت نداده است.

د) متحرک تا لحظه  $t = ۸s$  در جهت محور  $x$  ها حرکت کرده است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

- ۶۷- راننده خودرویی که در مبدأ زمان با سرعت ثابت  $v = 10 \text{ m/s}$  در جهت محور  $x$  در حال حرکت است، در لحظه  $t = 3\text{s}$  ترمز گرفته و در لحظه  $t = 3\text{s}$  متوقف می‌شود. این راننده به مدت  $t$  ثانیه با شتاب ثابتی به بزرگی  $\frac{m}{s^2}$  و سپس با شتاب ثابتی به بزرگی  $\frac{m}{s^2}$  حرکت می‌کند تا بایستد. اگر مسافتی که خودرو تا لحظه  $t + 1$  ثانیه طی می‌کند، برابر باقی‌مانده مسیر باشد، مسافت طی شده در ثانیه آخر مسیر چند متر است؟

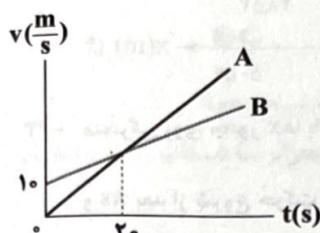
۲) ۴

۱/۵) ۳

۱) ۲

۰) ۵

- ۶۸- نمودار سرعت - زمان دو متحرک A و B که از مبدأ مکان روی محور  $x$  شروع به حرکت کرده‌اند، مطابق شکل زیر است. اگر شتاب متحرک B نصف شتاب متحرک A باشد، مجموع مسافت طی شده توسط دو متحرک، در بازه زمانی که به یکدیگر نزدیک می‌شوند، چند متر است؟



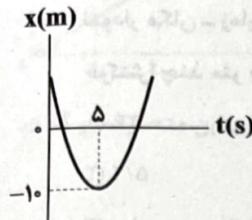
۱) ۱۱۰۰

۲) ۱۰۰۰

۳) ۱۲۰۰

۴) ۹۰۰

- ۶۹- نمودار مکان - زمان متحرکی که روی محور  $x$  با شتاب ثابت حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر متحرک در ثانیه هشتم حرکتش،  $10\text{m}$  در جهت محور  $x$ ها جایه‌جا شود، تندی آن در لحظه عبور از مبدأ محور چند متر بر ثانیه است؟



۱) ۲۰

۲) ۴۰

۳)  $4\sqrt{5}$ ۴)  $2\sqrt{5}$ 

- ۷۰- متحرکی روی خط مستقیمی با شتاب ثابت  $\frac{m}{s^2}$  از حال سکون شروع به حرکت می‌کند.  $4\text{s}$  بعد، متحرک دیگری از همان نقطه با سرعت اولیه  $\frac{2}{s}\text{m/s}$  و

شتاب ثابت  $\frac{m}{s^2}$  به دنبال متحرک اول شروع به حرکت می‌کند. پس از چند ثانیه از شروع حرکت متحرک دوم، دو متحرک به هم می‌رسند؟

۱۲) ۴

۸) ۳

۶) ۲

۲) ۱

- ۷۱- دو ورزشکار در مسابقه دوچرخه‌سواری با شتاب ثابت در حال رکاب زدن هستند. شتاب آن‌ها به ترتیب  $a = \frac{2}{9}\text{m/s}^2$  و  $a = \frac{25}{18}\text{m/s}^2$  بوده و هر دو در ابتدا به صورت همزمان و از یک نقطه، از حال سکون بر روی محور  $x$  حرکت خود را آغاز کرده‌اند. اگر دوچرخه‌سوار سریع‌تر  $9\text{s}$  زودتر به خط پایان برسد، دوچرخه‌سوار کندتر در چند ثانیه این مسیر را طی می‌کند؟

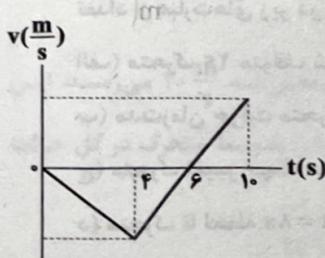
۲۴) ۴

۱۵) ۳

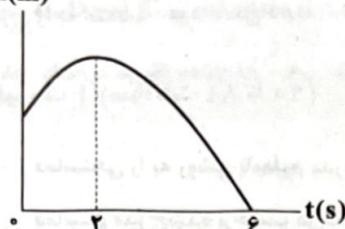
۹) ۲

۶) ۱

- ۷۲- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور  $x$ ها در حال حرکت است، مطابق شکل زیر است. اگر بزرگی شتاب متوسط متحرک در مدتی که به صورت تندشونده در جهت محور  $x$ ها حرکت می‌کند، برابر  $\frac{m}{s^2}$  باشد، سرعت متوسط متحرک در  $10\text{s}$  نخست حرکتش چند متر بر ثانیه است؟

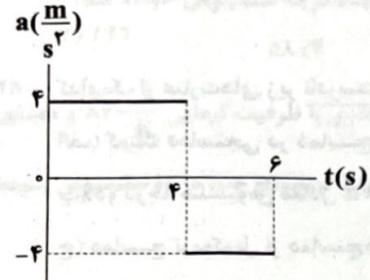
۱)  $-0/4$ ۲)  $0/4$ ۳)  $-0/2$ ۴)  $0/2$

- ۷۳- نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر مسافتی که متحرک در ۶ ثانیه نخست حرکتش طی می‌کند، برابر  $20\text{ m}$  باشد، شتاب حرکت متحرک چند متر بر محدود ثانیه است؟



- ۱) (۱)  
-۱ (۲)  
۲ (۳)  
-۲ (۴)

- ۷۴- نمودار شتاب - زمان متحرکی، مطابق شکل زیر است. اگر سرعت اولیه متحرک برابر با  $\frac{m}{s} = 4$  باشد، متحرک چند ثانیه در جهت محور  $x$  ها حرکت کرده است؟



- ۲) (۱)  
۵ (۲)  
۱ (۳)  
۳ (۴)

- ۷۵- گلوله A در شرایط خلا از ارتفاع  $80$  متری سطح زمین رها می‌شود. ۲s بعد، گلوله B در شرایط خلا از ارتفاع  $h$  متری سطح زمین رها می‌شود.  $h$  چند متر باشد تا گلوله‌ها همزمان به زمین برسند? ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- ۳۰ (۴)                  ۴۰ (۳)                  ۱۰ (۲)                  ۲۰ (۱)

- ۷۶- گلوله‌ای در شرایط خلا از ارتفاع  $h$  رها می‌شود و  $\frac{1}{16}$  ابتدای مسیر را در مدت زمان  $t_1$  و بقیه مسیر را در مدت زمان  $t_2$  طی می‌کند. نسبت  $\frac{t_2}{t_1}$  در کدام گزینه به درستی آمده است؟

- ۳ (۴)                   $\frac{1}{3}$  (۳)                   $\frac{1}{2}$  (۲)                  ۴ (۱)

- ۷۷- هر گاه به جسمی که در حال حرکت است، نیرویی وارد نشود، چه اتفاقی برای جسم می‌افتد؟

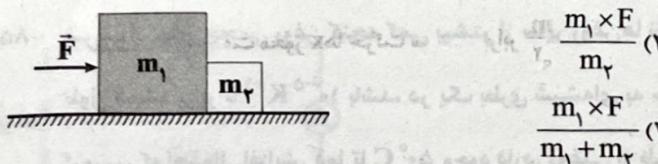
- (۱) متوقف می‌شود.  
(۲) با شتاب ثابت به صورت تندشونده به حرکت خود ادامه می‌دهد.  
(۳) با سرعت ثابت به حرکت خود ادامه می‌دهد.  
(۴) یکی از گزینه‌های (۱) یا (۳) اتفاق می‌افتد.

- ۷۸- دو جسم به جرم‌های  $m_1$  و  $m_2$  که روی یک سطح افقی ساکن هستند، تحت تأثیر نیروهای برابر و یکسانی به حرکت در می‌آیند. اگر بعد از

گذشت مدت زمان  $t$ ، سرعت آن‌ها به ترتیب برابر  $v_1$  و  $v_2$  شود، نسبت  $\frac{v_2}{v_1}$  در کدام گزینه به درستی آمده است؟

- $\frac{m_1 + m_2}{m}$  (۴)                   $\frac{m_1}{m_1 + m_2}$  (۳)                   $\frac{m_2}{m_1}$  (۲)                   $\frac{m_1}{m_2}$  (۱)

- ۷۹- در شکل زیر، اصطکاک وزنه‌ها با سطح افقی ناچیز است. بزرگی نیرویی که وزنه  $m_1$  به وزنه  $m_2$  وارد می‌کند، در کدام گزینه به درستی آمده است؟



- $\frac{m_1 \times F}{m_2}$  (۲)                   $\frac{m_2 \times F}{m_1}$  (۱)  
 $\frac{m_1 \times F}{m_1 + m_2}$  (۴)                   $\frac{m_2 \times F}{m_1 + m_2}$  (۳)

- ۸۰- به یک جسم ۲ کیلوگرمی همزمان چهار نیرو به اندازه‌های  $10N$ ,  $15N$ ,  $20N$  وارد می‌شوند و جسم در حال تعادل قرار دارد. اگر فقط نیروی  $15$  نیوتونی حذف شود و دیگر نیروها با همان اندازه و جهت اثرگذار باشند، تغییر سرعت جسم بعد از  $2s$  چند متر بر ثانیه خواهد شد؟

- ۲۰ (۴)                  ۱۵ (۳)                  ۱۰ (۲)                  ۸ (۱)

توجه: داولطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (فیزیک ۱)، شماره ۸۱ تا ۹۰ و زوج درس ۲ (فیزیک ۲)، شماره ۹۱ تا ۱۰۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## فیزیک ۱ (سوالات ۸۱ تا ۹۰)

-۸۱- دماستنجی را به روشنی نامعلوم مدرج کرده‌اند. این دماستنج، دمای  $C^{\circ}$  را با عدد ۱۱۲ نشان می‌دهد. اگر به ازای هر  $C^{\circ}$  افزایش دما در دماستنج مدرج شده بر حسب درجه سلسیوس، دمای این دماستنج  $2^{\circ}$  درجه افزایش یابد، در چه دمایی بر حسب کلوین این دو دماستنج یک عدد را نشان خواهند داد؟ (رابطه دمای دماستنج‌ها را خطی در نظر بگیرید).

-۲۰۵ (۴)

۲۰۵ (۳)

-۶۸۱ (۲)

(۱) ۳۴۱

-۸۲- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست استند؟

الف) کمیت دماستنجی در دماستنج ترموموپل، اختلاف پتانسیل الکتریکی است.

ب) دو درجه سلسیوس معادل ۲۷۵ کلوین است.

ج) دماستنج ترموموپل از دماستنج‌های معیار است.

د) دماستنج گازی از دماستنج‌های معیار نیست.

ه) کمیت دماستنجی در دماستنج‌های جیوه‌ای و الکلی، حجم مایع درون دماستنج‌ها است.

۴) «ب»، «ج» و «د»

۳) «ج» و «د»

۲) «ج» و «د»

۱) «الف»، «د» و «ه»

-۸۳- اختلاف طول دو خطکش فلزی با جنس‌های A و B در دمای  $\theta_1$  برابر  $10\text{ cm}$  است. دمای هر دو خطکش را به یک اندازه افزایش می‌دهیم. اگر در این وضعیت، اختلاف طول آن‌ها تغییری نکند، طول خطکش کوتاه‌تر در دمای  $\theta_1$  چند سانتی‌متر بوده است؟

$$(\alpha_A = 3 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}, \alpha_B = 2 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1})$$

۴۰ (۴)

۱۰ (۳)

۳۰ (۲)

(۱) ۲۰

-۸۴- دمای یک مخزن (حوضچه) آب شیرین در فصل زمستان به صفر درجه سلسیوس رسیده است. پس از مدتی دمای سطح آب به  $20^{\circ}\text{C}$  می‌رسد، ولی دمای قسمت‌های پایینی آن کمتر از این دما باقی مانده‌اند. چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) در کف مخزن آب صفر درجه سلسیوس می‌تواند وجود داشته باشد.

ب) آب صفر درجه سلسیوس بالای ظرف جمع می‌شود.

ج) در هیچ جای مخزن، آب صفر درجه سلسیوس نمی‌تواند وجود داشته باشد.

د) دمای قسمت‌های پایینی مخزن پس از مدتی با هم برابر شده و کمتر از دمای سطح آن خواهد بود.

۳ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

(۱) ۱

-۸۵- ضریب انبساط حجمی روغن کنجد کمی بیشتر از سایر روغن‌ها نظیر روغن زیتون بوده و تقریباً برابر  $8 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}$  است. اگر ضریب انبساط طول شیشه برابر با  $10^{-5} \text{ K}^{-1}$  باشد، در یک بطربی شیشه‌ای به حجم خالص  $L/5$  حداقل چند سی سی روغن کنجد برقیزیم تا در مناطق گرم‌سیر که احتمال افزایش دما تا  $50^{\circ}\text{C}$  وجود دارد، روغنی از ظرف بیرون نریزد؟ (دمای اولیه روغن و بطربی شیشه‌ای را صفر درجه سلسیوس در نظر بگیرید).

۷۰۰ (۴)

۷۲۰ (۳)

۱۴۴۰ (۲)

(۱) ۱۴۰۰

۸۶- در پالایشگاه تهران یک مخزن استوانه‌ای شکل برای نگهداری مشتقات نفتی به قطر سطح مقطع ۵m و ارتفاع ۱۰m از فلزی با آلیاژ خاص ساخته شده که ضریب انبساط آن ناچیز بوده و در برابر خوردگی و یوسیدگی ناشی از برف و باران مقاومت می‌کند. در دمای  $C = 5^{\circ}$  فاصله سطح مایع درون مخزن تا لبه آن تقریباً برابر  $m = 5/4$  است. اگر ضریب انبساط حجمی مایع درون مخزن برابر با  $K = 10^{-3}$  باشد، تقریباً در دمای چند درجه سلسیوس خطر سوریز شدن مخزن وجود دارد؟

۴۷/۶ (۴)

۵۲/۶ (۳)

۵۰/۶ (۲)

۴۰/۶ (۱)

۸۷- سه گلوله هم جنس با دماهای اولیه  $C = 50^{\circ}$ ,  $C = 70^{\circ}$  و  $C = 66^{\circ}$  را در مجاورت یکدیگر قرار می‌دهیم. اگر سیستم با محیط تبادل انرژی گرمایی نداشته باشد و تبادل انرژی گرمایی تنها بین سه گلوله انجام شود، پس از رسیدن به تعادل گرمایی، دمای گلوله‌ها چند درجه سلسیوس خواهد شد؟

۵۸ (۴)

۶۸ (۳)

۶۲ (۲)

۵۲ (۱)

۸۸- ۲kg آب با دمای  $C = 20^{\circ}$  را درون گرماسنجی با ظرفیت گرمایی  $\frac{J}{K} = 1/5$  می‌ریزیم و بلا فاصله گلوله‌ای فلزی با ظرفیت گرمایی  $840^{\circ}$  و دمای اولیه  $C = 160^{\circ}$  را به محتویات مجموعه اضافه می‌کنیم. اگر دمای تعادل مجموعه به  $C = 60^{\circ}$  برسد. دمای اولیه گرماسنج چند درجه سلسیوس بوده است؟ (سیستم را بسته فرض کنید و  $J = 4200 \text{ kg.K}$ )

۱۲۸ (۴)

۲۲۸ (۳)

۱۶۸ (۲)

۱۰۸ (۱)

۸۹- در ظرفی به جرم  $g = 1500$  با گرمای ویژه  $J = 1680$  و دمای اولیه  $C = 30^{\circ}$  مقداری آب با دمای  $C = 60^{\circ}$  با ظرفیت گرمایی  $756^{\circ}$  و یک گلوله فلزی به جرم  $6\text{kg}$  و دمای اولیه  $C = 150^{\circ}$  می‌ریزیم. با صرف نظر کردن از گرمای مبادله شده با محیط، دمای تعادل مجموعه چند درجه سلسیوس خواهد شد؟ (فلز  $J = 420 \frac{\text{J}}{\text{kg.}^{\circ}\text{C}}$ )

۵۲ (۴)

۷۲ (۳)

۷۴ (۲)

۶۸ (۱)

۹۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر صحیح است؟

- الف) گرمای ویژه جسم، تابع جرم و جنس آن است.
- ب) یکای ظرفیت گرمایی ژول بر کلوین است.
- ج) دماسنچ‌ها دمای خودشان را اندازه‌گیری می‌کنند.
- د) ظرفیت گرمایی جسم تنها به جنس آن بستگی دارد.
- ه) گرمای ویژه جسم تابع جنس آن است.

۴ (۴)

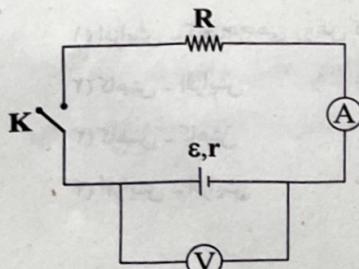
۲ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

## فیزیک ۲ (سوالات ۹۱ تا ۱۰۰)

۹۱- در مدار شکل زیر، مقاومت داخلی باتری برابر با  $5\Omega$  و اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری  $3V$  درصد کم‌تر از نیروی حرکت آن است. اگر آمپرسنچ ایده‌آل  $A = 4/5$  را نشان دهد، در صورتی که کلید  $K$  را قطع کنیم، ولتسنچ ایده‌آل چند ولت را نشان خواهد داد؟



۲/۲۵ (۱)

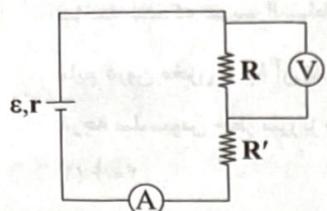
۷/۵ (۲)

۴/۵ (۳)

۱۵ (۴)

محل انجام محاسبات

۹۲ - اگر در مدار شکل زیر، ولت‌سنج و آمپرسنج ایده‌آل نباشند، نسبت اختلاف پتانسیلی که ولت‌سنج اندازه‌گیری می‌کند، به شدت جریان اندازه‌گیری شده توسط آمپرسنج کدام یک از گزینه‌های زیر می‌تواند باشد؟



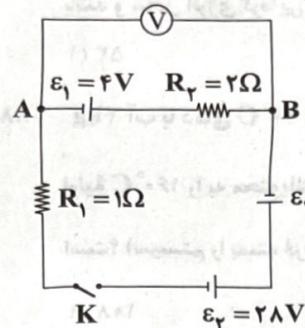
(۱) بزرگ‌تر از  $R$  است.

(۲) ممکن است کوچک‌تر یا بزرگ‌تر از  $R$  باشد.

(۳) کوچک‌تر از  $R$  است.

(۴) ممکن است برابر یا کوچک‌تر از  $R$  باشد.

۹۱ - در مدار شکل زیر، با بسته شدن کلید  $K$  عددی که ولت‌سنج ایده‌آل نشان می‌دهد، چند ولت و چگونه تغییر می‌کند؟



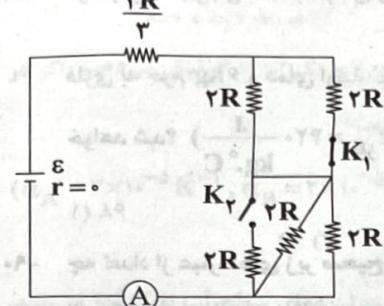
(۱) کاهش

(۲) افزایش

(۳) کاهش

(۴) افزایش

۹۰ - در مدار شکل مقابل، هنگامی که کلید  $K_1$  بسته و کلید  $K_2$  باز است، آمپرسنج جریان  $A$  را نشان می‌دهد. اگر کلید  $K_1$  باز شده و کلید  $K_2$  بسته شود، شدت جریان نشان داده شده توسط آمپرسنج برابر ..... آمپر بوده و نسبت به جریان قبلی ..... درصد ..... می‌یابد. (آمپرسنج را ایده‌آل در نظر بگیرید).



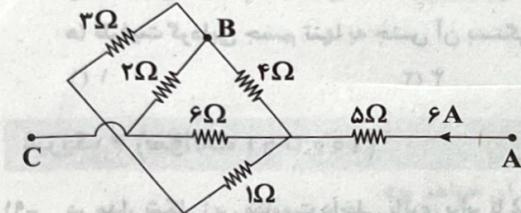
(۱) ۴۰ - کاهش

(۲) ۲۰ - افزایش

(۳) ۱۲ - افزایش

(۴) ۲۰ - کاهش

در قسمتی از یک مدار که در شکل زیر آمده است،  $V_A - V_B$  چند ولت است؟



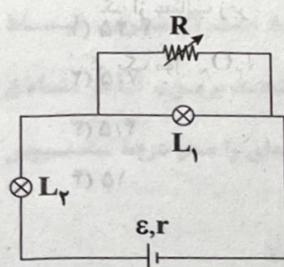
۳۵/۸ (۱)

۳۰/۲ (۲)

۳۷/۲ (۳)

۲۲/۸ (۴)

در مدار شکل زیر، اگر اندازه مقاومت متغیر ( $R$ ) افزایش یابد، نور لامپ‌های  $L_1$  و  $L_2$  به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟



(۱) افزایش - کاهش

(۲) کاهش - افزایش

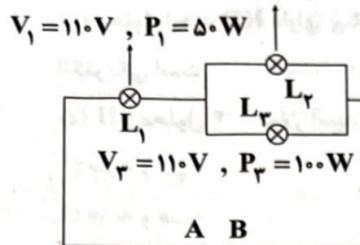
(۳) کاهش - کاهش

(۴) افزایش - افزایش

۹۷- در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه A و B به صورتی تأمین نمی‌شود که هیچ یک از لامپ‌ها آسیب نمی‌بینند. توان مصرفی لامپ L<sub>۱</sub> چند برابر توان مصرفی لامپ L<sub>۲</sub> خواهد بود؟ (اختلاف پتانسیل در نقطه A و B و مقاومت الکتریکی لامپ‌ها را ثابت فرض کنید).

$$V_T = 220\text{ V}, P_T = 100\text{ W}$$

۳/۵ (۱)

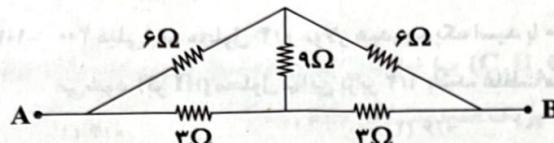


۳ (۲)

۲۵ (۳)

۲۵ (۴)

۹۸- در مدار شکل زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند اهم است؟



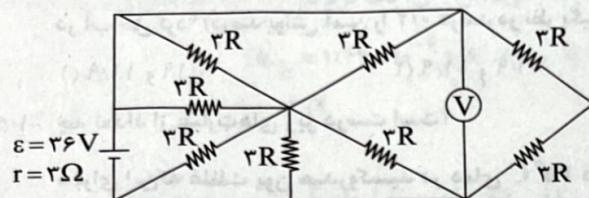
۴ (۱)

۲ (۲)

۱۳ (۳)

۰/۹ (۴)

۹۹- در مدار شکل زیر، اگر مقاومت  $R = 6\Omega$  در نظر گرفته شود، ولتسنج ایده‌آل چند ولت را نشان خواهد داد؟



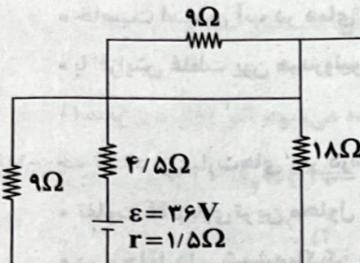
۳۳ (۱)

۲۷ (۲)

۳۴ (۳)

۲۸ (۴)

۱۰۰- در مدار شکل زیر، توان مصرفی مدار چند وات است؟



۶۹/۶ (۱)

۲۱۶ (۲)

۱۶۲ (۳)

۷۶/۶ (۴)

## شیمی



۱- کدام یک از مطالب زیر در ارتباط با اکسیدهای  $\text{SO}_3$ ،  $\text{BaO}$ ،  $\text{Li}_2\text{O}$ ،  $\text{N}_2\text{O}_5$  نادرست است؟

(۱) اگر یک مول  $\text{N}_2\text{O}_5$  و یک مول  $\text{Li}_2\text{O}$  به طور جداگانه در ۱۰ لیتر آب حل شوند، رسانایی الکتریکی محلول‌های حاصل با هم برابر است.

(۲) اگر یک مول  $\text{SO}_3$  و یک مول  $\text{BaO}$  به طور جداگانه در ۱۰ لیتر آب حل شوند، رسانایی الکتریکی محلول حاصل از  $\text{BaO}$ ، کمتر از رسانایی الکتریکی محلول دیگر نیست.

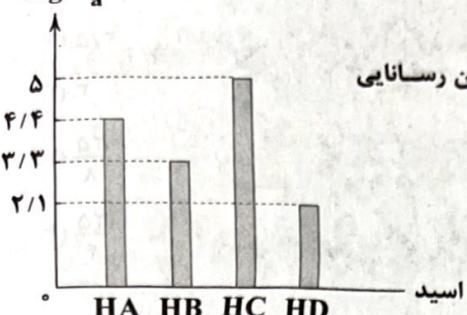
(۳) در دما و فشار اتفاق، دو اکسید بازی برخلاف دو اکسید اسیدی، به حالت جامدند.

(۴) هر مول از این اکسیدها با یک مول آب واکنش می‌دهند.

۱۰- انجام محاسبات

- با توجه به شکل زیر که مربوط به محلول چهار اسید تکپروتون دار در دما و غلظت یکسان است، کدام عبارت‌های پیشنهادشده درست می‌باشد؟

- $\log K_a$



(آ) اگر HD فورمیک اسید باشد، هیچ کدام از سه اسید دیگر نمی‌توانند هیدروفلوئوریک اسید باشند.

(ب) HC را می‌توان از حل کردن گاز کربن دی‌اکسید در آب به دست آورد.

(پ) محلول اسید HD دارای بیشترین رسانایی الکتریکی و محلول اسید HC دارای کمترین رسانایی الکتریکی است.

(ت) pH محلول ۴٪ مولار اسید HA به تقریب برابر با ۲/۴ است.

(۱) «ب» و «پ»

(۲) «ب» و «ت»

(۳) «آ» و «پ»

(۴) «آ»، «ب» و «ت»

- ۱۰۰ میلی‌لیتر محلول ۴٪ مولار هیدروبیدیک اسید با ۱۰۰ میلی‌لیتر محلول پتانس مخلوط شده و به محلول حاصل، ۲۰۰ میلی‌لیتر آب مقطر اضافه می‌شود. اگر pH محلول نهایی برابر ۱/۲ باشد، غلظت مولی محلول اولیه پتانس به تقریب کدام است؟ (حجم محلول‌ها جمع‌پذیر در نظر گرفته شود).

۰/۳ (۴)

۰/۵ (۳)

۰/۶ (۲)

۰/۴ (۱)

- ۱۰۰ میلی‌گرم استراتسیم هیدروکسید را در مقداری آب حل کنیم و حجم محلول را به پنج دسی‌لیتر برسانیم. pH محلول حاصل کدام است و برای تهیه دو لیتر محلول متیل‌آمین ( $\text{CH}_3\text{NH}_2$ ) که pH آن، ۳/۴ واحد کم‌تر از pH محلول استراتسیم هیدروکسید است، چند گرم از این آمین را باید

در آب حل کرد؟ (درصد یونش آمین را ۲٪ درصد در نظر بگیرید). ( $C=12, H=1, N=14, O=16, Sr=88: \text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$ )

۱/۹ و ۱۲/۲ (۴)

۰/۱۹ و ۱۲/۲ (۳)

۱/۹ و ۱۱/۹ (۲)

۰/۱۹ و ۱۱/۹ (۱)

- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

• برای این‌که غلظت یون هیدروکسید در دمای  $25^\circ\text{C}$  در یک محلول آبی برابر با صفر شود، باید pH آن محلول نیز صفر باشد.

• اگر pH محلول اسید A کوچک‌تر از pH محلول اسید B باشد، به این معنی است که اسید A قوی‌تر از اسید B است.

• خاصیت اسیدی آب در دمای  $25^\circ\text{C}$ ، متفاوت با خاصیت اسیدی آب در دمای  $6^\circ\text{C}$  است.

• با افزایش غلظت یون هیدرونیوم به اندازه M مول بر لیتر در یک محلول آبی، از غلظت یون هیدروکسید به میزان M مول بر لیتر کاسته می‌شود.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

• تفاوت pH بازی ترین محلول آبی و pH اسیدی ترین محلول آبی، همواره برابر با ۱۴ است.

• در محلول‌های شیشه‌پاک‌کن و لوله‌بازکن به ترتیب از یک باز ضعیف و یک باز قوی استفاده می‌شود.

• در واکنش میان جوهرنمک و سود سوزآور، یون‌های  $\text{Na}^+$  (aq) و  $\text{Cl}^-$  (aq) دست‌نخورده باقی می‌مانند.

• واکنش خنثی شدن اسید و باز، مبنایی برای کاربرد شوینده‌ها و پاک‌کننده‌های است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- کدام گزینه درست است؟

(۱) دستگاه گوارش انسان یک سامانه اسیدی به شمار می‌آید.

(۲) ثابت یونش، تنها برای اسیدهای ضعیف، یک عدد معین است.

(۳) باران اسیدی و باران معمولی، با توجه به نوع اسیدهای حل شده و غلظت آن‌ها مشخص می‌شوند.

(۴) ثابت یونش بوتانوئیک اسید، کوچک‌تر از ثابت یونش استیک اسید و فورمیک اسید است.

تجامح محاسبات

- ۱۰۸- در کدام موارد زیر، غلظت یون هیدرونیوم بیشتر از غلظت یون هیدروکسید است؟
- خون انسان
  - محیط روده کوچک
  - فقط آآ
  - آب گازدار
- ۱۰۹- اگر pH محلول یک اسید برابر  $1/4$  و ثابت یونش آن برابر  $10^{-1}$  باشد، غلظت اولیه اسید، چند مولار بوده است؟
- |           |           |           |           |
|-----------|-----------|-----------|-----------|
| $0/20(4)$ | $0/24(3)$ | $0/16(2)$ | $0/12(1)$ |
|-----------|-----------|-----------|-----------|
- ۱۱۰- کدام مورد درست است؟
- ثابت یونش یک اسید، بیانی از میزان سرعت فرایند یونش تا رسیدن به تعادل است.
  - آب آشامیدنی برخلاف آب خالص، رسانایی الکتریکی ناچیزی دارد.
  - دیواره داخلی معده به طور طبیعی مقدار زیادی از یون‌های هیدرونیوم حاصل از شیره معده را دوباره جذب می‌کند.
  - در زمان استراحت، pH معده برابر با  $3/7$  است.
- ۱۱۱- مخلوطی به جرم  $۳۰/۲۸$  گرم شامل سولفوریک اسید و بنزوئیک اسید ( $C_6H_5COOH$ ) با  $۴۰۰$  میلی‌لیتر محلول باریم هیدروکسید به طور کامل واکنش می‌دهد. چند درصد جرم مخلوط اولیه را سولفوریک اسید تشکیل داده است؟
- $$(C=12, H=1, O=16, S=32: g/mol^{-1})$$
- |          |           |           |          |
|----------|-----------|-----------|----------|
| $4/4(4)$ | $29/3(3)$ | $19/4(2)$ | $8/2(1)$ |
|----------|-----------|-----------|----------|
- ۱۱۲- نفتیل آمین ( $C_10H_7NH_2$ ) ماده‌ای است که برای ساخت رنگ استفاده می‌شود و انحلال بذیری آن، یک گرم در  $700$  گرم آب گزارش شده است. pH تقریبی محلول سیرشده آن در آب کدام است؟
- $$(K_b = 1/44 \times 10^{-9}) (C=12, H=1, N=14: g/mol^{-1})$$
- |            |            |           |           |
|------------|------------|-----------|-----------|
| $11/12(4)$ | $10/08(3)$ | $9/28(2)$ | $8/18(1)$ |
|------------|------------|-----------|-----------|
- ۱۱۳- کدام مورد نادرست است؟
- یکی از روش‌هایی که برای تعیین غلظت هیدرونیوم می‌توان به کار برد، سنجش رسانایی الکتریکی محلول‌های آبی است.
  - سفیدکننده‌ها، پاک‌کننده‌هایی هستند که از نظر شیمیایی فعال‌اند و خاصیت خورنده‌گی دارند.
  - برای افزایش قدرت پاک کردن چربی‌ها، به شویننده‌ها ترکیب یونی می‌افزایند که خاصیت بازی دارد و هر مول از آن، یک مول اسید معده را خنثی می‌کند.
  - محلول‌های هیدروسیانیک اسید و اتیلن گلیکول، الکتروولیت ضعیف به شمار می‌آیند.
- ۱۱۴- کافئین ( $C_8H_{10}N_4O_2$ ) که در قهوه و چای وجود دارد، یک باز ضعیف است و در آب به صورت زیر یونیده می‌شود. اگر pH محلول  $2/0$  مولار این ماده در آب برابر  $8/5$  باشد، مقدار  $K_b$  کدام است؟
- $$C_8H_{10}N_4O_2(aq) + H_2O(l) \rightleftharpoons HC_8H_9N_4O_2^+(aq) + OH^-(aq)$$
- |                           |                          |                          |                          |
|---------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| $6/85 \times 10^{-11}(4)$ | $5/38 \times 10^{-9}(3)$ | $4/72 \times 10^{-8}(2)$ | $3/92 \times 10^{-1}(1)$ |
|---------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
- ۱۱۵- یک ورقه نازک منیزیم را وارد پنج دسی لیتر محلول  $8/0$  مولار هیدروبرمیک اسید می‌کنیم. با توجه به نمودار زیر، چند دقیقه پس از آغاز واکنش، pH محلول،  $6$  برابر می‌شود؟ (حجم مولی گازها در شرایط آزمایش  $30$  لیتر است و از تغییرات حجم محلول چشم پوشی کنید).
- 
- زمان (دقیقه)
- حجم هیدروبرم (mL)

وجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (شیمی ۱)، شماره ۱۱۶ تا ۱۲۵ و زوج درس ۲ (شیمی ۲)، شماره ۱۲۶ تا ۱۳۵، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

### زوج درس ۱

### شیمی (۱) (سوالات ۱۱۶ تا ۱۲۵)

۱۱- کدام مطالب زیر در ارتباط با اکسیژن نادرست است؟

(آ) مقدار گاز اکسیژن در لایه‌های گوناگون هواکره با هم تفاوت دارد.

(ب) عنصر اکسیژن در ساختار همه مولکول‌های زیستی مانند کربوهیدرات‌ها، چربی‌ها و پروتئین‌ها یافت می‌شود.

(پ) به ترتیب حاصل از اکسیژن با هر کدام از عنصرهای سیلیسیم و آلومینیم به ترتیب سیلیس و بوکسیت گفته می‌شود.

(ت) علاوه بر اغلب نافلزها، شمار محدودی از فلزها نیز در شرایط مناسب با گاز اکسیژن می‌سوزند.

(۱) «آ» و «ب»      (۲) «پ» و «ت»      (۳) «آ» و «ت»      (۴) «ب» و «پ»

۱۱- کدام یک از مطالب زیر، نادرست است؟

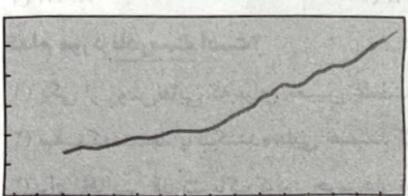
(آ) از روی مدل فضایرکن نمی‌توان پیوندهای یگانه و چندگانه را از هم تشخیص داد.

(ب) در واکنش تولید اوزون ترویوسفری در حضور نور خورشید، به جز یک ترکیب، سایر اجزای واکنش، قاعده هشت‌تایی را رعایت می‌کنند.

(پ) در واکنش تولید آب از گازهای هیدروژن و اکسیژن، می‌توان از فلزی که به حالت آزاد در طبیعت یافت می‌شود، به عنوان کاتالیزگر استفاده کرد.

(ت) در باتری‌های قابل شارژ، واکنش‌های برگشت‌پذیری که انجام می‌شوند، از نوع شیمیایی هستند.

۱۱- با توجه به شکل‌های زیر، کدام عبارت‌ها درست می‌باشند؟



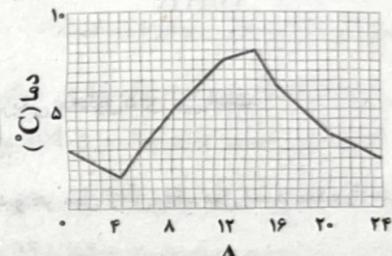
D



C



B



A

(آ) نمودار (A) تغییر دمای درون یک گلخانه را در ۲۴ ساعت شب‌نهار روز یک روز زمستانی نشان می‌دهد.

(ب) شکل (B) حسگر گازی را نشان می‌دهد که شمار پیوندهای کووالانسی آن با شمار پیوندهای کووالانسی مولکول SOF<sub>4</sub> برابر است.

(پ) در شکل (C) از ترکیبی استفاده می‌شود که شمار کاتیون‌ها با آنیون‌های آن برابر است.

(ت) نمودار (D) میانگین جهانی دمای سطح زمین را در صد سال گذشته نشان می‌دهد.

(۱) «آ» و «ب»      (۲) «پ» و «ت»      (۳) «آ» و «پ»      (۴) «ب» و «ت»

چه تعداد از عبارت‌های زیر، در ارتباط با گاز کربن مونوکسید، به درستی بیان شده است؟

- در صورتی که اکسیژن در دسترس، برای سوختن سوخت‌های فسیلی، خالص نباشد، این گاز تولید می‌شود.

- گازی بی‌رنگ، بی‌بو و بسیار سمی است و حجم هر گرم از آن، بیشتر از حجم یک گرم هوا است.

- میل ترکیبی هموگلوبین خون با این گاز، بسیار زیاد و در حدود ۲۰ برابر اکسیژن است.

- واکنش این گاز با اکسیدهایی مانند منیزیم اکسید و کلسیم اکسید، می‌توان ترکیب‌های معدنی تولید کرد.

۳ (۴)

۲ (۳)

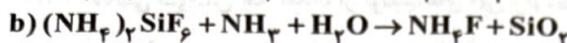
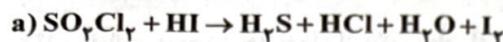
۱ (۲)

صفر

### ام محاسبات

تبلیغاتی و علمی راهنمای

- ۱۲۰- پس از موازنۀ واکنش‌های (a) و (b)، تفاوت مجموع ضرایب اجزای شرکت‌گننده در دو واکنش کدام است؟



۵ (۴)

۴ (۳)

۶ (۲)

۷ (۱)

- ۱۲۱- کدام مطالب زیر، در ارتباط با گوگرد درست است؟

آ) برای تهیۀ سولفوریک اسید، نخست گوگرد را با اکسیژن واکنش می‌دهند و می‌سوزانند.

ب) میانگین طول موج نور حاصل از سوختن گوگرد، بلندتر از نور حاصل از سوختن سدیم است.

پ) گوگرد دو نوع اکسید با فرمول‌های  $\text{SO}_2$  و  $\text{SO}_3$  تشکیل می‌دهد که از نظر شمار پیوندهای دوگانه، وضعیت مشابهی دارند.

ت) بر اثر سوزاندن سوخت‌های فسیلی در خودروها، دو نوع اکسید از گوگرد به طور مستقیم وارد هواکره می‌شود.

۱) «آ» و «ب»      ۲) «آ»، «ب» و «ت»      ۳) «آ»، «ب» و «ت»      ۴) «آ» و «ب»

- ۱۲۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر، در ارتباط با اکسیدهای نیتروژن که در هوای آلوده وجود دارند، درست است؟

• گاز دی‌نیتروژن مونوکسید به رنگ قهوه‌ای است و هوای آلوده کلان‌شهرها به این علت، اغلب به رنگ قهوه‌ای روشن دیده می‌شود.

• هنگام رعد و برق، گازهای نیتروژن و اکسیژن در هوا ترکیب شده و به این اکسیدها تبدیل می‌شوند.

• این گازها از واکنش گازهای نیتروژن و اکسیژن درون موتور خودرو و به دلیل فشار بالا به وجود می‌آیند.

• این گازها عامل پیدایش اوزون تروپوسفری هستند و با تولید اوزون تروپوسفری، مقدار هر کدام از این اکسیدها کاهش می‌یابد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۲۳- کدامیک از عبارت‌های زیر از نظر درستی یا نادرستی، متفاوت با سه عبارت دیگر است؟

۱) برای نام‌گذاری هر یک از ترکیب‌های شامل کروم، از یکی از اعداد رومی (II) یا (III) استفاده می‌شود.

۲) در رسم ساختار لوویس ترکیب‌های مولکولی، اتم‌های هالوژن و هیدروژن هرگز نمی‌توانند اتم مرکزی باشند.

۳) بخش عمدۀ از پروتوهای خورشیدی که به سمت زمین تابیده می‌شود، به وسیله هواکره جذب می‌شود.

۴) در تولید برق با استفاده از منابعی غیر از سوخت‌های فسیلی، ردپای کربن دی‌اکسید توسط گرمای زمین است.

- ۱۲۴- چه تعداد از ویژگی‌های زیر در اوزون بیشتر از اکسیژن است؟

• واکنش پذیری

• نقطۀ جوش

• غلظت در لایۀ استراتوسفر

• طول موج رنگ آن در حالت مایع خالص

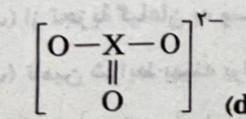
۱

۳ صفر

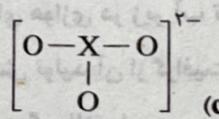
۳ (۲)

۲ (۱)

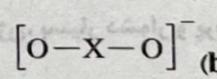
- ۱۲۵- در ساختار هر کدام از یون‌های زیر، تمامی اتم‌ها قاعده هشت‌تایی را رعایت می‌کنند. در کدام یون‌ها، عنصر X هم‌گروه با  $\text{Ge}$  است؟



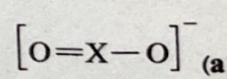
c) فقط



d) فقط



c و b) ۲



d و a) ۱

حل انجام محاسبات

## ذوچ درس ۲

(تکمیلی ۲) (سوالات ۱۲۶ تا ۱۳۵)

۱- آنتالپی سوختن چه تعداد از ترکیب‌های آلی زیر، منفی تر (بیشتر) از آنتالپی سوختن اتانول است؟ (دما یکسان است).

• اتن

۳ (۴)

• اتین

۲ (۳)

• اتان

۱ (۲)

• متانول

۱) صفر

۱۱- کدام مطالب نادرست است؟

آ) یک ویژگی بنیادی در همه واکنش‌های شیمیایی، داد و ستد گرما با محیط پیرامون است.

ب) هر چه پیوند میان دو اتم، سست‌تر باشد، انرژی تشکیل و آنتالپی شکستن آن پیوند، کم‌تر است.

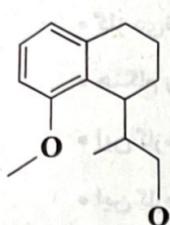
پ) محتوای انرژی ۵۰ گرم آب با دمای  $25^{\circ}\text{C}$  در فشار محیط، لزوماً ثابت نیست و به روش تهیه آن نیز بستگی دارد.ت) گرمای واکنش  $\text{PCl}_5 \rightarrow \text{PCl}_3(\text{g}) + \text{Cl}_2(\text{g})$  که در یک ظرف درسته انجام می‌شود، معادل آنتالپی واکنش است.

۴) «پ» و «ت»

۳) «آ» و «ت»

۲) «ب» و «ب»

۱) «آ» و «ب»

۱۲- کدام مطالب در ارتباط با ساختار زیر درست است؟ ( $C=12, H=1, O=16: \text{g.mol}^{-1}$ )

آ) جرم مولی آن با مجموع جرم مولی آلدید موجود در بادام و کتون موجود در میخک برابر است.

ب) نسبت آنتالپی سوختن به ارزش سوختی آن،  $\frac{11}{9}$  نسبت آنتالپی سوختن به ارزش سوختی گلوکز است.

پ) در ساختار آن، گروه‌های عاملی اتری و هیدروکسید وجود دارد.

ت) نسبت شمار جفت‌الکترون‌های پیوندی به شمار جفت‌الکترون‌های ناپیوندی آن برابر با  $9/75$  است.

۴) «پ» و «ت»

۳) «ب» و «ت»

۲) «آ»، «ب» و «پ»

۱) «آ» و «ب»

۱۳- کدام یک از مطالب زیر، درست است؟

۱) تفاوت شمار اتم‌های کربن ساده‌ترین مولکول آلدید و ساده‌ترین مولکول کتون برابر با یک است.

۲) الماس، ناپایدارتر از گرافیت بوده و آنتالپی سوختن آن، منفی تر (بیشتر) از آنتالپی سوختن گرافیت است.

۳) ارزش سوختی چربی و پروتئین به تقریب با هم برابر است.

۴) با انجام یک واکنش شیمیایی و تغییر در شیوه اتصال اتم‌ها به یکدیگر، تفاوت آشکاری در انرژی جنبشی وابسته به آن‌ها ایجاد می‌شود.

بر اثر واکنش گاز متان با بخار برم، گاز A و گاز هیدروژن برミد تولید می‌شود. اگر آنتالپی واکنش مورد نظر به ازای مصرف یک مول متان

برابر  $-86\text{ kJ}$  باشد، فرمول گاز A کدام است؟

پیوند	$\text{C}-\text{H}$	$\text{Br}-\text{Br}$	$\text{C}-\text{Br}$	$\text{H}-\text{Br}$
$(\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1})$ آنتالپی پیوند	۴۱۵	۱۹۳	۲۸۵	۳۶۶

CB<sub>4</sub> (۴)CHBr<sub>3</sub> (۳)CH<sub>2</sub>Br<sub>2</sub> (۲)CH<sub>3</sub>Br (۱)

کدام مطالب زیر در ارتباط با ساده‌ترین هیدروکربن درست است؟

۱) بخش عدمة گاز طبیعی را تشکیل می‌دهد و به گاز مرداب معروف است.

۲) از تجزیه گیاهان به وسیله باکتری‌های هوایی در زیر آب تولید می‌شود.

۳) تأمین شرایط بھینه برای انجام واکنش تولید آن از گرافیت و گاز هیدروژن، بسیار دشوار و پرهزینه است.

۴) ارزش سوختی آن از هر هیدروکربن دیگر بالاتر است.

۴) «آ» و «ت»

۳) «آ»، «پ» و «ت»

۲) «ب»، «پ» و «ت»

«آ»، «ب» و «پ»

۱۳۲- اگر ارزش سوختی الکل موجود در گشنیز (A)،  $\frac{1}{2}$  برابر ارزش سوختی اتر موجود در رازیانه (B) باشد، گرمای حاصل از سوختن کامل  $4/5$  گرم الکل A با گرمای حاصل از سوختن کامل چند گرم اتر B برابر است؟ ( $H=1, C=12, O=16: g/mol^{-1}$ )

۷/۲۵ (۴)

۶/۴ (۳)

۳/۷۵ (۲)

۵/۴ (۱)

۱۳۳- کدام یک از مطالب زیر در ارتباط با واکنش تولید آمونیاک از گازهای نیتروژن و هیدروژن که طی دو مرحله انجام می‌شود، نادرست است؟

- ۱) هیدرازین در مرحله اول، تولید و در مرحله دوم، مصرف می‌شود.
- ۲) در شرایط یکسان، آمونیاک پایدارتر از هیدرازین است.
- ۳) علامت آنتالپی واکنش کلی، با علامت آنتالپی واکنش مرحله دوم یکسان است.
- ۴) مقدار هیدروژن مصرفی در مرحله اول، کمتر از هیدروژن مصرفی در مرحله دوم است.

۱۳۴- برای چه تعداد از پیوندها در مولکول‌های داده شده از مفهوم «میانگین آنتالپی پیوند» استفاده می‌شود؟

- پیوند  $C \equiv O$  در کربن دی‌اکسید

- پیوند  $S-H$  در هیدروژن سولفید

- پیوند  $H-Cl$  در هیدروژن کلرید

- پیوند  $C \equiv O$  در کربن مونوکسید

- پیوند  $N-H$  در آمونیاک

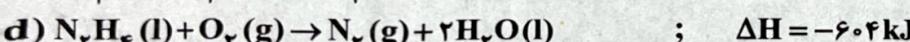
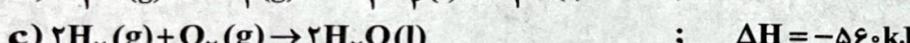
۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۳۵- از سوختن آمونیاک می‌توان آب و هیدرازین به دست آورد. اگر تفاوت جرم فراورده‌های این واکنش برابر  $5/6$  گرم باشد، مقدار گرمای مبادله شده این واکنش با توجه به واکنش‌های ترموشیمیایی زیر، چند کیلوژول است؟ ( $N=14, H=1, O=16: g/mol^{-1}$ )



۷۵/۶ (۴)

۵۷/۶ (۳)

۳۸/۲ (۲)

۲۸/۳ (۱)

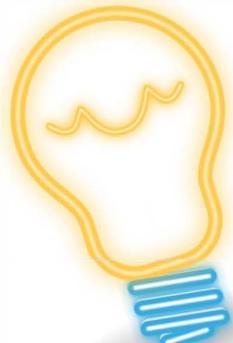
دانلود رایگان تمام آزمون های آزمایشی

در کانال تلگرام ما :



# آزمایشی آزمون

[t.me/Azmoonha\\_Azmayeshi](https://t.me/Azmoonha_Azmayeshi)



فرهنگ  
محله آموزشی فرهنگی

حاج  
سنت

سازمان آموزشی شهر



شریعت تاریخ خدمات آموزشی اداره کل  
سازمان سنجش آموزش کسر



زبان‌آموز

خدمات زبانی!  
تبلیغات



کاح  
آزمودهای سوابق



join us ...



## دفترچه شماره (۳)

نام درس:  
فارسی و فیزیک  
زمان آزمون:  
۱۱۰ دقیقه

# سوالات تشریحی

## دوازدهم ریاضی

نام:  
نام خانوادگی:  
کد داوطلب:

ردیف		نمره
۱		۰/۵
۲		۰/۵
۳		۰/۵
۴		۰/۵
۵		۱
۶		۱
۷		۱/۵
۸		۱

**فارسی (۳)**

معنی واژه مشخص شده را بنویسید.  
سریر ملک، عطا داد کردگار تو را به جای خویش دهد هر چه کردگار دهد.

املای درست را در جمله زیر، انتخاب نمایید.  
گاهی می‌ایستد و علف و (خواری / خاری) را پوزه می‌زند.

در گروه واژگان زیر، نادرستی املایی به کار رفته است، درست آن را بنویسید.  
«ضجه و شیون – ستوران و حیوانات – شرزه و خشمگین – طریاق و پادزهر»

نقش ضمیر پیوسته در مصraig «بعد از این وادی توحید آیت» مشابه گزینه ..... است؟  
الف) در عشق کسی قدم نهاد کش جان نیست  
ب) آن خضر که فرخنده پی اش نام نهادند

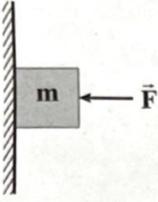
نقش دستوری واژه‌های مشخص شده را بنویسید.  
الف) عشق حقيقی دل و جان را پاک می‌گرداند.  
ب) برخی عاشق را دیوانه می‌پنداشت.

در بیت زیر، «وابسته وابسته» را مشخص کنید و نمودار پیکانی آن رارسم نمایید.  
«هر کسی کاو دور ماند از اصل خویش / باز جوید روزگار وصل خویش»

نام پدیدآورنده هر یک از آثار زیر را بنویسید.  
الف) فیهمافیه  
ب) قصه شیرین فرهاد  
ج) مثنوی معنوی

آرایه درست را از داخل کمانک برگزینید.  
الف) تو قلب فسرده زمینی / از درد ورم نموده یک چند (ایهام – جناس)  
ب) خانه‌ای کاو شود از دست اجانب آباد / ز اشک ویران گئش آن خانه که بیتالخَرَن است (متناقض‌نما – تضاد)

ردیف		نمره
۹	بیت زیر را کامل کنید. آینه نگاهت، پیوند صبح و ساحل / .....	۰/۵
۱۰	مفهوم بیت زیر از کدام گزینه دریافت می شود؟ در ره عشق نشد کس به یقین محروم راز / هر کسی بر حسب فکر گمانی دارد الف) هر کسی از ظن خود شد یار من / از درون من نجست اسرار من ب) سر من از ناله من دور نیست / لیک چشم و گوش را آن نور نیست	۰/۵
۱۱	با توجه به ایيات زیر، به پرسش‌ها پاسخ دهید. پنهان مکن آتش درون را / زین سوخته جان شنو، یکی پند تو قلب فسرده زمینی / از درد، قزم نموده یک چند الف) در بیت اول، منظور از «آتش» و «سوخته جان» چیست?  ب) با توجه به بیت دوم، چرا شاعر، خطاب به «دماؤند» این چنین گفته است؟	۱/۵
۱۲	معنای ایيات و عبارات زیر را به نظر روان بنویسید. الف) بفکن ز بی این اساس تزویر ب) محرم این هوش جز بی هوش نیست	۱
۱۳	<b>فیزیک (۳)</b> درستی یا نادرستی هر یک از جمله‌های زیر را مشخص کنید. الف) نیروهای کنش و واکنش همواره به دو جسم وارد می‌شوند و همنوع هستند. ب) فضاییمایی با موتور خاموش که در فضا و دور از ستاره‌ها و سیارات دیگر در حال حرکت است، با حرکتی شتابدار به حرکت خود ادامه می‌دهد. ج) هر چه لختی جسم بیشتر باشد، هنگام اعمال یک نیروی معین، شتاب حرکت جسم بیشتر می‌شود. د) واکنش نیروی وزن، نیروی است که در خلاف جهت آن از طرف جسم به زمین وارد می‌شود.	۱
۱۴	به سوالات زیر، پاسخ کوتاه دهید: الف) در هنگام ترمز ناگهانی، در اثر چه خاصیتی به جلو پرتاپ می‌شویم?  ب) اندازه نیروی مقاومت شاره وارد بر جسم در حال حرکت درون شاره به چه عواملی بستگی دارد?  ج) با چه وسیله‌ای نیرو را اندازه‌گیری می‌کنیم؟	۱
۱۵	شخصی درون آسانسور ساکن روی ترازوی فنری ایستاده است و ترازو وزن او را $60\text{ نیوتون}$ نشان می‌دهد. در لحظه شروع حرکت آسانسور رو به بالا، ترازو عدد $75^\circ$ نیوتون را نشان می‌دهد. شتاب حرکت آسانسور در این لحظه چقدر است؟ ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )	۱

ردیف		نمره
۱۶	طبق شکل زیر، جسمی به جرم $5\text{ kg}$ را با نیروی $F = 20\text{ N}$ به دیوار قائم فشرده‌ایم و جسم در آستانه حرکت به طرف پایین است. ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )	۳
	 <p>الف) ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و دیوار چقدر است؟</p> <p>ب) نیروی قائم و رو به بالای <math>F'</math> که باید بر جسم وارد شود تا جسم را در آستانه حرکت به سمت بالا قرار دهد، چند نیوتون است؟</p>	
۱۷	<p>توبی به جرم <math>75\text{ kg}</math> با سرعت ثابت <math>\frac{m}{s} = 10</math> به طور افقی حرکت می‌کند:</p> <p>الف) تکانه توب را حساب کنید.</p> <p>ب) اگر تکانه توب دو برابر شود، انرژی جنبشی آن چند برابر می‌شود؟</p>	۱
۱۸	پره یک بالگرد با دوره $38\text{ s}$ به طور یکنواخت می‌چرخد. اگر شعاع پره $2.5\text{ m}$ باشد، تندی نوک پره چقدر است؟ ( $\pi = 3$ )	۰/۵
۱۹	حداقل نیروی اصطکاک ایستایی بین چرخ‌های خودرو و سطح جاده چقدر باشد تا خودرویی به جرم $800\text{ kg}$ بتواند با تندی $54 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ پیچ افقی مسطحی را که شعاع آن $50\text{ m}$ است، دور بزند؟	۰/۵

نمره		ردیف
۱	ماهواره‌ای به جرم $100\text{ کیلوگرم}$ در فاصله $2600\text{ کیلومتری}$ از سطح زمین به دور زمین در حال چرخش است. نیروی گرانشی وارد بر این ماهواره از طرف زمین چند نیوتون است؟ ( $G = 6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}$ , $R_e = 6400\text{ km}$ , $M_e = 6 \times 10^{24}\text{ kg}$ )	۲۰
۱	اگر جسمی را به اندازه شعاع کره زمین در راستای قائم از سطح زمین بالا ببریم، وزن جسم چند برابر وزن آن روی سطح زمین می‌شود؟	۱
۲۰	جمع نمرات	

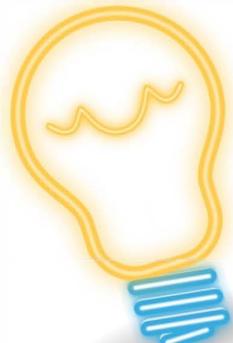
دانلود رایگان تمام آزمون های آزمایشی

در کانال تلگرام ما :



# آزمایشی آزمون

[t.me/Azmoonha\\_Azmayeshi](https://t.me/Azmoonha_Azmayeshi)



فرهنگ  
محله آموزشی فرهنگی

حاج  
سنت

سازمان آموزشی شهر



کانون  
فرهنگی  
آموزش  
علم چا



شرکت تاریخ خدمات آموزشی اذکان  
سازمان سنجش آموزش کسر

ج

خدماتی!  
بزرگ

آزمودهای سریع  
کاح



join us ...

تاریخ آزمون

جمعه ۱۸/۰۸/۱۴۰۳

# پاسخنامه آزمون

## دفترچه شماره (۴)

### دوره دوم متوسطه

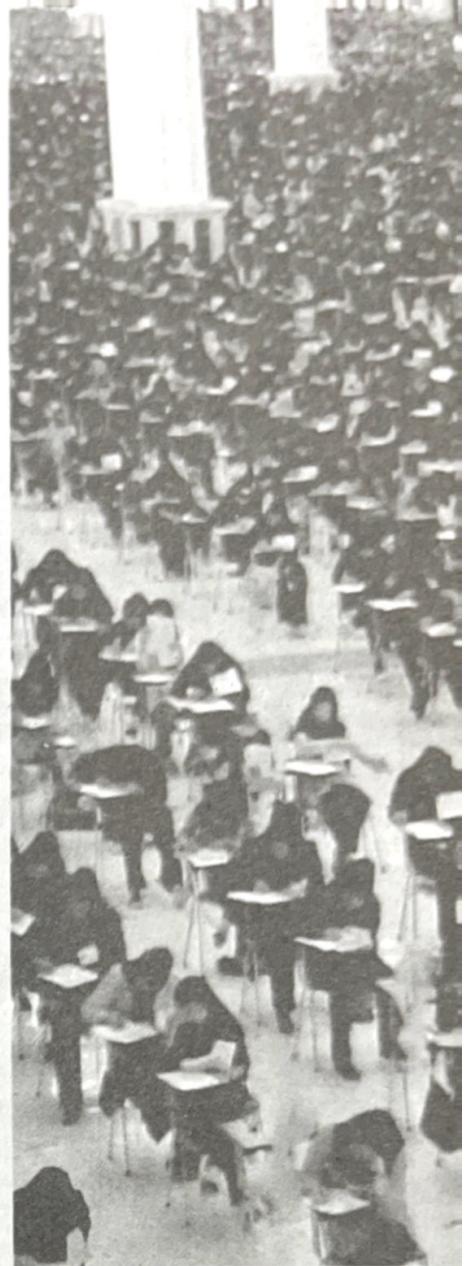
### پایه دوازدهم ریاضی

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۵۵ دقیقه	تعداد سوال: ۱۱۵

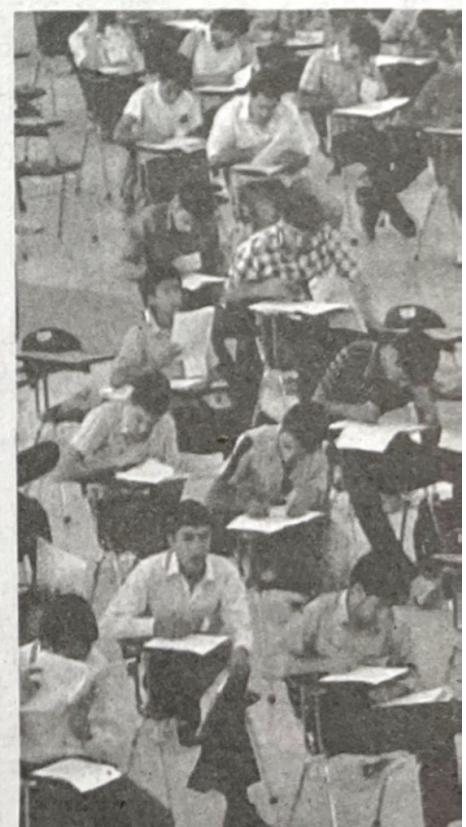
عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			تا	از	
۱	حسابان	۱۰	۱	۱۰	۸۵ دقیقه
	ریاضیات گستره	۱۰	۱۱	۲۰	
	هندسه	۱۰	۲۱	۳۰	
	ریاضی ۱	۵	۳۱	۳۵	
	حسابان ۱	۵	۳۶	۴۰	
	هندسه ۱	۵	۴۱	۴۵	
	آمار و احتمال	۱۰	۴۶	۵۵	
۲	فیزیک ۳	۲۵	۵۶	۸۰	۴۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۱۰	۸۱	۹۰	
	فیزیک ۲	۱۰	۹۱	۱۰۰	
۳	شیمی ۳	۱۵	۱۰۱	۱۱۵	۲۵ دقیقه
	شیمی ۱	۱۰	۱۱۶	۱۲۵	
	شیمی ۲	۱۰	۱۲۶	۱۳۵	

دروس	طراحان	ویراستاران علمی
ریاضیات	سیروس نصیری - حسین نادری مهدی ابراهیمپور - مهدی وارسته مجید فرهمندپور - مهدی کرمی	محدثه کارگرفرد - ابوالفضل قاسمی ندا فرهختی - علی عرب مینا نظری - زهرا سامانی
فیزیک	مازیار چراغی - مروارید شاهحسینی	سارا دانایی کجانی
شیمی	پریا الفت	ایمان زارعی - میلاد عزیزی یاسر راش



آزمون آزاده سازی آزمون
مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعتی
بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری
برنامه‌ریزی و هماهنگی: سارا نظری - مینا نظری
بازبینی دفترچه: بهاره سلیمانی - عطیه خادمی
ویراستاران فنی: ساناز فلاحتی - مریم پارسانیان - سپیده سادات شریفی - فاطمه عبدالله‌خانی
سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی
صفحه‌آرا: فرهاد عبدی
طرح شکل: آرزو گافر
حروفنگاران: ربابه الطافی - فرزانه رجبی - مینا عباسی - مهناز کاظمی - سحر فاضلی - حدیث فیض الهی - فاطمه میرزا



۴ ۶

$$f(x) = a(x+1)(x+1)(x-1) \xrightarrow{(1, 1)} ۱۶ = a \times ۴ \times ۲ \times ۱$$

$$\Rightarrow a = ۱$$

$$f(x) = ۱(x+1)(x+1)(x-1) \Rightarrow d = f(0) = ۱(1)(-1) = -۱۶$$

$$a+d = ۱-۱۶ = -۱۵$$

۱ ۷

$$\text{عبارت} = (x-1)x^1 (1+x+x^1 + \dots + x^4) = x^1 (x^4 - 1)$$

$$= (x^4)^1 ((x^4)^1 - 1) = (2)^1 ((2)^1 - 1) = ۹ \times ۱ = ۹$$

۳ ۸

$$P(x) = (x^4 - x^2 - ۶x)Q(x) + ax + b \Rightarrow \begin{cases} P(1) = ۴a + b = ۵ \\ P(-1) = -۴a + b = ۱ \end{cases}$$

$$\Rightarrow a = -۱, b = ۱ \Rightarrow a \times b = -۱$$

۱ ۹

$$x^{11} - x = (x^4 + x)Q(x) + ax + b$$

$$\begin{cases} x = ۰ \Rightarrow ۰ = b \\ x = -1 \Rightarrow ۱ + ۱ = a(-1) + b \Rightarrow a = -۲ \end{cases}$$

$$= -۲x$$

۳ ۱۰

$$x^4 - ۲ = ۰ \Rightarrow x^4 = ۲$$

$$P(x) = x^4 + ۱ = (x^2)^2 x^2 + ۱$$

$$= (2)^2 x^2 + ۱ = ۴x^2 + ۱$$

مجموع ضرایب خارج قسمت برابر با  $Q(1)$  است:

$$x^4 + ۱ = (x^2 - ۲)Q(x) + ۴x^2 + ۱ \xrightarrow{x=1} ۱ + ۱ = (-1)Q(1) + ۴ + ۱$$

$$\Rightarrow Q(1) = ۳$$

۱ ۱۱

$$(a, b) = d \Rightarrow d | a \Rightarrow [a, d] = a$$

$$[a, b] = c \Rightarrow a | c \Rightarrow (a, c) = a$$

$$\Rightarrow ([a, (a, b)], (a, [a, b])) = ([a, d], (a, c))$$

$$= (a, a) = a$$

برای دو عدد صحیح  $a$  و  $b$  داریم:

۲ ۱۲

$$(a, b) = d, [a, b] = c \Rightarrow \begin{cases} a = a'd \\ b = b'd \end{cases}, c = a'b'd, (a', b') = ۱$$

$$c = a'b'd \Rightarrow ۲۲۲ = a'b' \times ۲ \Rightarrow a'b' = ۱۱۱ = ۱ \times ۱۱۱ = ۳ \times ۳۷$$

$$\Rightarrow \begin{cases} b' = ۱ \\ a' = ۱۱۱ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b = ۲ \\ a = ۲۲۲ \end{cases} \quad \begin{cases} a' = ۳۷ \Rightarrow a = ۷۴ \\ b' = ۳ \Rightarrow b = ۶ \end{cases}$$

کمترین مقدار  $a+b$  برابر  $80^\circ$  است.

ریاضیات

۲ ۱

$$D_g : x - f^{-1}(x) \geq ۰ \Rightarrow x \geq f^{-1}(x)$$

$$\frac{f(x) = x^4 + ۲x - ۲}{\text{تابعی آندا صعودی}} \Rightarrow f(x) \geq f(f^{-1}(x))$$

$$\Rightarrow x^4 + ۲x - ۲ \geq x \Rightarrow x^4 + x - ۲ \geq ۰$$

$$\Rightarrow (x-2)(x^3 + 2x + 6) \geq ۰$$

$$\Rightarrow x-2 \geq ۰ \Rightarrow x \geq ۲ \Rightarrow D_g = [2, +\infty) \Rightarrow a = ۲$$

نمودار  $f$  از انتقال تابع  $y = ax$  به اندازه ۲ واحد به راست و ۱ واحد به پایین به دست می‌آید.

$$f(x) = a(x-2)^4 - ۱ \xrightarrow{(1, 1)} a(-1) - ۱ = ۰ \Rightarrow a = -\frac{1}{4}$$

$$f(x) = -\frac{1}{4}(x-2)^4 - ۱ \Rightarrow f(4) = -1 - 1 = -2$$

اگر تابع خطی  $f$  را به صورت  $f(x) = ax + b$  و طول نقطه دلایی عرض  $\alpha$  را در نظر بگیریم، داریم:

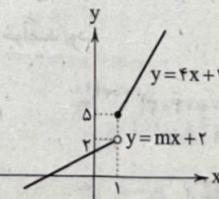
$$y = (x-\alpha)^4 + ۶$$

$$x^4 - ۴ax^3 + ۶a^2x^2 - \alpha^4 + ۶ = x^4 + ۶x^2 + ۶x + ax + b$$

$$\begin{cases} -4\alpha = ۶ \Rightarrow \alpha = -\frac{3}{2} \\ 6a^2 = ۶ + a \Rightarrow a = ۱ \\ -\alpha^4 + ۶ = b \Rightarrow b = ۱\frac{1}{16} \end{cases}$$

$$f(x) = ۴x + ۱\frac{1}{16} \Rightarrow f(1) = ۱\frac{1}{16}$$

۳ ۴



$$f(x) = \begin{cases} 4x + 1 & ; x \geq 1 \Rightarrow \text{شیب} = 4 > 0 \\ mx + 2 & ; x < 1 \Rightarrow \text{شیب} = m \leq 0 \end{cases} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) \geq \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) \Rightarrow 4(1) + 1 \geq m + 2 \Rightarrow m \leq 2 \quad (2)$$

$$(2), (1) \Rightarrow 0 \leq m \leq 2 \Rightarrow b-a = 2$$

۲ ۵

$$f(x) = k|x-2| + |x-2| = \begin{cases} (-k-1)x + 2k + 3 & ; x \leq 2 \\ (k-1)x - 2k + 3 & ; 2 \leq x < 3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -k-1 < 0 \Rightarrow k > -1 \\ k-1 < 0 \Rightarrow k < 1 \end{cases} \Rightarrow -1 < k < 1 \Rightarrow b-a = 2$$

$$b = 4k + 3 = 4k + 4 - 1 = 4k' - 1$$

$$\Rightarrow b^4 = 16k^4 - 8k' + 1 = 8k'' + 1 \Rightarrow b^4 = 64k'' + 16k'' + 1 = 8t + 1$$

بنابراین  $b^4 = 8t + 1$  است.

$$\begin{cases} a^4 = 8k'' + 1 \Rightarrow a^4 \equiv 1 \pmod{2} \\ b^4 = 8t + 1 \Rightarrow b^4 \equiv 1 \end{cases} \Rightarrow 2a^4 - b^4 \equiv 2 - 1 \pmod{2}$$

$$\Rightarrow 2a^4 - b^4 \equiv 1 \pmod{2} \Rightarrow 2a^4 - b^4 - 1 \equiv -1 \equiv 1 \pmod{2}$$

بنابراین باقیمانده صفر است.

$$8^{47} = 2^{141}, 4^{37} = 2^{74}$$

۱۷

$$8^{533} - 1 \xrightarrow{\text{توان}} 2^{140 \cdot 33} - 1 \xrightarrow{\text{توان}} 2^{141 \cdot 33} \equiv 2 \quad (1)$$

$$8^{533} - 1 \xrightarrow{\text{توان}} 2^{70 \cdot 33} - 1 \xrightarrow{\text{توان}} 2^{74 \cdot 33} \equiv 16 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow 2^{141} - 2^{74} \equiv 2 - 16 \Rightarrow 2^{141} - 2^{74} \equiv -14 + 33$$

$$\Rightarrow 2^{141} - 2^{74} \equiv 19$$

باقیمانده برابر ۱۹ است.

کافی است از سمت راست دو رقم، دو رقم جدا کرده و با هم

جمع کنیم و در نهایت باقیمانده تقسیم را بر ۹۹ بیابیم.

$$\overline{a63b29} \equiv \overline{a6+3b+29} \equiv 0$$

$$\Rightarrow 10a + 6 + 30 + b + 29 \equiv 0 \Rightarrow 10a + b \equiv -65$$

$$\Rightarrow 10a + b \equiv 34 \Rightarrow ab \equiv 34 \Rightarrow ab = 34 \Rightarrow \begin{cases} a = 3 \\ b = 4 \end{cases}$$

رقم یکان اعداد ۵، ۶، ... و ۳۰ برابر صفر است، زیرا

همگی مضرب ۱۰ هستند. بنابراین به هر توانی هم برسند باز هم مضرب ۱۰ خواهد بود.

$$\sum_{n=1}^{140} n! = 1! + 2! + 3! + 4! + 5! + \dots + 140! \equiv 1^0$$

$$1 + 2^2 + 6^6 + 24^{24} + 0^5 + 6^6 + \dots + 140^2 \equiv 1^0$$

$$1 + 4 + 6 + 6 + 0 + \dots + 0 \equiv 17 \equiv 7$$

توجه کنید که عدد دارای یکان ۶ به هر توانی برسد باز یکانش ۶ است و عدد دارای یکان ۴ به توان زوج برسد، یکانش ۶ می شود.

تعداد روزها از ۱۳ اردیبهشت تا ۹ دی را می شماریم.

دی - آذر - آبان - مهر - شهریور - مرداد - تیر - خرداد - اردیبهشت

$$18 + 31 + 31 + 21 + 30 + 30 + 9 = 241$$

$$241 \equiv 3$$

چون نهم دی یکشنبه بوده است، پس ۳ روز به عقب برمی گردیم، یعنی سیزدهم اردیبهشت پنجشنبه بوده است.

۱۳ می دانیم که

$$(a, b) = d \Rightarrow \begin{cases} d | a \\ d | b \end{cases}$$

فرض می کنیم  $(2a - 5, a^2 - 6a + 3) = d$  آنگاه داریم:

$$\begin{cases} d | 2a - 5 \Rightarrow d | a(2a - 5) \Rightarrow d | 2a^2 - 5a \\ d | a^2 - 6a + 3 \Rightarrow d | 2(a^2 - 6a + 3) \Rightarrow d | 2a^2 - 12a + 6 \end{cases}$$

$\frac{d}{\text{تفاضل رامی شمارد}} \Rightarrow d | 7a - 6$

$$\Rightarrow \begin{cases} d | 7a - 6 \Rightarrow d | 2(7a - 6) \\ d | 2a - 5 \Rightarrow d | 7(2a - 5) \end{cases} \Rightarrow$$

$$d | 22 \xrightarrow[d \neq 1]{d \in \mathbb{N}} d = 22$$

۱۴ می دانیم:

(الف)

$$\begin{cases} a \stackrel{m}{\equiv} b \\ a \stackrel{n}{\equiv} b \Rightarrow a \stackrel{[m, n, t]}{\equiv} b \\ a \stackrel{t}{\equiv} b \end{cases}$$

ب) اگر  $a \stackrel{n}{\equiv} b$ ,  $n | m$  و  $a \stackrel{m}{\equiv} b$

$$\begin{cases} a \stackrel{3}{\equiv} 2 \Rightarrow a \stackrel{3}{\equiv} -1 \\ a \stackrel{4}{\equiv} 2 \Rightarrow a \stackrel{4}{\equiv} -1 \xrightarrow{[3, 4, 5] = 60} a \stackrel{60}{\equiv} -1 \\ a \stackrel{5}{\equiv} 2 \Rightarrow a \stackrel{5}{\equiv} -1 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{20 \cdot 60} a \stackrel{30}{\equiv} -1 \Rightarrow a \stackrel{30}{\equiv} 29$$

۱۵

$$\frac{a \mid b}{- 23 \Rightarrow a = b \times 23 + 12, b > 12} \xrightarrow{12} -$$

$$\Rightarrow a = b \times 23 + 12 + 23 - 23 = (b-1) \times 23 + 25$$

چون ۲۵ و ۳۵ هر دو مضرب ۵ هستند و ۲۳ مضرب ۵ نیست؛ پس  $(b-1)$  مضرب ۵ خواهد بود.

$$\begin{cases} b-1 = 5k \\ b > 12 \end{cases} \Rightarrow \min(b) = 16 \Rightarrow \min(a) = 16 \times 23 + 12 = 380$$

مجموع ارقام

$$a \mid 4k+1 \Rightarrow a^4 = 16k^4 + 8k^2 + 1 = 8k' + 1$$

$$\Rightarrow a^4 = 64k^4 + 16k^2 + 1 = 8k'' + 1$$

۱۶

چون  $A \cdot A^{-1} = A^{-1} \cdot A$  است، کلیه اتحادها بین دو

ماتریس  $A$  و  $A^{-1}$  برابر است.

$$(A+A^{-1})^T - (A-A^{-1})^T = AA^{-1}$$

$$\Rightarrow (A+A^{-1})^T - 2I^T = 2I \Rightarrow (A+A^{-1})^T = 2I \quad (*)$$

$$(A+A^{-1}) \cdot (A^T + (A^{-1})^T)$$

$$= (A+A^{-1}) \cdot [(A+A^{-1})^T - 2AA^{-1}(A+A^{-1})]$$

$$= (A+A^{-1})^T - 2(A+A^{-1})^T = (2I)^T - 2(2I)$$

$$= 2A - 4I = 2A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\text{مجموع درایه ها} = 2+0+2+0 = 4$$

$$A = \begin{bmatrix} x & y \\ y & -x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -y & -x \end{bmatrix}$$

چون  $A$  وron پذیر نیست، پس  $|A| = 0$

$$|A| = (-2x - 2y)(-2x - 2y) = 0 \Rightarrow x = -y$$

بنابراین برای ماتریس  $B$  داریم:

$$B = \begin{bmatrix} 2x & -x \\ -x & x \end{bmatrix} \Rightarrow |B| = 2x^2 - x^2 = 2x^2$$

$$B^{-1} = \frac{1}{2x^2} \begin{bmatrix} x & x \\ x & 2x \end{bmatrix} = \frac{1}{2x} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$6x \times B^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 9 \end{bmatrix}$$

$$\text{مجموع درایه های سطر دوم} = 3+9=12$$

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \quad \text{در دستگاه داریم:} \quad 1 \quad 27$$

$$\frac{a}{a'} \neq \frac{b}{b'} \Rightarrow \text{جواب منحصر به فرد دارد}$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'} \Rightarrow \text{جواب ندارد}$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'} \Rightarrow \text{بی شمار جواب دارد}$$

$$\frac{2}{n} = \frac{m}{4} = \frac{12}{8} \Rightarrow \begin{cases} n=2 \\ m=6 \end{cases} \quad \text{پس داریم:}$$

$$\begin{cases} 4x + 8y = 5 \\ 4x + 8y = -2 \end{cases} \quad \text{دستگاه جدید به صورت}$$

$$\text{هستند} \left( \frac{4}{8} = \frac{4}{8} \neq \frac{5}{-2} \right), \text{پس دستگاه جواب ندارد.}$$

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 5 & -7 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}, \text{ آنگاه } B = \begin{bmatrix} 3 & 7 \\ 2 & 5 \end{bmatrix} \quad \text{اگر} \quad 2 \quad 28$$

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -7 \\ -2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 & -26 & -7 \\ -4 & 11 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\text{مجموع درایه های ماتریس } A = 10 - 26 - 7 - 4 + 11 + 3 = -13$$

$$A^T = \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -I$$

$$A^T = (A^T)^T = I$$

چون  $A^{14 \cdot 2!} = 4k$  است ( $14 \cdot 2! = 4k$ ، داریم)

$$A^{14 \cdot 2!} = (A^T)^k = I^k = I$$

$$A^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -5 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -5 & -2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A^{14 \cdot 2!} + A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -5 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -5 & -1 \end{bmatrix}$$

$$(A^{14 \cdot 2!} + A^{-1})^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$$

$$(A^{14 \cdot 2!} + A^{-1})^{-1} = \frac{1}{2} (-1 - 1 + 5 + 2) = 3$$

$$A^T = 5A + I \xrightarrow{\text{از جای}} A^{-1} \times A^T = 5A^{-1} \times A + A^{-1} \cdot I$$

$$\Rightarrow \underbrace{(A^{-1} \cdot A)}_I A = 5I + A^{-1} \Rightarrow A - A^{-1} = 5I$$

$$(A - A^{-1} - 2I)^5 = (5I - 2I)^5 = 32I = \begin{bmatrix} 32 & 0 \\ 0 & 32 \end{bmatrix}$$

$$(A - A^{-1} - 2I)^5 = 32 + 32 = 64$$

$$AA^{-1} = A^{-1}A = I \quad \text{می دانیم} \quad 4 \quad 23$$

$$A + A^{-1} = A \cdot A^{-1} \Rightarrow A + A^{-1} = I \xrightarrow{\text{از جای}} A(A + A^{-1}) = AI$$

$$\Rightarrow A^T + I = A \Rightarrow A^T - A + I = \bar{O}$$

$$\xrightarrow{\text{از جای}} (A + I)(A^T - A + I) = \bar{O} \Rightarrow A^T + I^T = \bar{O}$$

$$\Rightarrow A^T = -I$$

$$A^T = -I \quad \text{و} \quad A^T = A - I \quad \text{است.}$$

$$A^{14 \cdot 2} = A^{14 \cdot 1} \times A^T = (A^T)^{4 \cdot 2} \times A^T = (-I)^{4 \cdot 2} \times A^T$$

$$= -I \times A^T = -A^T = I - A$$

$$4 \quad \text{نکته:}$$

$$(ABC)^{-1} = C^{-1} \cdot B^{-1} \cdot A^{-1}$$

$$A^{-1} \cdot (A^{-1} + B^{-1})^{-1} \cdot B^{-1} = (B \cdot (A^{-1} + B^{-1}) \cdot A)^{-1}$$

$$= ((BA^{-1} + BB^{-1}) \cdot A)^{-1} = (BA^{-1} \underbrace{A}_I + IA)^{-1} = (B + A)^{-1}$$

$$B + A = \begin{bmatrix} 0 & 7 \\ -5 & -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & -7 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} = 3I$$

$$\Rightarrow (B + A)^{-1} = \frac{1}{3} I$$

$$x=2 \Rightarrow \frac{5}{x} > 2 \quad \text{مخرج کسر مثبت است، پس } x=1$$

ریشهای صورت می‌باشند:  
 $x=2 \Rightarrow -2a+b+4=0 \Rightarrow -2a+b=-4$

$$-4x^2 + 8x + 12 = 0 \xrightarrow{+(-4)} x^2 - 2x - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = -1 \\ x_2 = 3 \end{cases}$$

$$y = (x-2)^2(x-1) \Rightarrow y = x^3 - 7x^2 + 15x - 6 \quad \text{۴ ۲۴}$$

$$\Rightarrow 2a = -4 \Rightarrow a = -\frac{4}{2}, b = 15, c = -6$$

$$a+b+c = -\frac{4}{2} + 15 - 6 = \frac{5}{2}$$

$$f(x) = \sqrt{4x^2 - (2m-1)x + 1} \quad \text{۲ ۲۵}$$

برای اینکه تابع رادیکالی به ازای هر  $x$  تعریف شده باشد باید عبارت زیر رادیکال همواره بزرگ‌تر یا مساوی صفر باشد، بنابراین:

$$\Delta \leq 0 \Rightarrow (2m-1)^2 - 16 \leq 0 \Rightarrow (2m-1)^2 \leq 16$$

$$\Rightarrow |2m-1| \leq 4 \Rightarrow -4 \leq 2m-1 \leq 4 \Rightarrow -\frac{3}{2} \leq m \leq \frac{5}{2}$$

$$\begin{cases} a = -\frac{3}{2} \\ b = \frac{5}{2} \end{cases} \Rightarrow a^2 + b^2 = \frac{9}{4} + \frac{25}{4} = \frac{34}{4} = \frac{17}{2}$$

دامنه مشترک  $f$  و  $g$  مجموعه  $\{1, 2, 3\}$  است. در بین این اعداد

$$\frac{f+g}{f^2-g^2} \text{ است. پس دامنه تابع } f^2(g(1)) = g^2(1) = 9 \text{ است.}$$

حال می‌دانیم  $\frac{f+g}{f^2-g^2} = \frac{1}{f-g}$  است، در نتیجه برد این تابع اعداد زیر است:

$$\begin{aligned} 1) \frac{1}{f(2)-g(2)} &= \frac{1}{3-1} = \frac{1}{2} \\ 2) \frac{1}{f(4)-g(4)} &= \frac{1}{-2-4} = -\frac{1}{6} \end{aligned} \Rightarrow \text{مجموع} = \frac{1}{2} - \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$$

با توجه به سه عضوی بودن مجموعهای  $D_f$  و  $D_g$  داریم:  $1 \quad ۳۷$

$$\{1, 2, 3\} = \{a, b, 3a\} \Rightarrow \{1, 3\} = \{a, 3a\} \Rightarrow a = 1$$

در نتیجه داریم:

$$f^{-1} = \{(1, 1), (b, 2), (3, b)\} \text{ و } f = \{(1, 1), (3, b), (b, 2)\}$$

$$f + f^{-1} = \{(1, 2), (2, 3b), (b, 2)\}$$

بنابراین:

تنها عددی که در برد می‌تواند  $10$  باشد،  $b = 2$  است، بنابراین:

$$2b = 10 \Rightarrow b = 5 \Rightarrow a + b = 6$$

$f(x) = x^2$  گزینه  $(1)$  نادرست است. زیرا اگر  $f(x) = x^2$  باشد،

آن‌گاه  $f(f(x)) = x^4$  در حالی که  $f$  وارون پذیر نیست.

گزینه  $(2)$  درست است. زیرا اگر  $f(x_1) = f(x_2)$  باشد، آن‌گاه داریم:

$$f(x_1) = f(x_2) \Rightarrow f(f(x_1)) = f(f(x_2)) \Rightarrow x_1 + 1 = x_2 + 1$$

یک به یک است.

$$A^\top = \begin{bmatrix} 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 6 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^\top = A^\top \times A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 6 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A^\top = \bar{O} \Rightarrow A^\top + I = I$$

$$\Rightarrow (A+I)(A^\top - A + I) = I \quad (*)$$

$$AX + X = 2A^\top - 4A - I$$

$$\Rightarrow (A+I)X = 2A^\top - 4A - I \xrightarrow{x(A^\top - A + I)}$$

$$\underbrace{(A^\top - A + I)(A+I)X}_{I} = (A^\top - A + I)(2A^\top - 4A - I)$$

$$\xrightarrow{*} X = \underbrace{\frac{2A^\top}{0}}_{0} - \underbrace{\frac{4A^\top}{0}}_{0} - A^\top - \underbrace{\frac{2A^\top}{0}}_{0} + \underbrace{\frac{4A^\top}{0}}_{0} + A + 2A^\top - 4A - I$$

$$\Rightarrow X = 6A^\top - 3A - I = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 24 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & -6 & 2 \\ 0 & 0 & -9 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow X = \begin{bmatrix} -1 & -6 & 29 \\ 0 & -1 & -9 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$X = \text{مجموع درایه‌های ماتریس} = -1 - 6 + 39 - 1 - 9 - 1 = 21$$

$$(A-I)^\top = \bar{O} \Rightarrow A^\top - 2A^\top + 2A - I = \bar{O} \quad \text{۴ ۳۰}$$

$$\Rightarrow A(A^\top - 2A + 2I) = I$$

بنابراین:

$$A^{-1} = A^\top - 2A + 2I$$

$$A^{-1} + 2A - 3I = A^\top - 2A + 2I + 2A - 2I = A^\top$$

با توجه به این‌که در مخرج  $\Delta$  است، پس مخرج کسر

همواره مثبت است، بنابراین  $1$  و  $2$  ریشهای صورت هستند:

$$\begin{aligned} x=1 &\Rightarrow a+b-1=0 \Rightarrow \begin{cases} b=2 \\ a=-1 \end{cases} \\ x=2 &\Rightarrow a+2b-4=0 \end{aligned}$$

$$\frac{a}{b} = -\frac{1}{2}$$

$$\Delta - |x+1| > 2x \Rightarrow |x+1| < \Delta - 2x \xrightarrow{x < \frac{\Delta - 2x}{2}}$$

$$2x - \Delta < x+1 < \Delta - 2x \Rightarrow \begin{cases} x+1 > 2x - \Delta \Rightarrow x < \frac{\Delta}{2} \quad (1) \\ x+1 < \Delta - 2x \Rightarrow x < \frac{\Delta}{3} \quad (2) \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(1) \cap (2)} (-\infty, \frac{\Delta}{3}) \Rightarrow a = \frac{\Delta}{3}$$

$$\Rightarrow 2a^2 + 1 = 2(\frac{16}{9}) + 1 = \frac{32}{9} + 1 = \frac{41}{9}$$

تعداد قطرهای گذرنده از هر رأس یک  $n$ -ضلعی محدب برابر  $n-3$ ، مجموع تعداد قطرهای متسايز دو رأس غیرمجاور برابر  $2(n-3)-1=2n-7$  و تعداد کل قطرهای یک  $n$ -ضلعی محدب  $\frac{n(n-3)}{2}$  می باشد.

$$2n-7=43 \Rightarrow 2n=50 \Rightarrow n=25$$

$$\begin{aligned} \text{تعداد قطرهای } & \text{ تعداد قطرهای } \\ \text{ضلعی } 25 & = \frac{25 \times (25-3)}{2} - \frac{24 \times (24-3)}{2} \\ & = \frac{25 \times 22}{2} - \frac{24 \times 21}{2} = 275 - 252 = 23 \end{aligned}$$

در هر لوزی قطرها یکدیگر را نصف می کنند، یعنی  $O$  وسط  $E$  می باشد. در مثلث  $ABC$ ،  $AP$ ،  $BO$  و  $AC$  هر دو میانه بوده و محل برخورد میانه ها می باشد. می دانیم در مرکز ثقل، هر میانه به نسبت ۱:۲ تقسیم می شود، یعنی  $OE = \frac{1}{3}OB$ ، به همین ترتیب  $OF = \frac{1}{3}OD$ . از طرفی مثلث های  $ABD$  و  $AEC$  دارای ارتفاع یکسانی هستند، پس نسبت مساحت های آن ها همان نسبت قاعده هایشان می باشد.

$$\frac{S_{\Delta AEF}}{S_{\Delta ABD}} = \frac{EF}{BD} = \frac{1}{3}$$

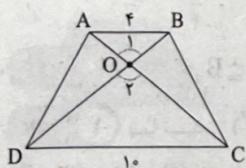
در لوزی قطرها مساحت را نصف می کنند، یعنی  $S_{\Delta ABD} = S_{\Delta BCD}$ ، بنابراین:

$$\frac{S_{\Delta AEF}}{S_{\Delta BCD}} = \frac{1}{3}$$

$ABC$  را موازی  $AM$  رسم می کنیم،  $\triangle ABC$  متوatzی الاضلاع است، پس  $AM = BC = 6$ ،  $AB = MC = 4$

$\hat{M}_2 = 180^\circ - 146^\circ = 34^\circ$  و  $\hat{M}_1 = \hat{B} = 146^\circ$  و  $\hat{A}_1 = 180^\circ - (34^\circ + 72^\circ) = 73^\circ$

بنابراین مثلث  $AMD$  متساوی الساقین است، یعنی  $AM = MD = 6$  و از  $DC = 6 + 4 = 10$  جا



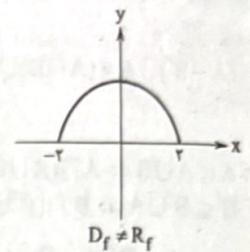
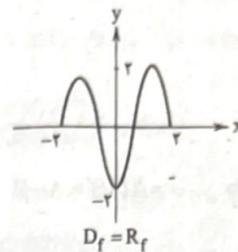
دو مثلث  $OCD$  و  $OAB$  متشابهند، زیرا،

- $\hat{O}_1 = \hat{O}_2$  (مقابل به رأس)
- $\hat{B} = \hat{D}$  (خطوط موازی و مورب)
- $\hat{A} = \hat{C}$  (خطوط موازی و مورب)

$$\frac{S_{\Delta OAB}}{S_{\Delta OCD}} = \left(\frac{AB}{CD}\right)^2 = \left(\frac{4}{10}\right)^2 = \frac{1}{25}$$

پس:

گزینه (۳) و (۴) هر دو تادرست هستند

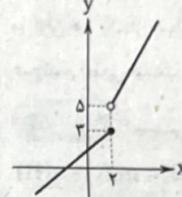


دو حالت در نظر می گیریم. ۴ ۳۹

حالت (۱) اگر  $a \geq 5$  باشد، آن گاه  $g(5) = 5 - 1 = 4$  است و داریم:

$$2f(x) + 4 = 12 \Rightarrow f(x) = 4$$

اما نمودار  $y = f(x)$  به صورت زیر است:



که ۴ در برد آن نیست، پس در این حالت معادله بالا جواب ندارد.

حالت (۲) اگر  $a < 5$  باشد، آن گاه  $g(a) = 2a$  است:

$$2f(x) + 2a = 12 \Rightarrow f(x) = 6 - a$$

با توجه به نمودار تابع  $f(x)$ ، در این حالت  $4 < 6 - a$  در برد تابع  $f(x)$  قرار دارد و داریم:

$$1 + x = 6 - a \Rightarrow x = 5 - a$$

با قرار دادن  $x = \sqrt{2}$  در هر دو رابطه داریم: ۲ ۴۰

$$\begin{cases} f(\sqrt{2}) - g(\sqrt{2}) = 1 + 3 = 4 \\ f'(\sqrt{2}) - g'(\sqrt{2}) = 5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (f(\sqrt{2}) - g(\sqrt{2}))(f(\sqrt{2}) + g(\sqrt{2})) = 5$$

$$\Rightarrow f(\sqrt{2}) + g(\sqrt{2}) = \frac{5}{3}$$

$$\begin{cases} f(\sqrt{2}) - g(\sqrt{2}) = 4 \\ f(\sqrt{2}) + g(\sqrt{2}) = \frac{5}{3} \end{cases} \Rightarrow g(\sqrt{2}) = -\frac{7}{3}$$

به طور مشابه با قرار دادن  $x = \sqrt{3}$  داریم:

$$\begin{cases} f(\sqrt{3}) - g(\sqrt{3}) = 1 + 3 = 4 \\ f'(\sqrt{3}) - g'(\sqrt{3}) = 6 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (f(\sqrt{3}) - g(\sqrt{3}))(f(\sqrt{3}) + g(\sqrt{3})) = 6$$

$$\Rightarrow f(\sqrt{3}) + g(\sqrt{3}) = \frac{6}{3}$$

$$\begin{cases} f(\sqrt{3}) - g(\sqrt{3}) = 4 \\ f(\sqrt{3}) + g(\sqrt{3}) = \frac{6}{3} \end{cases} \Rightarrow f(\sqrt{3}) = \frac{11}{4}$$

$$f(\sqrt{3}) - g(\sqrt{3}) = \frac{11}{4} - \left(-\frac{7}{3}\right) = \frac{41}{12}$$

۲ ۴۹

قانون  
جذب

$$(A - B') \cup A = (A \cap B) \cup A = A$$

۱ ۵۰ می‌دانیم:

$$A \subseteq A \cup B \Rightarrow A \cap (A \cup B) = A$$

$$B' \subseteq B' \cup A \Rightarrow B' \cap (B' \cup A) = B' \Rightarrow \text{حاصل } A \cap B' = A - B$$

طبق فرض  $B \cap C = \emptyset$ , بنابراین  $B - C = B$  و به عبارت

دیگر,  $B' \cup C' = U$ , پس داریم:

$$(A - B) \cup (A - C) \cup (A - D) = (A \cap B') \cup (A \cap C') \cup (A \cap D')$$

$$= A \cap \underbrace{(B' \cup C' \cup D')}_{U} = A \cap U = A$$

با توجه به عبارت داده شده  $A \times B = B \times A$  و از این تساوی  $۴ ۵۲$

می‌توان هر یک از موارد  $A = B = \emptyset$ ,  $B = \emptyset$ ,  $A = B$ ,  $B = \emptyset$ , را نتیجه گرفت, ولی هیچ کدام قطعی نیست.

۳ ۵۳ می‌دانیم در ضرب دکارتی دو مجموعه  $A$  و  $B$

$B \times A = \{1, 2, \dots, n\} \times \{A_1, A_2, \dots, A_m\}$  با توجه به مجموعه  $\{1, 2, \dots, n\}$ ,  $n = ۶۵ = ۵ \times ۱۳$ , می‌توانند مجموعه  $\emptyset$ , یک عضوی و ... و نه عضوی باشند؛ از طرفی  $۱ ۵۴$  بنابراین این حالت امکان ندارد.

$$n(A \times B) = n(A) \times n(B) = ۳ \times ۵ = ۱۵$$

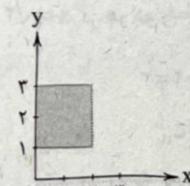
$$n(A \times B) = n(A) \times n(B) = ۶ \times ۸ = ۴۸$$

$$\Rightarrow ۴۸ - ۱۵ = ۳۳ = \text{اختلاف}$$

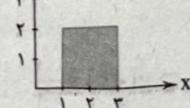
۱ ۵۴

۱ ۵۵

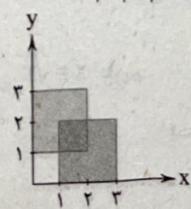
$$A \times B = [0, 2] \times [1, 3]$$



$$B \times A = [1, 3] \times [0, 2]$$



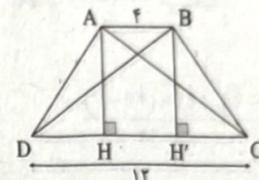
$$(A \times B) \cup (B \times A)$$



۳ ۴۴ تذکر ۱: اگر وسط اضلاع یک چهارضلعی محدب را متواالاً به

هم وصل کنیم، محیط چهارضلعی حاصل برای مجموع دو قطر چهارضلعی اولیه است.

تذکر ۲: شکل حاصل از اتصال وسط اضلاع یک ذوزنقه متساوی الساقین، لوزی است.



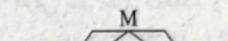
$$AB = ۴ \Rightarrow HH' = ۴ \Rightarrow DH = CH' = \frac{1}{2}(12 - ۴) = ۴$$

$$\Rightarrow CH = ۸, AH = ۸$$

$$\Delta ACH: AC^2 = AH^2 + CH^2 = ۶۴ + ۶۴ = ۱۲۸$$

$$\Rightarrow AC = \sqrt{۱۲۸} = ۸\sqrt{۲}$$

در ذوزنقه متساوی الساقین دو قطر با هم برابرند، پس  $BD = ۸\sqrt{2}$ .



چهارضلعی حاصل از به هم وصل کردن وسط اضلاع ذوزنقه متساوی الساقین، لوزی است و محیط آن برابر مجموع دو قطر چهارضلعی اولیه یعنی  $۱۶\sqrt{2} = ۸\sqrt{2} + ۸\sqrt{2}$  می‌باشد.

۴ ۴۵ تذکر ۱: نسبت تشابه، همان نسبت دو ضلع متناظر است.

تذکر ۲: نسبت محیط دو مثلث متشابه، همان نسبت تشابه می‌باشد.

فرض کنیم اضلاع مثلث دوم  $a, b, c$  و  $۸$  باشد، نسبت تشابه، نسبت ضلع با طول  $۱۰, ۱۲, ۶$  می‌باشد. بنابراین:

$$k = \frac{۱۲}{۸} = \frac{۱۰}{a} = \frac{۶}{b}$$

از طرفی:

$$\frac{\text{محیط مثلث اول}}{\text{محیط مثلث دوم}} = \frac{\text{محیط مثلث دوم}}{k}$$

بنابراین هر چقدر مقدار  $k$  کمتر باشد، محیط مثلث دوم بیشتر خواهد بود، در

بین مقادیر  $k$  مقدار  $\frac{۶}{۸} = \frac{۳}{۴}$  کمترین است، پس:

$$\frac{۱۲+۱۰+۶}{\frac{۳}{۴}} = \frac{۲۸}{\frac{۳}{۴}} = \frac{۱۱۲}{۳}$$

$$(A - B) \cup B = B \Rightarrow A - B = \emptyset \Rightarrow A \subseteq B$$

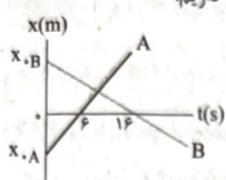
۱ ۴۷ با تبدیل  $(A \cap B')$  و  $(B \cap A')$  به تفاضل، باید

$(B - A) \subseteq (A - B)$  باشد؛ چون  $B - A = A - B$  کاملاً جدا از هم

هستند، پس باید  $B - A = \emptyset$  باشد:

$$B - A = \emptyset \Rightarrow B \subseteq A \Rightarrow A' \subseteq B'$$

$$\{ A \subseteq X \cup Y \} \Rightarrow A \subseteq (X \cup Y) \cap (X \cap Y') \Rightarrow A \subseteq X \cap (Y \cap Y')$$



با توجه به نمودار مکان - زمان زیر داریم:

۴ ۵۹

$$v_A = A = \frac{-x_A}{t} \Rightarrow x_A = -vt_A$$

$$\underline{x = vt + x_0} \rightarrow x_A = v_A t - v_A$$

$$v_B = B = \frac{-x_B}{t} \Rightarrow x_B = -vt_B$$

$$\underline{x = vt + x_0} \rightarrow x_B = v_B t - v_B$$

حالا باید فاصله دو متحرک را در لحظه‌های  $t = 2s$  و  $t = 0$  به دست آوریم:

$$L_1 = x_B - x_A$$

$$\Rightarrow L_1 = -vt_B - (-vt_A) = -vt_B + vt_A$$

$$t = 2s : \text{فاصله دو متحرک در لحظه } = L_2 = x_A - x_B$$

$$\Rightarrow L_2 = (vt_A - vt_A) - (vt_B - vt_B) = 2vt_A - 2vt_B$$

با توجه به اطلاعات داده شده در سؤال داریم:

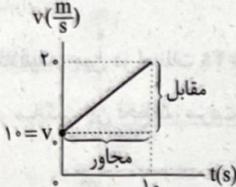
$$L_2 = 2L_1 \Rightarrow 2vt_A - 2vt_B = 2(-vt_B + vt_A)$$

$$\Rightarrow 12vt_A - 7vt_B = -16vt_B + 6vt_A \Rightarrow 6vt_A = -9vt_B \Rightarrow \left| \frac{v_A}{v_B} \right| = \frac{9}{6} = \frac{3}{2}$$

ابتداء سرعت اولیه متحرک را به دست می‌آوریم:

$$\frac{v_0 + 20}{2} \times 10 = 150 \Rightarrow v_0 = 10 \frac{m}{s}$$

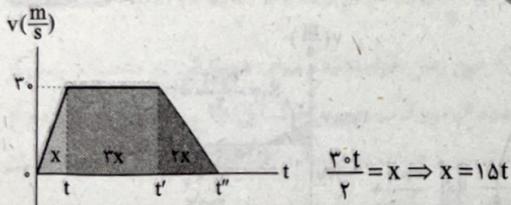
با استفاده از نمودار سرعت - زمان متحرک، داریم:



شیب نمودار سرعت - زمان، بیان کننده شتاب متحرک است، بنابراین:

$$a = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}} = \frac{10 - 0}{2} = 10 \frac{m}{s^2}$$

با استفاده از سطح زیر نمودار سرعت - زمان می‌توان نوشت:



$$\frac{20 \times (t' - t)}{2} = 3x = 3 \times \frac{1}{2}at \Rightarrow 2t' - 2t = 3t$$

$$\Rightarrow 2t' = 5t \Rightarrow t' = \frac{5}{2}t$$

$$\frac{20 \times (t'' - t')}{2} = 2x = 2 \times \frac{1}{2}at \Rightarrow t'' - 2t = 2t \Rightarrow t'' = 4t$$

بنابراین سرعت متوسط برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6x}{4t} = \frac{6 \times 15t}{9t} = 20 \frac{m}{s}$$

## فیزیک



با مقایسه معادله داده شده با معادله مکان - زمان حرکت با

شتاب ثابت داریم:

$$\begin{cases} a = -1 \frac{m}{s^2} \\ x = -4t^2 + 16t + 9 \\ v = 16 \frac{m}{s} \\ x_0 = 9m \end{cases} \Rightarrow$$

بنابراین معادله سرعت - زمان متحرک به صورت زیر است:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -8t + 16$$

بررسی عبارت‌ها:

(الف) لحظه تغییر علامت سرعت را پیدا می‌کنیم:

$$v = -8t + 16 \xrightarrow{v=0} -8t + 16 = 0 \Rightarrow t = 2s$$

در این لحظه مکان متحرک برابر است با:

$$x = -4t^2 + 16t + 9 \xrightarrow{t=2s} x = -4 \times 2^2 + 16 \times 2 + 9 = 25m$$

بنابراین در لحظه مورد نظر، متحرک در فاصله 25 متری مبدأ محور قرار دارد. (\*)

(ب) شتاب متحرک هموار منفی است. در 2 ثانية اول حرکت، سرعت مثبت است و در نتیجه حرکت کندشونده می‌باشد. (✓)

$t$	0	2s
$v = -8t + 16$	+	-

ج) در پایان ثانیه چهارم، مکان متحرک برابر است با:

$$x = -4t^2 + 16t + 9 \xrightarrow{t=4s} x = -4 \times 4^2 + 16 \times 4 + 9 = 9m$$

جون مکان متحرک صفر نشده است، در این لحظه بردار مکان نمی‌تواند تغییر جهت دهد. (\*)

۳ با توجه به نمودار داده شده در سؤال، شتاب متحرک به تدریج

در حال افزایش است، بنابراین حرکت با شتاب متغیر انجام می‌شود.

با توجه به این که شتاب در همه لحظات بازه زمانی صفر تا  $t$  است، کمتر از شتاب در همه لحظات بازه زمانی  $t$  تا  $t'$  است، شتاب متوسط نیز در بازه زمانی صفر تا  $t'$  کمتر از شتاب متوسط در بازه زمانی  $t$  تا  $t''$  است.

چون حرکت با سرعت ثابت است، داریم:

$$x = vt + x_0 \Rightarrow \begin{cases} t = 0 : x_0 = -4m \\ t = 4s : v \times 4 + x_0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow v = 1 \frac{m}{s}$$

بنابراین معادله مکان - زمان این متحرک برابر است با:

$$x = vt + x_0 \Rightarrow x = t - 4$$

خلاصه: می‌توانستیم به کمک چک کردن مکان متحرک در لحظات  $t = 0$ و  $t = 4s$  به کمک گزینه‌ها، به گزینه (۴) برسیم.

## بررسی گزینه‌ها:

گزینه‌های (۱) و (۳): در هر دو نمودار، سرعت متحرک در لحظه  $t = 4s$  به  $\frac{m}{s}$  برسد.  $x = 20m$  به  $\frac{m}{s}$  برسد. صفر است و می‌خواهیم سرعت در مکان  $x = 20m$  به  $\frac{m}{s}$  برسد.

بنابراین در بازه زمانی  $t = 4s$  تا  $t = 8s$  داریم:

$$\Delta x = \frac{v_1 + v_2}{2} \Delta t \Rightarrow 20 = \frac{0 + 8}{2} \Delta t \Rightarrow \Delta t = 5s$$

بنابراین متحرک باید در لحظه  $t = 9s$  از مکان  $x = 20m$  بگذرد و شکل‌های گزینه‌های (۱) و (۳) نادرست رسم شده‌اند.

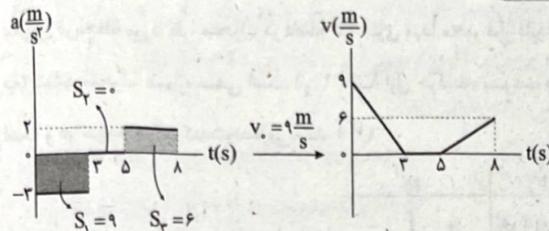
گزینه‌های (۲) و (۴): در هر دو نمودار، متحرک در مدت زمان  $4s$ ، سرعت خود را

از  $\frac{m}{s}$  به صفر رسانده است، بنابراین در بازه زمانی  $t = 6s$  تا  $t = 2s$  داریم:

$$\Delta x = \frac{v_1 + v_2}{2} \Delta t \Rightarrow \Delta x = \frac{8 + 0}{2} \times 4 = 16m$$

بنابراین متحرک باید در این مدت از مکان  $x = 20m$  به مکان  $x = 36m$  برسد که در گزینه (۲) به درستی رسم شده است.

به کمک سطح زیر نمودار  $a - t$ ، نمودار  $v - t$  را رسم می‌کنیم:



## بررسی عبارت‌ها:

(الف) در بازه زمانی  $t = 5s$  تا  $t = 3s$  متوقف بوده است، بنابراین متحرک ۲۸ متوقف شده است. (✓)

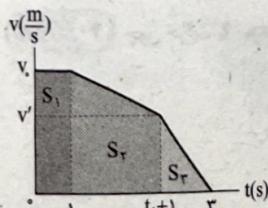
(ب) در بازه زمانی  $t = 3s$  تا  $t = 5s$  حرکت کندشونده و در بازه زمانی  $t = 5s$  تا  $t = 8s$  حرکت تندشونده است. (✓)

(ج) طبق نمودار سرعت-زمان، سرعت متحرک هیچ‌گاه منفی نشده است، پس متحرک فقط توقف داشته، اما تغییر جهت نداده است. (✓)

(د) می‌دانیم سطح زیر نمودار برابر با مسافت پیموده شده است، بنابراین:

$$1 = S_1 + S_2 = \frac{9 \times 3}{2} + \frac{3 \times 6}{2} = \frac{27 + 18}{2} = \frac{45}{2} = 22.5m \quad (\checkmark)$$

به کمک نمودار سرعت-زمان زمان زیر داریم:



برای بازه زمانی  $t = 1s$  تا  $t = 1s$   $t_1 + 1$  ثانیه داریم:

$$v = at + b = -t + b \xrightarrow{t=1s, v=v_0} v_0 = -1 + b \Rightarrow b = v_0 + 1$$

$$\Rightarrow v = -t + (v_0 + 1)$$

$$\xrightarrow{t=t_1+1s, v=v'} v' = -t_1 - 1 + v_0 + 1 = v_0 - t_1 \Rightarrow v' = v_0 - t_1$$

در ۲ ثانية اول، متحرک با سرعت ثابت  $12 \frac{m}{s}$  حرکت می‌کند

و در هر ثانية  $12m$  جلو می‌رود، بنابراین در لحظات  $t_1 = 1s$  و  $t_2 = 2s$  به ترتیب از مکان‌های  $x_1 = 12m$  و  $x_2 = 24m$  می‌گذرد و در نتیجه گزینه‌های (۲) و (۴) نادرست هستند

مسافت ترمذ متحرک برابر است با:

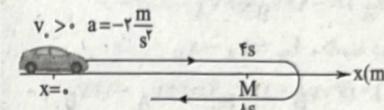
$$\Delta x = \frac{v^2}{2a} = \frac{(12)^2}{2 \times 4} = 18m$$

بنابراین متحرک در نهایت در مکان  $x = 36 + 18 = 54m$  متوقف می‌شود و

گزینه (۱) صحیح است.



با فرض این که  $v > 0$  باشد، مطابق شکل زیر داریم:



$$x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t + x_0 \xrightarrow{x_0 = 0} x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t$$

$$\left\{ \begin{array}{l} t = 4s \Rightarrow x_M = \frac{1}{2} \times (-2) \times 4^2 + v_0 \times 4 = -16 + 4v_0 \\ t = 8s \Rightarrow x_M = \frac{1}{2} \times (-2) \times 8^2 + v_0 \times 8 = -64 + 8v_0 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow -64 + 8v_0 = -16 + 4v_0 \Rightarrow 4v_0 = 48 \Rightarrow v_0 = 12 \frac{m}{s}$$

بنابراین:  $x_M = -16 + 4 \times 12 = 32m$

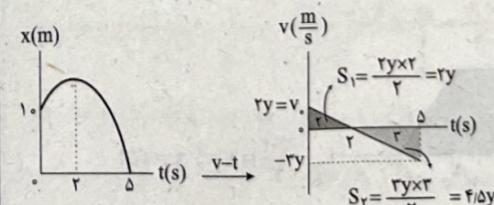
خلاصیت: چون در لحظات  $t = 4s$  و  $t = 8s$  متحرک در یک نقطه است، پس

در میانگین این لحظات، سرعت متحرک، صفر است و داریم:

$$v = at + v_0 \xrightarrow{t=\frac{4+8}{2}=6s} v = -2(6) + v_0 \Rightarrow v_0 = 12 \frac{m}{s}$$

$$x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t + x_0 \Rightarrow x_M = \frac{1}{2} \times (-2) \times 4^2 + 12 \times 4 + 0 = 32m$$

به کمک نمودار  $v - t$  و با تشبیه مثلث‌های نشان داده شده داریم:



$$\Delta x_{(-\Delta s)} = x_\Delta - x_0 = 0 - 10 = -10m$$

$$\Delta x = S_1 - S_2 \Rightarrow -10 = 2y - 4/\Delta y \Rightarrow -2/\Delta y = -10 \Rightarrow y = 4$$

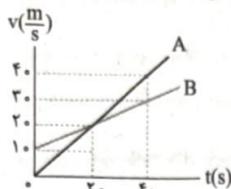
$$S_1 = 2y = 8$$

$$S_2 = 4/\Delta y = 1$$

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{|S_1| + |S_2|}{\Delta t} = \frac{8 + 1}{\Delta t} = \frac{26}{\Delta t} = \frac{26}{1} = 26 \frac{m}{s}$$

در ۲۰ ثانیه اول، سرعت متحرک B بیشتر از سرعت متحرک A است و فاصله دو متحرک افزایش می‌یابد. از لحظه  $t = 20\text{ s}$  به بعد، سرعت متحرک A بیشتر می‌شود و متحرک A به تدریج فاصله را جبران می‌کند تا دو متحرک به هم نزدیک شوند و پس از لحظه  $t = 40\text{ s}$  به بعد، متحرک A جلو می‌زند و فاصله دوباره شروع به افزایش می‌گردد. بنابراین بازه زمانی موردنظر سؤال، بازه زمانی  $20\text{ s} \leq t < 40\text{ s}$  است.

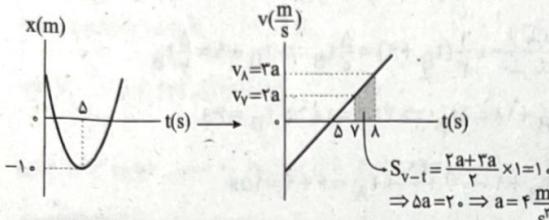
حال کافی است از مساحت زیر نمودار سرعت - زمان کمک بگیریم:



$$\begin{cases} \Delta x_A = \frac{20+40}{2} \times 20 = 600\text{ m} \\ \Delta x_B = \frac{20+30}{2} \times 20 = 500\text{ m} \end{cases} \Rightarrow \Delta x_A + \Delta x_B = 1100\text{ m}$$

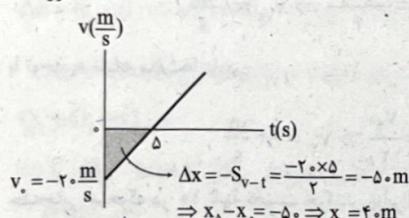
در لحظه  $t = 5\text{ s}$  سرعت متحرک صفر شده است. بنابراین به

کمک تحلیل نمودار سرعت - زمان داریم:



پس سرعت اولیه برابر است با:

$$a = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}} \Rightarrow 4 = \frac{|v_0|}{5} \Rightarrow |v_0| = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow v_0 = -20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$



در بازه زمانی  $0 \text{ s} \leq t \leq 5\text{ s}$  متحرک  $-40\text{ m}$  جابه‌جا شده است، بنابراین:

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \Rightarrow v^2 - (-20)^2 = 2 \times 4 \times (-40)$$

$$\Rightarrow v^2 - 400 = -320 \Rightarrow v^2 = 80 \Rightarrow |v| = 4\sqrt{5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

چون زمان خواسته شده برای هم‌مکانی دو متحرک، پس از شروع حرکت متحرک دوم است، پس متحرک اول  $48$  بیشتر حرکت کرده و از طرفی چون نقطه شروع حرکت دو متحرک، پکسان است، پس می‌توانیم مکان اولیه آن را صفر درنظر بگیریم و داریم:

$$\begin{cases} x_1 = \frac{1}{2}a_1(t+\tau)^2 + v_1 t \Rightarrow x_1 = \frac{1}{2} \times 2 \times (t+4)^2 + 0 = t^2 + 8t + 16 \\ x_2 = \frac{1}{2}a_2 t^2 + v_2 t \Rightarrow x_2 = \frac{1}{2} \times 4 \times t^2 + 2t = 2t^2 + 2t \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{شرط هم‌مکانی}} x_2 = x_1 \Rightarrow 2t^2 + 2t = t^2 + 8t + 16$$

$$\Rightarrow t^2 - 6t - 16 = 0 \Rightarrow (t-8)(t+2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = 8\text{ s} & (\checkmark) \\ t = -2\text{ s} & (\times) \end{cases}$$

ثانیه بعد از شروع حرکت متحرک دوم، دو متحرک مجدد هم‌مکان می‌شوند.

برای بازه زمانی  $t_1 + 1 \text{ s} \leq t \leq 3\text{ s}$  نیز داریم:

$$v = a't + b' = -2t + b'$$

$$t = t_1 + 1\text{ s}, v = v' = v_0 - t_1 \Rightarrow v - t_1 = -2t_1 - 2 + b' \Rightarrow b' = 2t_1 + v_0 + 2$$

$$\Rightarrow v = -2t + (2t_1 + v_0 + 2) \xrightarrow{t = 3\text{ s}, v = v_0} 0 = -6 + 2t_1 + v_0 + 2$$

$$\Rightarrow t_1 = 2 - \frac{1}{2}v_0$$

بنابراین:

در ادامه به کمک سطح زیر نمودار داریم:

$$S_1 + S_2 = \Delta S_T \Rightarrow v_0 + \frac{(v_0 + v') \times t_1}{2} = \Delta \times \frac{(2 - t_1)v'}{2}$$

$$\Rightarrow v_0 + \frac{(\frac{1}{2}v_0 - 2)(2 - \frac{1}{2}v_0)}{2} = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}v_0 - 1)(\frac{1}{2}v_0 - 2)$$

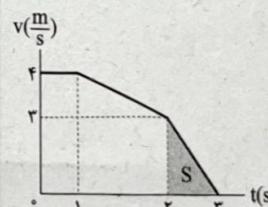
$$\Rightarrow v_0 - \frac{1}{2}v_0^2 + \frac{9}{2}v_0 - \frac{9}{2} = \frac{1}{2}(\frac{1}{2}v_0 - 1)^2$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{2}v_0^2 + \frac{11}{2}v_0 - \frac{9}{2} = \frac{1}{8}v_0^2 - \frac{1}{2}v_0 + \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{5}{4}v_0^2 - 12v_0 + 12 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta = (-12)^2 - 4 \times \frac{5}{4}(12) = 144 - 120 = 24 \Rightarrow v_0 = \frac{12 \pm \sqrt{24}}{5}$$

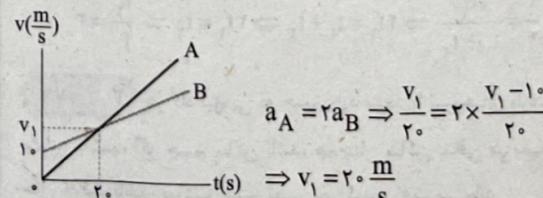
$$\Rightarrow \begin{cases} v_0 = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}} & (\checkmark) \\ v_0 = \frac{6}{5} \frac{\text{m}}{\text{s}} & (\times) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t_1 = 2 - \frac{1}{2}v_0 = 1\text{ s} \\ v' = \frac{1}{2}v_0 - 2 = \frac{1}{2} \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{cases}$$



$$S = \frac{(2-1) \times 4}{2} = 1/5\text{ m}$$

می‌دانیم شب نمودار سرعت - زمان برابر با شتاب است، بنابراین:



بنابراین:

$$a_A = 2a_B \Rightarrow \frac{v_1}{2} = 2 \times \frac{v_1 - 1}{20} \Rightarrow v_1 = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow a_A = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad a_B = 1/5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

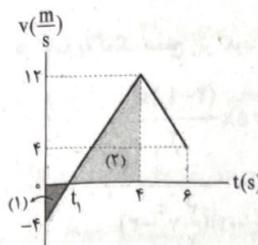
۲ ۷۴ می‌دانیم مساحت زیر نمودار  $a-t$  برابر با تغییرات سرعت است، بنابراین:

$$\Delta v_{-4} = 4 \times 4 = 16 \frac{m}{s} \Rightarrow v_4 - v_0 = 16 \Rightarrow v_4 - (-4) = 16$$

$$\Rightarrow v_4 = 12 \frac{m}{s}$$

$$\Delta v_{4-6} = 2 \times (-4) = -8 \frac{m}{s} \Rightarrow v_6 - v_4 = -8 \Rightarrow v_6 - 12 = -8$$

$$\Rightarrow v_6 = 4 \frac{m}{s}$$



با توجه به تشابه مثلث‌های (۱) و (۲) داریم:

$$\frac{t_1}{4} = \frac{4-t_1}{12} \Rightarrow t_1 = 1s$$

بنابراین متحرک  $5s$  در جهت محور  $x$  ها حرکت کرده است.

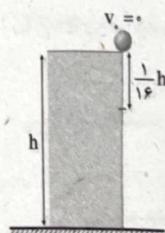
۱ ۷۵ مدت زمان سقوط گلوله A برابر است با:

$$y_A = \Delta t_A^2 \Rightarrow 8 = \Delta t_A^2 \Rightarrow t_A^2 = 16 \Rightarrow t_A = 4s$$

بنابراین مدت زمان سقوط گلوله B برابر با  $2s$  است، در نتیجه:

$$y_B = \Delta t_B^2 \Rightarrow y = 4 \times 2^2 = 16m$$

۴ ۷۶ معادله مکان - زمان را یک بار برای  $\frac{1}{16}$  ابتدای مسیر و یک بار برای کل مسیر می‌نویسیم:



$$\begin{cases} \frac{1}{16}h = \frac{1}{2}gt_1^2 \\ h = \frac{1}{2}g(t_1 + t_2)^2 \end{cases} \xrightarrow{\text{طرفین را به هم تقسیم می‌کنیم}} \frac{1}{16} = \left(\frac{t_1}{t_1 + t_2}\right)^2$$

$$\xrightarrow{\text{جذر}} \frac{1}{4} = \frac{t_1}{t_1 + t_2} \Rightarrow 4t_1 = t_1 + t_2 \Rightarrow 3t_1 = t_2 \Rightarrow \frac{t_2}{t_1} = 3$$

۳ ۷۷ هر گاه نیرویی به جسم وارد نشود یا نیروهای وارد بر جسم متوازن باشند، اگر جسم ساکن باشد، همچنان ساکن باقی می‌ماند و اگر در حال حرکت باشد، سرعت جسم تغییر نمی‌کند و ثابت می‌ماند.

۱ ۷۸ با توجه به قانون دوم نیوتون داریم:

$$F_1 = F_2 \Rightarrow m_1 a_1 = m_2 a_2 \Rightarrow m_1 \times \frac{v_1 - 0}{t} = m_2 \times \frac{v_2 - 0}{t}$$

$$\Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{m_1}{m_2}$$

۲ ۷۱ با توجه به معادله مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت،

می‌توان نوشت:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \xrightarrow{v_0 = 0} \Delta x = \frac{1}{2}at^2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \Delta x_A = \frac{1}{2}a_A t_A^2 \\ \Delta x_B = \frac{1}{2}a_B t_B^2 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l} a_A = \frac{v}{9} \\ a_B = \frac{v}{18} \end{array} \Rightarrow \begin{cases} \Delta x_A = \frac{1}{2} \times \frac{v}{9} a_A t_A^2 \\ \Delta x_B = \frac{1}{2} \times \frac{v}{18} a_B t_B^2 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l} t_A = t_B + 1 \\ \Delta x_A = \frac{1}{9}a(t_B + 1)^2 \\ \Delta x_B = \frac{v}{36}at_B^2 \end{array}$$

$$\Delta x_A = \Delta x_B \Rightarrow \frac{1}{9}a(t_B + 1)^2 = \frac{v}{36}at_B^2 \Rightarrow \frac{1}{9}(t_B + 1)^2 = \frac{v}{36}t_B^2$$

$$\xrightarrow{\text{از طرفین جذر برگیریم}} \frac{1}{3}(t_B + 1) = \frac{v}{6}t_B \Rightarrow t_B + 1 = \frac{v}{2}t_B$$

$$\Rightarrow 2t_B + 1 = v \Rightarrow 2t_B = v - 1 \Rightarrow t_B = \frac{v-1}{2}$$

$$t_A = t_B + 1 \xrightarrow{t_B = 6s} t_A = 6 + 1 = 7s$$

۲ ۷۲ در بازه زمانی  $t = 6s$  تا  $t = 7s$  علامت سرعت مثبت است و

اندازه آن نیز در حال افزایش است.

$$a_{av} = \frac{v_{10} - v_6}{10 - 6} \Rightarrow 2 = \frac{v_{10} - 0}{4} \Rightarrow v_{10} = 8 \frac{m}{s}$$

با توجه به تشابه مثلث‌ها داریم:

$$\frac{v_{10}}{10 - 6} = \frac{v_4}{6 - 4} \Rightarrow \frac{8}{4} = \frac{v_4}{2} \Rightarrow v_4 = -4 \frac{m}{s}$$

جله‌جایی متحرک در  $10$  ثانیه نخست حرکتش برابر است با:

$$\Delta x = -S_{-6} + S_{6-10} = -\frac{-4 \times 6}{2} + \frac{4 \times 8}{2} = -12 + 16 = 4m$$

سرعت متوسط در  $10$  ثانیه نخست حرکت برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 - 4}{10 - 6} = -1 \frac{m}{s}$$

۴ ۷۳

$$\begin{array}{ccccccc} -x & x & 0 & -x & -2x & -3x & -4x \\ \hline 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \end{array}$$

$3x + x + |-x| + |-3x| + |-5x| + |-7x| = 20m$ : مسافت طی شده

$$\Rightarrow 20x = 20 \Rightarrow x = 1m$$

سرعت متوسط در بازه زمانی  $t = 6s$  تا  $t = 2s$  برابر است با:

$$\frac{v_7 + v_6}{2} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \frac{0 + 8}{2} = -\frac{16}{4} \Rightarrow v_6 = -4 \frac{m}{s}$$

شتاب حرکت متحرک برابر است با:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-4 - 0}{8 - 2} = -2 \frac{m}{s^2}$$

چگالی آب  $4^{\circ}\text{C}$  بیشترین مقدار بوده و با افزایش دما از صفر ۴ ۸۴

$4^{\circ}\text{C}$  حجم کاهش یافته و با افزایش چگالی، حرکت آب موجود در سطح به طرف قسمت‌های زیرین آغاز می‌گردد. اگر روند تابش گرما ادامه یابد، آب با دمای  $4^{\circ}\text{C}$  در قسمت تحتانی باقی مانده و با بالا رفتن دمای قسمت فوقانی از  $4^{\circ}\text{C}$  چگالی آن شروع به کاهش نموده، به طوری‌که تعامل به باقی ماندن آب گرم شده با دمای بالاتر از  $4^{\circ}\text{C}$  روی سطح بیشتر خواهد بود و دمای سطح شروع به افزایش می‌نماید، بنابراین عبارت‌های «الف»، «ب» و «ج» نادرست هستند.

برای این‌که روغن از ظرف بیرون نریزد، باید حجم نهایی روغن ۲ ۸۵  
و ظرف برابر شود، بنابراین می‌توانیم بنویسیم:

$$\begin{aligned} V_2 &= V_1 \\ \text{روغن} &\quad \text{ظرف} \\ \Rightarrow V_1 &= V_1 (1+3\alpha) \Delta\theta = V_1 (1+\beta) \Delta\theta \\ \text{روغن} &\quad \text{ظرف} \\ \Rightarrow V_1 &= V_1 \times (1+3 \times 10^{-4} \times 50) = V_1 \times (1+8 \times 10^{-4} \times 50) \\ \Rightarrow 1/5 \times 1/0015 &= V_1 \times 1/04 \\ \text{روغن} & \\ \Rightarrow V_1 &= 1/44L = 1440\text{cc} \\ \text{روغن} & \end{aligned}$$

سریز شدن، زمانی آغاز می‌شود که تغییر حجم مایع درون مخزن برایر حجم فضای خالی بالای مخزن شود، بنابراین با چشم‌پوشی از انساط مخزن می‌توانیم بنویسیم:

$$\begin{aligned} \Delta V &= \beta V_1 \Delta\theta \Rightarrow 50 \times A = 10^{-3} \times 950 \times A \times \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 52/6^{\circ}\text{C} \\ \Delta\theta &= \theta_2 - \theta_1 \Rightarrow 52/6 = \theta_2 - (-5) \Rightarrow \theta_2 = 47/6^{\circ}\text{C} \end{aligned}$$

با توجه به این‌که گلوله‌ها به تعادل گرمایی رسیده‌اند، داریم:

$$\begin{aligned} Q_1 + Q_2 + Q_3 &= 0 \\ \Rightarrow C_1(\theta_e - 50) + C_2(\theta_e - 70) + C_3(\theta_e - 66) &= 0 \\ C_1 = C_2 = C_3 & \Rightarrow 2\theta_e = 50 + 70 + 66 \Rightarrow \theta_e = \frac{186}{3} = 62^{\circ}\text{C} \end{aligned}$$

با توجه به تعادل گرمایی مجموعه داریم:

$$\begin{aligned} Q_1 + Q_2 + Q_3 &= 0 \\ \text{گرمسنج} + Q_{آب} & \\ \Rightarrow m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) + C_2 (\theta_e - \theta_2) + C_3 (\theta_e - \theta_3) &= 0 \\ \Rightarrow 2 \times 4200 \times (60 - 20) + 840 \times (60 - 160) + 1500 \times (60 - \theta_3) &= 0 \\ \Rightarrow 2 \times 4200 \times 40 + 840 \times (-100) + 1500 \times (60 - \theta_3) &= 0 \\ \Rightarrow 60 - \theta_3 = -168 \Rightarrow \theta_3 &= 228^{\circ}\text{C} \end{aligned}$$

با توجه به تعادل گرمایی مجموعه داریم:

$$\begin{aligned} Q_1 + Q_2 + Q_3 &= 0 \\ \Rightarrow m_1 c_1 \Delta\theta_1 + C_2 \Delta\theta_2 + m_3 c_3 \Delta\theta_3 &= 0 \\ \Rightarrow 1/5 \times 1680 \times (\theta_e - 30) + 7560 \times (\theta_e - 60) + 6 \times 420 \times (\theta_e - 150) &= 0 \\ \Rightarrow 2520 \times (\theta_e - 30) + 7560 \times (\theta_e - 60) + 2520 \times (\theta_e - 150) &= 0 \\ \Rightarrow \theta_e &= 72^{\circ}\text{C} \end{aligned}$$

۲ اگر دو وزنه را با هم به عنوان یک جسم به جرم  $m_1 + m_2$  در

نظر بگیریم، طبق قانون دوم نیوتون داریم:

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow F = (m_1 + m_2)a \Rightarrow a = \frac{F}{m_1 + m_2} \quad (*)$$

اگر اندازه نیروی را که وزنه  $m_2$  به وزنه  $m_1$  وارد می‌کند، برابر  $F_1$  در نظر بگیریم، آن‌گاه داریم:

$$F_1 = m_2 a \xrightarrow{(*)} F_1 = m_2 \times \frac{F}{m_1 + m_2} \Rightarrow F_1 = \frac{m_2 \times F}{m_1 + m_2}$$

۳ اگر برایند چند نیرو صفر شود، در صورتی که یکی از نیروها حذف شود، بزرگی برایند نیروهای باقی‌مانده همان‌اندازه با بزرگی نیروی حذف شده است.

$$\bar{F}_1 + \bar{F}_2 + \bar{F}_3 + \bar{F}_4 = 0 \Rightarrow \bar{F}_1 + \bar{F}_2 + \bar{F}_4 = -\bar{F}_3$$

بنابراین طبق قانون دوم نیوتون داریم:

$$F_3 = ma \Rightarrow 15 = 2a \Rightarrow a = 7.5 \frac{m}{s^2}$$

تغییرات سرعت جسم پس از ۲s برابر است با:

$$\Delta v = a \Delta t \Rightarrow \Delta v = 7.5 \times 2 = 15 \frac{m}{s}$$

۴ رابطه دمای دماستن سلسیوسی و دماستن نامعلوم، خطی است،

بنابراین می‌توانیم بنویسیم:

$$\frac{x - 40}{x - 112} = \frac{12}{20} \Rightarrow \frac{x - 40}{x - 112} = \frac{3}{5} \Rightarrow 5x - 200 = 3x - 336$$

$$\Rightarrow 2x = -136 \Rightarrow x = -68^{\circ}\text{C}$$

دما بر حسب کلوین خواسته شده است، بنابراین:

۵ عبارت‌های «ج»، «د» و «ه» نادرست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ج) دماستن ترموموکوپل جزء دماستن‌های معیار نیست.

د) دماستن گازی جزء دماستن‌های معیار است.

ه) کمیت دماستن‌جی در دماستن‌های جیوه‌ای و الکلی، ارتفاع مایع درون دماستن بوده و اساس کار آن‌ها انساط گرمایی مایع درون دماستن‌ها است.

۶ چون اختلاف طول میله‌ها تغییر نکرده است، بنابراین می‌توانیم نتیجه‌گیری کنیم که تغییر طول آن‌ها با هم برابر است.

$$\Delta L_A = \Delta L_B \Rightarrow L_A \alpha_A \Delta\theta = L_B \alpha_B \Delta\theta$$

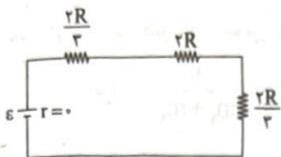
$$\Rightarrow L_A \times 3 \times 10^{-4} = L_B \times 2 \times 10^{-4} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{2}{3} \quad (*)$$

اختلاف طول دو خطکش در دمای  $\theta_1$  برابر با  $10\text{cm}$  است، بنابراین:

$$L_B - L_A = 10 \xrightarrow{(*)} L_B - \frac{2}{3} L_B = 10$$

$$\Rightarrow \frac{1}{3} L_B = 10 \Rightarrow L_B = 30\text{cm} \Rightarrow L_A = \frac{2}{3} \times 30 = 20\text{cm}$$

اگر کلید  $K_1$  را باز و کلید  $K_2$  را بندیم:



$$I' = \frac{\epsilon}{\frac{4R}{3} + 2R} = \frac{\epsilon}{\frac{10}{3}R} = \frac{3}{10} \frac{\epsilon}{R}$$

$$\frac{I}{I'} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}{10}} = \frac{10}{3} = \frac{5}{4} \Rightarrow \frac{1}{I'} = \frac{5}{4} \Rightarrow I' = 0.8A$$

بنابراین:

در صد تغییرات جریان برابر است با:

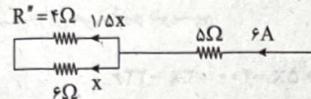
$$\frac{I' - I}{I} \times 100 = \frac{0.8 - 1}{1} \times 100 = -20\%$$

جریان ۲۰ درصد کاهش یافته است.

**۹۵** با توجه به شکل، مقاومت‌های  $1\Omega$  و  $3\Omega$  با هم متواالی و موازی مقاومت  $4\Omega$  می‌باشند که مقاومت معادل آنها ( $R'$ ) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

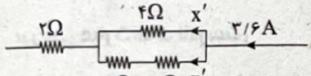
$$\frac{1}{R'} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \Rightarrow R' = 2\Omega$$

مقاومت  $R'$  و مقاومت  $2\Omega$  با هم متواالی بوده و مقاومت معادل آنها ( $R''$ ) برابر  $4\Omega$  می‌باشد که همان‌طور که مشاهده می‌کنیم با مقاومت  $6\Omega$  نشان داده شده روی شکل، موازی است:



$$x + 1/5x = 6 \Rightarrow 2/5x = 6 \Rightarrow x = \frac{6}{2/5} = \frac{24}{10} = 2.4A$$

جریان عبوری از مقاومت  $R''$  برابر  $1/5x$  یعنی  $3/6A$  است که با یک تقسیم جریان، جریان عبوری از مقاومت  $4\Omega$  را به دست می‌آوریم:



$$2x' = 3/6 \Rightarrow x' = 1/8A$$

در نهایت برای محاسبه اختلاف پتانسیل بین دو نقطه A و B ( $V_A - V_B$ ) از نقطه B به سمت نقطه A حرکت می‌کنیم:

$$V_B + 4 \times 1/8 + 5 \times 6 = V_A \Rightarrow V_A - V_B = 37/2V$$

**۹۶** با افزایش مقاومت R مقاومت معادل مجموعه افزایش می‌باید.

بنابراین طبق رابطه  $I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r}$  شدت جریان عبوری از باتری کاهش یافته

و نور لامپ L<sub>2</sub> کاهش خواهد یافت. برای بررسی نور لامپ L<sub>1</sub> ابتدا تغییر اختلاف پتانسیل دو سر باتری را بررسی می‌کنیم.

طبق رابطه  $V = \epsilon - Ir$  با کاهش شدت جریان عبوری از باتری، افت پتانسیل (Ir) کاهش یافته و اختلاف پتانسیل دو سر باتری افزایش می‌یابد. در عین حال مقاومت معادل لامپ L<sub>1</sub> و مقاومت R نیز افزایش یافته و در نتیجه سهم بیشتری از اختلاف پتانسیل باتری را به خود اختصاص می‌دهند. در نتیجه با افزایش اختلاف پتانسیل دو سر لامپ L<sub>1</sub>، نور آن افزایش خواهد یافت.

**۹۰** عبارت‌های «ب»، «ج» و «ه» درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

الف) گرمای ویژه جسم تنها به جنس جسم بستگی دارد.

د و ه) ظرفیت گرمایی از حاصل ضرب جرم جسم در گرمای ویژه آن به دست می‌آید، بنابراین تابع جرم و جنس جسم است.

**۹۱** در حالتی که کلید K وصل است، اختلاف پتانسیل دو سر

باتری برابر است با:

$$V = \epsilon - Ir \quad V = \epsilon - \epsilon = 0$$

$$\Rightarrow Ir = 0 \Rightarrow \epsilon = 0 \Rightarrow \epsilon = 0$$

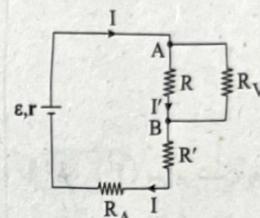
اگر کلید K را قطع کنیم، جریانی از باتری عبور نمی‌کند و اختلاف پتانسیل

الکتریکی دو سر آن برابر نیروی حرکتی باتری، یعنی  $7/5V$  خواهد بود.

بنابراین ولتسنج ایده‌آل در این حالت  $7/5V$  را نشان می‌دهد.

**۹۲** ولتسنج و آمپرسنج ایده‌آل نیستند، بنابراین مقاومت ولتسنج

را با  $R_V$  و مقاومت آمپرسنج را با  $R_A$  نشان می‌دهیم:



$$V_{AB} = RI' \Rightarrow I' = \frac{V_{AB}}{R} \Rightarrow R = \frac{V_{AB}}{I'}$$

$$R = \frac{V_{AB}}{I'} \Rightarrow \frac{V_{AB}}{I'} < R$$

**۹۳** قبل از بسته شدن کلید K، جریان در مدار برقرار نیست.

بنابراین ولتسنج ایده‌آل نیروی حرکتی  $\epsilon$  را نشان می‌دهد که برابر  $4V$  است.

بعد از بسته شدن کلید K، جریان برقرار می‌شود و ولتسنج ایده‌آل اختلاف

پتانسیل بین دو نقطه A و B را نشان خواهد داد:

$$I = \frac{\epsilon_2 - (\epsilon_1 + \epsilon_3)}{R_1 + R_2} = \frac{28 - 10}{3} = 6A$$

با توجه به این که جهت جریان در مدار پادساعتگرد است، اختلاف پتانسیل بین دو نقطه A و B را به دست می‌آوریم:

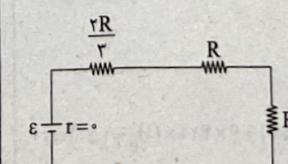
$$V_A + \epsilon_1 + IR_2 = V_B \Rightarrow V_B - V_A = \epsilon_1 + IR_2$$

$$\Rightarrow V_B - V_A = 4 + (6 \times 2) = 16V$$

همان‌طور که مشاهده می‌کنیم عددی که ولتسنج اندازه‌گیری می‌کند،  $12V$

افزایش یافته است.

**۹۴** وقتی کلید K<sub>1</sub> بسته و کلید K<sub>2</sub> باز است:



$$I = \frac{\epsilon}{\frac{2R}{3} + R + R} = \frac{\epsilon}{\frac{8R}{3}} = \frac{3}{8} \frac{\epsilon}{R}$$

$$R_{eq} = \frac{36 \times 12}{36 + 12} = 9\Omega$$

مقاومت معادل مدار برابر است با:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{36}{9+3} = \frac{36}{12} = 3A$$

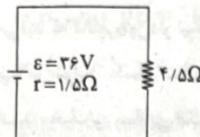
جریان اصلی مدار برابر است با:

$$V = \varepsilon - rI = 36 - 3 \times 3 = 36 - 9 = 27V$$

ولت سنج اختلاف پتانسیل دو سر باتری را نشان می دهد، بنابراین:

$$V = \varepsilon - rI = 36 - 3 \times 3 = 36 - 9 = 27V$$

۱۰۰ (۳) با توجه به شکل، دو مقاومت  $9\Omega$  و مقاومت  $18\Omega$  با هم موازی بوده و هر سه اتصال کوتاه شده اند، بنابراین هر سه مقاومت از مدار حذف خواهند شد:



$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{36}{4/5 + 1/5} = \frac{36}{6} = 6A$$

توان مصرفی مدار برابر است با:

$$P = R_{eq} I^2 = 4/5 \times 6^2 = 162W$$

دقت کنید؛ توان مصرفی مدار را می توانستیم از رابطه  $P = \varepsilon I - rI^2$  (توان خروجی باتری) نیز محاسبه کنیم.

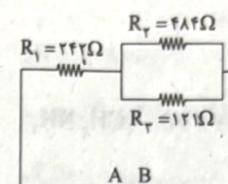
۹۷ (۳) با استفاده از رابطه  $P = \frac{V^2}{R}$  مقاومت الکتریکی هر لامپ را

محلبه می کنیم:

$$R_1 = \frac{(110)^2}{50} = 242\Omega$$

$$R_2 = \frac{(220)^2}{100} = 484\Omega$$

$$R_3 = \frac{(110)^2}{100} = 121\Omega$$



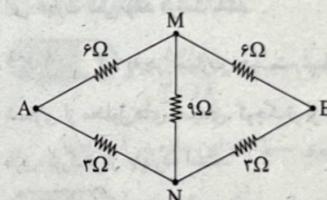
توان در شاخه های موازی با اندازه مقاومت، رابطه عکس دارد، بنابراین اگر توان مقاومت  $R_3$  را برابر  $P$  در نظر بگیریم، توان مقاومت  $R_3$  برابر آن  $P' = 96/8\Omega$  یعنی  $4P$  خواهد بود. توان مقاومت معادل آنها  $R' = 96/8\Omega$  برابر مجموعه توان آنها یعنی  $5P$  خواهد شد. مقاومت  $R'$  با مقاومت  $R_1$  متوالی است و در مقاومت های متوالی، توان با اندازه مقاومت، رابطه مستقیم دارد، در نتیجه:

$$R_1 = 2/5 R' \Rightarrow P_1 = 2/5 \times 5P = 12/5P$$

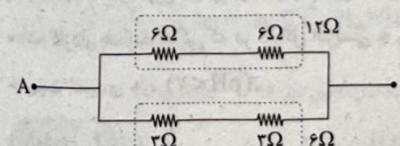
همان طور که مشاهده می کنیم توان لامپ  $L_1 = 12/5P$  و توان مصرفی لامپ  $L_3 = 4P$  به دست آمده که در نتیجه نسبت توان آنها برابر است با:

$$\frac{P_1}{P_3} = \frac{12/5P}{4P} = \frac{3/125}{4} = \frac{25}{8}$$

۹۸

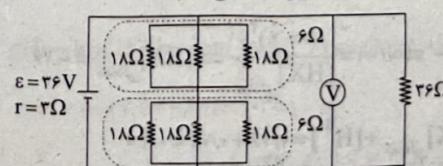


نقطه  $M$  و  $N$  دقیقاً بین دو نقطه  $A$  و  $B$  قرار دارند و مدار، متقابران است. یعنی مقاومت های میان این نقاط و نقطه  $A$  و  $B$  کاملاً مشابه هم هستند. در نتیجه دو نقطه  $M$  و  $N$  هم پتانسیل بوده و از مقاومت  $9\Omega$  جریانی عبور نمی کند و می توانیم آن را از مدار حذف کنیم. در نتیجه:



$$R_{eq} = \frac{12 \times 6}{12 + 6} = \frac{12}{3} = 4\Omega$$

۹۹ (۲) ابتدا مدار را به صورت زیر ساده می کنیم:



$$[\text{OH}^-] = 2[\text{Sr(OH)}_2] = 2 \times 8 \times 10^{-4} = 16 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\begin{aligned} \text{pOH} &= -\log[\text{OH}^-] = -\log(16 \times 10^{-4}) = -[\log 16 + \log 10^{-4}] \\ &= -(4 + 0) = 1.8 \Rightarrow \text{pH} = 14 - 1.8 = 12.2 \end{aligned}$$

برای متیل آمین می توان نوشت:

$$\text{pH} = 12.2 - 2.4 = 9.8$$

$$[\text{H}^+] = 10^{-9.8} = 10^{1.2-10} = (10^{0.2})^4 \times 10^{-10}$$

$$= 2^4 \times 10^{-10} = 16 \times 10^{-10}$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{[H^+]} = \frac{10^{-14}}{16 \times 10^{-10}} = \frac{1}{16} \times 10^{-4}$$

$$[\text{OH}^-] = \alpha[\text{CH}_3\text{NH}_2] \Rightarrow \frac{1}{16} \times 10^{-4} = 0.2 \times 10^{-2} [\text{CH}_3\text{NH}_2]$$

$$\Rightarrow [\text{CH}_3\text{NH}_2] = \frac{5}{16} \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$?g \text{ CH}_3\text{NH}_2 = 2L \times \frac{5}{16} \times 10^{-2} \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times \frac{31\text{g}}{1\text{mol}} = 0.19 \text{ g CH}_3\text{NH}_2$$

۱ ۱۰۵ هر چهار عبارت پیشنهاد شده، نادرست هستند.

بررسی عبارت ها:

- در تمامی محلول های آبی، هر دو یون هیدرونیوم و هیدروکسید وجود دارد.
- کمتر بودن pH محلول اسید A در مقایسه با محلول اسید B، می تواند به خاطر بیشتر بودن غلظت اولیه اسید A باشد و لزوماً به معنای بیشتر بودن ثابت یونش اسید A و قوی تر بودن آن نیست.

- آب در تمامی دمایا خنثی است.

- با توجه به ثابت بودن حاصل ضرب غلظت یون های هیدرونیوم و هیدروکسید، این عبارت نمی تواند درست باشد.

۳ ۱۰۶ به جز عبارت نخست، سایر عبارت ها درست هستند.

شماری از محلول های اسیدی، کوچک تر از صفر و pH شماری از محلول های بازی، بزرگ تر از چهارده است.

۴ ۱۰۷ در اسیدهای آلی با فرم کلی RCOOH، با بزرگ شدن زنجیر هیدروکربنی، قدرت اسیدی و  $K_a$  کاهش می یابد.

۲ ۱۰۸ • pH خون انسان و محتابات روده کوچک، بزرگ تر از ۷ بوده

- و در نتیجه غلظت یون هیدرونیوم کمتر از یون هیدروکسید است.
- آب گازدار همانند خاکی که در آن گل ادریسی به رنگ آبی شکوفا می شود، خاصیت اسیدی دارد ( $\text{pH} < 7$ ).

۴ ۱۰۹  $\text{pH} = 1/4 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-1/4} = 10^{-2} \times 10^{0.2} \times 10^{-1/3}$

$$= 10^{-2} \times 2 \times 2 = 0.04$$

$$K_a = \frac{[\text{H}^+]^2}{[\text{HX}]} \xrightarrow{\text{تعادلی}} 0.04 = \frac{(0.04)^2}{[\text{HX}]} \xrightarrow{\text{تعادلی}} [\text{HX}] = 0.16$$

$$[\text{HX}]_{\text{اولیه}} = [\text{HX}] + [\text{H}^+] = 0.16 + 0.04 = 0.20$$

## شیوه

### ۲ ۱۰۱

$\text{SO}_4^{2-}$  که در دما و فشار اتان، گازی شکل است، به اکسید دیگر در این شرایط جامدند.

### ۳ ۱۰۲

صورت مقابل است:

بررسی عبارت ها:

(۱) با توجه به این که در شرایط یکسان، HF قوی تر از HCOOH است، درستی این عبارت بدینه است.

(۲) از حل کردن گاز  $\text{CO}_2$  در آب، کربنیک اسید ( $\text{H}_2\text{CO}_3$ ) به دست می آید که تگپرتون دار نیست.

(۳) در شرایط یکسان دما و غلظت، اسید قوی تر، رسانایی الکتریکی بیشتر و اسید ضعیف تر، رسانایی الکتریکی کمتری دارد.

(۴)  $\text{HA} : -\log K_a = 4/4 \Rightarrow K_a = 10^{-4/4} = 10^{-1} = 4 \times 10^{-5}$

$$K_a = \frac{[\text{H}^+]^2}{[\text{HA}]} \Rightarrow 4 \times 10^{-5} = \frac{[\text{H}^+]^2}{0.4} \Rightarrow [\text{H}^+] = 4 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow \text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log(4 \times 10^{-2}) = -(4 + \log 4) = -2.4$$

### ۳ ۱۰۳

(۱) با توجه به این که pH محلول نهایی کمتر از ۷ است، می توان نتیجه گرفت که محلول نهایی خاصیت اسیدی داشته و تمام پناس (KOH) مصرف شده است.

(۲) هر مول HI با یک مول KOH به طور کامل واکنش می دهد.

(۳) از روی pH محلول نهایی، می توان شمار مول های  $\text{H}^+$  باقی مانده از HI را به دست آورد:

$$\text{pH} = 1/2 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-1/2} = 10^{-2} \times 10^{0.2} \times 10^{-1/5}$$

$$= 10^{-2} \times 2 \times 3 = 0.06 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$? \text{ mol H}^+ (\text{HI}) = \text{باقی مانده از HI}$$

$$= 0.06 \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times \frac{(200+100+200)}{1000} = 0.03 \text{ mol}$$

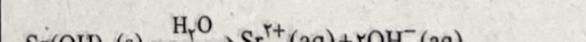
$$? \text{ mol H}^+ (\text{ولیه اسید}) = 0.2 \times 0.4 \text{ mol} = 0.08 \text{ mol}$$

$$? \text{ mol H}^+ (\text{مصرف شده اسید}) = 0.08 - 0.03 = 0.05 \text{ mol}$$

بنابراین شمار مول های KOH مصرف شده نیز برابر با  $0.05$  بوده است.

$$[\text{KOH}] = [\text{OH}^-] = \frac{0.05 \text{ mol}}{0.1 \text{ L}} = 0.5 \text{ mol.L}^{-1}$$

۴ ۱۰۴  $\text{Sr(OH)}_2$  یک باز قوی دووظیتی است.



$$[\text{Sr(OH)}_2] = \frac{488 \times 10^{-3} \text{ g} \times \frac{1 \text{ mol}}{122 \text{ g}}}{(5 \times 0.1) \text{ L}} = 8 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

۱۱۴

$$pH = 8 / 56 \Rightarrow [H^+] = 10^{-8 / 56} = 10^{-(8 / 48) - 1}$$

$$= 2^{-8} \times 10^{-1} = 2^{-8} \times 10^{-1} \Rightarrow [OH^-] = \frac{1}{2} \times 10^{-4}$$

$$K_b = \frac{[OH^-]^2}{[C_6H_5NO_2]} = \frac{\left(\frac{1}{2} \times 10^{-4}\right)^2}{10^{-2}}$$

$$= \frac{10^{-8}}{2 \times 10^{-2}} = 6 \times 10^{-11}$$

۱۱۵

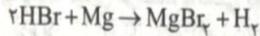
$$pH = -\log(10^{-8}) = -(\log 10 + \log 10^{-1})$$

$$= -(8 + 1) = 9$$

$$pH = 6 \times 10 / 10 = 6 \Rightarrow [H^+] = 10^{-6 / 10} = 10^{-0.6}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 0.25$$

$$H^+ = 0.25 \text{ mol.L}^{-1}$$



$$\frac{0.55 \times 10}{2} = \frac{x}{1 \times 2 \times 10} \Rightarrow x = 0.125 \text{ mL H}_2$$

با توجه به نمودار سوال پس از ۴ دقیقه ۰.۱۲۵ میلی لیتر گاز هیدروژن آزاد می شود.

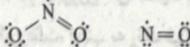
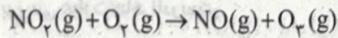
## ۱۱۶ بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) بوکسیت سنگ معدن آلومنیم است که شامل  $Al_2O_3$  به همراه ناخالصی است.

ت) اغلب فلزها در شرایط مناسب با گاز اکسیژن می سوزند.

۲ در واکنش تولید اوزون تروپوسفری که در حضور نور خورشید

انجام می شود، دو ترکیب  $NO$  و  $NO_2$  قاعدة هشت‌تایی را رعایت نمی کنند:



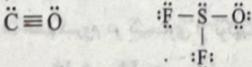
در گزینه (۳) فلز مورد نظر پلاتین است.

## ۱۱۸ بررسی عبارت‌ها:

آ) نمودار (A) تغییر دمای بیرون یک گلخانه را در ۲۴ ساعت شباهنگی روز روزانه نشان می دهد.

ب) شکل (B) حسگر گاز  $CO$  را نشان می دهد که شمار پیوندهای کوالانسی

آن با شمار پیوندهای کوالانسی مولکول  $SOF_2$  برابر است:



پ) در شکل (C) از  $CaO$  استفاده می شود که شمار کاتیون‌ها با آئیون‌های آن برابر است.

ت) نمودار (D) میانگین جهانی سطح آب‌های آزاد را در صد سال گذشته نشان می دهد.

۱۱۹ پرسشی سایر گزینه‌ها:

(۱) ثابت پوش یک اسید بیانی از میزان پیشرفت فرایند پوش تاریخی به تعادل است.

(۲) آب خالص، رسانای الکتریکی ناجیزی دارد.

(۳) دیواره داخلی معدن به طور طبیعی مقدار کمی از یون‌های هیدرونیوم حاصل از شیره معدن را دیواره جذب می کند.

۱۱۱ ۲ ابتدا غلظت مولی باریم هیدروکسید  $(Ba(OH)_2)$  را به دست می آوریم:

$$pH = 13 / 9 \Rightarrow [H^+] = 10^{-13 / 9} \Rightarrow [OH^-] = 10^{-1 / 9} = 10^{-0.1}$$

$$= 10^{-0.1} \Rightarrow [Ba(OH)_2] = \frac{1}{2} [OH^-] = 0.4 \text{ mol.L}^{-1}$$

\* هر مول باریم هیدروکسید با یک مول  $H_2SO_4$  خنثی می شود، در حالی که یک مول باریم هیدروکسید با دو مول  $C_6H_5COOH$  واکنش می دهد؛ زیرا  $H_2SO_4$  یک اسید دوپروتون دار و بنزوئیک اسید یک اسید تکپروتون دار است. اگر جرم  $C_6H_5COOH$  و  $H_2SO_4$  در مخلوط اولیه را با a و b نشان دهیم، می توان نوشت:

$$\frac{a}{1 \times 98} = \frac{0.4 \times V_1}{1} \Rightarrow a = 39 / 2 V_1$$

$$\frac{b}{2 \times 122} = \frac{0.4 \times V_2}{1} \Rightarrow b = 97 / 6 V_2$$

\* از طرفی می دانیم:  $V_1 + V_2 = 0.28$  و  $a + b = 0.28$  است.

\* از حل هم‌زمان معادله‌های فوق مقادیر a و b و  $V_1$  و  $V_2$  به دست می آید:

$$\begin{cases} V_1 = 0.15 \Rightarrow a = 5 / 88 \\ V_2 = 0.25 \Rightarrow b = 24 / 4 \end{cases}$$

$$a = \frac{5 / 88}{20 / 28} \times 100 = 19 / 4 \text{ درصد جرمی}$$

۱۱۲ با توجه به انحلال پذیری بسیار کم این ماده در آب، چگالی آب را  $1 \text{ g.mL}^{-1}$  در نظر گرفته و محاسبات را بر مبنای یک لیتر آب (یک لیتر محلول) که معادل  $1000 \text{ g}$  می دهیم:

$$? \text{mol } C_1. H_2NH_2 = 1000 \text{ g } H_2O \times \frac{1 \text{ g } C_1. H_2NH_2}{(14 + 1) \text{ g } H_2O} \times$$

$$\frac{1 \text{ mol } C_1. H_2NH_2}{142 \text{ g } C_1. H_2NH_2} = 0.1 \text{ mol } C_1. H_2NH_2$$

واضح است که غلظت مولی نفتیل آمین نیز  $10^{-4}$  خواهد بود.

$$K_b = \frac{[OH^-]^2}{[C_1. H_2NH_2]} \Rightarrow 1 / 44 \times 10^{-4} = \frac{[OH^-]^2}{0.1}$$

$$\Rightarrow [OH^-] = 1 / 2 \times 10^{-4} \Rightarrow [H^+] = \frac{1}{1 / 2} \times 10^{-4} = \frac{1}{2} \times 10^{-4}$$

$$pH = -\log[H^+] = -\log(\frac{1}{2} \times 10^{-4}) = -(\log 2 - \log 10 + \log 10^{-4})$$

$$= -(0.3 + 0.48) - 4 = 10 = 0.08$$

۱۱۳ ۴ محلول اتیلن گلیکول، غیرالکتروولیت است.

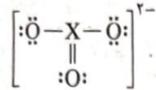
۱ ۱۲۴ • واکنش پذیری و نقطه جوش اوزون بیشتر از اکسیژن است.

• در تمامی لایه‌های هواکره، غلظت  $O_3$  بیشتر از  $O_2$  است.

• اوزون همانند اکسیژن در حالت مایع به رنگ آبی دیده می‌شود، اما شدت رنگ و انرژی رنگ آن در حالت مایع، بیشتر از  $O_2$  بوده و در نتیجه طول موج رنگ آن کمتر است.

۳ ۱۲۵ عنصر  $Ge_{\frac{2}{3}}$  در گروه چهاردهم جدول دوره‌ای جای دارد.

تنهای در ترکیب  $Ge_4$  عنصر  $X$  دارای ۴ الکترون ظرفیتی است.



[مجموع شمار الکترون‌های  $-$ ] [مجموع عدددهای یکان  $=$  بار یون موجود در ساختار شماره گروه اتم‌ها]

$$-2 = [X + 3(6)] - [12(2)] \Rightarrow X = 4$$

با استفاده از همین رابطه، در یون‌های a، b، c، عنصر  $X$  متعلق به گروه‌های ۱۷ و ۱۶ است.

۳ ۱۲۶ آنتالپی سوختن اتان ( $C_2H_6$ ) و اتن ( $C_2H_4$ )، منفی تر از آنتالپی سوختن اتانول ( $C_2H_5OH$ ) است.

#### ۴ ۱۲۷ بررسی عبارت‌های نادرست.

پ) محتوای انرژی ۵۰ کرم آب با دمای  $25^{\circ}\text{C}$  در فشار محیط، همواره ثابت بوده و مستقل از روش تهیه آن است.

ت) واکنش  $\text{PCl}_5(\text{g}) + \text{Cl}_2(\text{g}) \rightarrow \text{PCl}_7(\text{g}) + \text{Cl}_3(\text{g})$  با افزایش شمار مول‌های گازی همراه است. در صورتی که این واکنش در ظرف درسته انجام شود، با افزایش فشار همراه خواهد بود و گرمای چنین واکنشی در این شرایط، معادل آنتالپی واکنش نیست. آنتالپی واکنش، مقدار گرمای مبادله شده در فشار ثابت است.

۱ ۱۲۸ فرمول مولکولی ساختار داده شده به صورت  $C_{14}H_{20}O_2$  است.

#### بررسی عبارت‌های نادرست:

آ) فرمول آلدهید موجود در بادام،  $C_7H_6O$  و فرمول کتون موجود در میخک  $C_{14}H_{14}O$  است. واضح است که اگر این دو فرمول را جمع کنیم، به فرمول  $C_{14}H_{20}O_2$  می‌رسیم.

پ) نسبت آنتالپی سوختن به ارزش سوختن هر ترکیب برابر با جرم مولی آن ترکیب است. جرم مولی ترکیب مورد نظر  $220$  گرم و جرم گلوکوز

$$\frac{220}{180} = \frac{11}{9}$$

پ) در ساختار آن، گروه‌های عاملی اتری و هیدروکسیل وجود دارد.

ت) نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی آن برابر با  $10$  است:

$$\frac{14(4) + 2(2)}{14(4) + 2(1) + 2(2)} = \frac{40}{40} = 1$$

$$= 2(2) = (\text{شمار اتم‌های اکسیژن}) 2 = \text{شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی}$$

$$\frac{40}{4} = \frac{10}{4} = 10$$

۲ ۱۱۹ فقط عبارت دوم به درستی بیان شده است.

#### بررسی عبارت‌های نادرست:

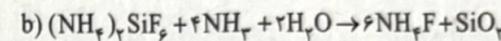
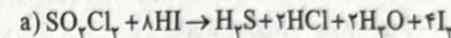
• در صورتی که اکسیژن در دسترس، برای سوختن سوختهای فسیلی کافی نباشد، گاز  $CO$  تولید می‌شود.

• گازی بی‌رنگ، بی‌بو و بسیار سیع است و حجم هر گرم از آن، بیشتر از حجم یک گرم هوا است. زیرا جگالی آن کمتر از جگالی هوا است.

• میل ترکیب هم‌گلوبین خون با این گاز بسیار زیاد و بیش از  $200$  برابر اکسیژن است.

• از واکنش گاز  $CO_2$  با اکسیدهای مانند متیزیم اکسید و کلسیم اکسید، می‌توان ترکیب‌های معدنی تولید کرد.

۲ ۱۲۰ معادله موازن‌شده دو واکنش، در زیر آمده است:



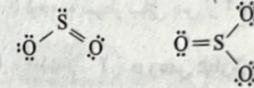
مجموع ضرایب در واکنش‌های (a) و (b) به ترتیب  $18$  و  $14$  و تفاوت آن‌ها برابر  $4$  است.

#### ۲ ۱۲۱ بررسی عبارت‌های نادرست:

آ) در صنعت برای تهیه سولفوریک اسید، نخست گوگرد را در واکنش با اکسیژن  $SO_2$  تبدیل می‌کنند؛ واکنشی که به سوختن گوگرد معروف است.

ب) گوگرد و سدیم به ترتیب با شعله آبی رنگ و زرد رنگ می‌سوزند. میانگین طول موج نور آبی، کوتاه‌تر از نور زرد است.

پ) ساختارهای  $SO_2$  و  $SO_3$  به صورت زیر است:



همان‌طور که قابل مشاهده است، هر دو ترکیب یک پیوند دوگانه  $S=O$  دارند.

ت) اکسید گوگردداری که بر اثر سوختن سوختهای فسیلی در خودروها به طور مستقیم وارد هواکره می‌شود، تنها  $SO_2$  است.

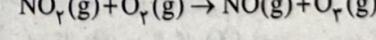
۱ ۱۲۲ فقط عبارت دوم درست است.

#### بررسی عبارت‌های نادرست:

• گاز نیتروژن دی‌اکسید به رنگ قهوه‌ای است و هوای آلوده کلان‌شهرها به این علت، اغلب به رنگ قهوه‌ای روشن دیده می‌شود.

• این گازها از واکنش گازهای نیتروژن و اکسیژن درون موتور خودرو و به دلیل دمای بالا به وجود می‌آیند.

• مطابق معادله زیر، با تولید اوزون توبوسفری، مقدار گاز  $NO_2$  کاهش اما مقدار گاز  $NO$  افزایش می‌یابد:



۴ ۱۲۳ فقط عبارت آخرین گزینه درست است.

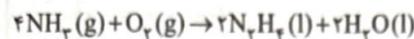
#### بررسی گزینه‌های نادرست:

۱) آنم کروم در شماری از ترکیب‌های شامل آن به شکل‌هایی غیر از کاتیون  $\text{Cr}^{3+}$  و  $\text{Cr}^{2+}$  حضور دارد، مانند  $\text{Na}_2\text{CrO}_4$ .

۲) واضح است که در ترکیبی مانند  $\text{ClF}_6^-$ ، یکی از اتم‌های هالوژن (در این جا کلر) اتم مرکزی است.

۳) بخش عمده‌ای از پرتوهای خورشیدی که به سمت زمین تابیده می‌شود، به وسیله زمین جذب می‌شود.

۲۱۵ معادله واکنش هدف به صورت زیر است:



برای رسیدن به واکنش هدف، باید تغییرات زیر را بر روی واکنش‌های کمکی اعمال کرد:

- ضرایب اجزای واکنش a را در عدد ۲ ضرب کرد.

- واکنش b را وارونه و ضرایب اجزای آن را در عدد ۶ ضرب کرد.

- واکنش c را وارونه و ضرایب اجزای آن را در عدد ۸ ضرب کرد.

- ضرایب اجزای واکنش d را در عدد ۹ ضرب کرد.

$$\Delta H = 2\Delta H_a - 6\Delta H_b - 8\Delta H_c + 9\Delta H_d \quad (\text{هدف})$$

$$= 2(-1000) - 6(-320) - 8(-604) + 9(-560) = -288 \text{ kJ}$$

$\Delta H$  به دست آمده مربوط به تولید ۲ مول آب ( $36 \text{ g H}_2\text{O}$ ) و ۲ مول

هیدرازین ( $64 \text{ g N}_2\text{H}_4$ ) است. در صورتی که تفاوت جرم فراورده‌ها برابر  $5/6$  باشد، مقدار گرمای مبادله شده برابر است با:

$$? \text{ kJ} = \frac{5/6 \text{ g}}{(64 - 36) \text{ g}} \times (-288 \text{ kJ}) = 57.6 \text{ kJ}$$

۲۱۶ بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) تفاوت شمار اتم‌های کربن ساده‌ترین مولکول آلدهید و ساده‌ترین مولکول کتون برابر با ۲ است:

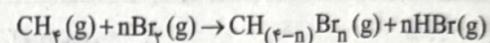


۳) ارزش سوختی چربی، بیش از دو برابر ارزش سوختی پروتئین است.

۴) با انجام یک واکنش شیمیایی و تغییر در شیوه اتصال اتم‌ها به یکدیگر، تفاوت آشکاری در انرژی پتانسیل وابسته به آن‌ها ایجاد می‌شود.

۲۱۷ مطابق داده‌های سؤال، معادله موازن‌نشده واکنش مورد نظر به صورت

زیر است:



$$\Delta H = [ \text{مجموع آنتالپی پیوندهای فراورده‌ها} ] - [ \text{مجموع آنتالپی پیوندهای واکنش دهنده‌ها} ]$$

$$-86 = [4(415) + n(193)] - [(4-n)(415) + n(285) + n(366)]$$

$$\Rightarrow n = 2 \Rightarrow A : \text{CH}_2\text{Br}_2$$

۲۱۸ ساده‌ترین هیدروکربن همان متان ( $\text{CH}_4$ ) است.

بررسی عبارت نادرست:

ب) متان از تجزیه گیاهان به وسیله باکتری‌های بی‌هوایی در زیر آب، تولید می‌شود.

۲۱۹ مطابق داده‌های سؤال، گرمای حاصل از سوختن یک گرم الکل A

۱/۲ برابر گرمای حاصل از سوختن یک گرم اتر B است. به عبارت دیگر،

گرمای حاصل از سوختن یک گرم الکل A با گرمای حاصل از سوختن  $1/2$  گرم

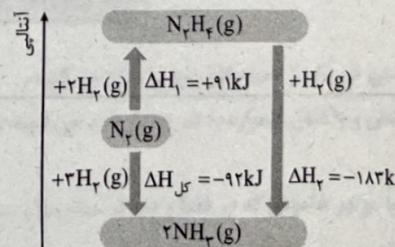
اتر B برابر است؛ بنابراین گرمای حاصل از سوختن  $4/5$  گرم الکل A با گرمای

حاصل از سوختن  $4/5 \times 1/2$  اتر B برابر است:

$$4/5 \times 1/2 = 4/10 = 2/5 \text{ g}$$

۲۲۰ شواهد تجربی نشان می‌دهند که تهیه آمونیاک به روش های از

گازهای نیتروژن و هیدروژن مطابق نمودار زیر یک واکنش دومرحله‌ای است.



واضح است که در مرحله اول، هیدروژن بیشتری مصرف می‌شود.

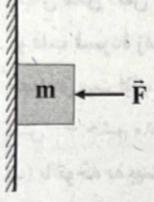
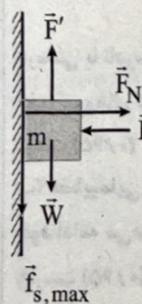
۲۲۱ فقط در مولکول‌های دواتمی مانند کربن مونوکسید (CO) و

هیدروژن کلرید (HCl)، برای پیوند موجود، از مفهوم «میانگین آنتالپی پیوند»

استفاده نمی‌شود، در سه مورد دیگر از مفهوم فوق استفاده می‌شود.

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	فارسی (۲)	۰/۵
۲	معنی واژه مشخص شده را بنویسید. <u>سریر</u> علک، عطا داد کردن تو را به جای خویش دهد هر چه کردن دهد. سریر: تخت پادشاهی (۰/۵)	۰/۵
۳	املای درست را در جمله زیر، انتخاب نمایید. گاهی می‌ایستد و علف و (خواری / خاری) را پوزه می‌زند. خاری (۰/۵)	۰/۵
۴	در گروه واژگان زیر، نادرستی املایی به کار رفته است، درست آن را بنویسید. «ضجه و شیون - ستوران و حیوانات - شرзе و خشمگین - طرباق و پادزهر» تریاق (۰/۵)	۰/۵
۵	نقش ضمیر پیوسته در مصراع «بعد از این وادی توحید آیدت» مشابه گزینه ..... است؟ الف) در عشق کسی قدم نهاد کش جان نیست ب) آن خضر که فرخنده پیش نام نهادند الف) در عشق کسی قدم نهاد کش جان نیست (۰/۵)	۰/۵
۶	نقش دستوری واژه‌های مشخص شده را بنویسید. الف) عشق <u>حقیقی</u> دل و جان را پاک می‌گرداند. نهاد (۰/۵) ب) برخی عاشق را <u>دیوانه</u> می‌پنداشد. مسند (۰/۵)	۱
۷	در بیت زیر، «وابسته وابسته» را مشخص کنید و نمودار پیکانی آن را رسم نمایید. «هر کسی کاو دور ماند از اصل خویش / باز جوید روزگار وصل خویش» خویش (۰/۵) روزگار وصل خویش (۰/۵)	۱
۸	نام پدیدآورنده هر یک از آثار زیر را بنویسید. الف) <u>فیه‌مافیه</u> مولوی (مولانا) (۰/۵) ب) <u>قصه شیرین فرهاد</u> احمد عربلو (۰/۵) ج) <u>منشوی معنوی</u> مولوی (مولانا) (۰/۵)	۱/۵

ردیف	نمره	راهنمای تصحیح
۸	۱	<p>آرایه درست را از داخل کمانک برگزینید.</p> <p>(الف) تو قلب فسرده زمینی / از درد ورم نموده یک چند (ایهام - جناس) ایهام (۰/۵)</p> <p>(ب) خانه‌ای گاو شود از دست اجانب آباد / ز اشک ویران گوش آن خانه که بیت‌الخزن است (متناقض‌نما - تضاد) تضاد (۰/۵)</p>
۹	۰/۵	<p>بیت زیر را کامل کنید.</p> <p>آیینه نگاهت، پیوند صبح و ساحل / لیخند گاه‌گاهت، صبح ستاره‌باران (۰/۰)</p>
۱۰	۰/۵	<p>مفهوم بیت زیر از کدام گزینه دریافت می‌شود؟</p> <p>در ره عشق نشد کس به یقین محروم راز / هر کسی بر حسب فکر گمانی دارد</p> <p>(الف) هر کسی از ظن خود شد یار من / از درون من نجست اسرار من (ب) سر من از ناله من دور نیست / لیک چشم و گوش را آن نور نیست (الف) هر کسی از ظن خود شد یار من / از درون من نجست اسرار من (۰/۵)</p>
۱۱	۱/۵	<p>با توجه به ایيات زیر، به پرسش‌ها پاسخ دهید.</p> <p>پنهان مکن آتش درون را / زین سوخته جان شنو، یکی پند تو قلب فسرده زمینی / از درد، ورم نموده یک چند (الف) در بیت اول، منظور از «آتش» و «سوخته جان» چیست؟ آتش ← خشم و نفرت و اعتراض (۰/۲۵) / سوخته جان ← شاعر (ملک‌الشعرای بهار) (۰/۲۵) (ب) با توجه به بیت دوم، چرا شاعر، خطاب به «دماؤنده» این چنین گفته است؟ شاعر (ظاهر) دماؤنده را قلب بی‌زدهای می‌داند که از شدت درد، ورم کرده است (۰/۰)؛ اما در باطن، دماؤنده (آزادی‌خواهان) را افسرده، منجمد و منفل می‌پندارد که کاری بر ضد استبداد و ستم انجام نمی‌دهد. (۰/۵)</p>
۱۲	۱	<p>معنای ایيات و عبارات زیر را به نثر روان بنویسید.</p> <p>(الف) بفکن ز بی این اساس تزویر پایه‌های ریا و دوروبی (۰/۲۵) را نایود گردان. (۰/۲۵) (ب) محرم این هوش جز بی هوش نیست تنها عاشق واقعی (۰/۲۵) محرم حقیقت عشق است. (۰/۲۵)</p>
۱۳	۱	<p style="text-align: center;"><b>فیزیک (۳)</b></p> <p>درستی یا نادرستی هر یک از جمله‌های زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) نیروهای کش و واکنش همواره به دو جسم وارد می‌شوند و هم‌نوع هستند. درست (۰/۲۵)</p> <p>(ب) فضاییمایی با موتور خاموش که در فضا و دور از ستاره‌ها و سیارات دیگر در حال حرکت است، با حرکتی شتابدار به حرکت خود ادامه می‌دهد. نادرست (۰/۲۵)</p> <p>(ج) هر چه لختی جسم بیشتر باشد، هنگام اعمال یک نیروی معین، شتاب حرکت جسم بیشتر می‌شود. نادرست (۰/۲۵)</p> <p>(د) واکنش نیروی وزن، نیروی است که در خلاف جهت آن از طرف جسم به زمین وارد می‌شود. درست (۰/۲۵)</p>

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	<p>به سوالات زیر، پاسخ کوتاه دهید:</p> <p>(الف) در هنگام ترمز ناکهانی، در اثر چه خاصیتی به جلو پرتاب می‌شویم؟ لختی (۰/۲۵)</p> <p>(ب) اندازه نیروی مقاومت شاره وارد بر جسم در حال حرکت درون شاره به چه عواملی بستگی دارد؟</p> <p>۱- تندری جسم (۰/۲۵) ۲- سطح جسم (۰/۲۵)</p> <p>(ج) با چه وسیله‌ای نیرو را اندازه‌گیری می‌کنیم? نیروسنج (۰/۲۵)</p>	۱
۱۵	<p>شخصی درون آسانسور ساکن روی ترازوی فرنی ایستاده است و ترازو وزن او را ۶۰۰ نیوتون نشان می‌دهد. در لحظه شروع حرکت آسانسور رو به بالا، ترازو عدد ۷۵ نیوتون را نشان می‌دهد. شتاب حرکت آسانسور در این لحظه چقدر است؟ (<math>g = ۱۰ \frac{N}{kg}</math>)</p> $F_N - mg = ma \Rightarrow ۷۵ - ۶۰ = ۶a \Rightarrow a = \frac{۱۵}{۶} = ۲.۵ \frac{m}{s^2} \quad (۰/۲۵)$	۱
۱۶	<p>مطابق شکل زیر، جسمی به جرم <math>۵/۵ kg</math> را با نیروی <math>F = ۲۰ N</math> به دیوار قائم فشرده‌ایم و جسم در آستانه حرکت به طرف پایین است. (<math>g = ۱۰ \frac{N}{kg}</math>)</p>  <p>(الف) ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و دیوار چقدر است؟ نیروهای وارد بر جسم رارسم می‌کنیم و طبق قانون دوم نیوتون داریم:</p> $f_{s,max} = \mu_s F_N \quad (۰/۲۵)$ $F_{(net)_x} = ma_x \quad \xrightarrow{a_x = ۰} F - F_N = ۰ \Rightarrow F_N = ۲۰ N \quad (۰/۲۵)$ $F_{(net)_y} = ma_y \quad \xrightarrow{a_y = ۰} f_{s,max} - mg = ۰ \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow f_{s,max} = mg = ۵/۵ \times ۱۰ = ۱۰ N \quad (۰/۲۵)$ $f_{s,max} = \mu_s F_N \Rightarrow ۱۰ = \mu_s \times ۲۰ \Rightarrow \mu_s = ۰.۵ \quad (۰/۲۵)$ <p>(ب) نیروی قائم و رو به بالای <math>F'</math> که باید بر جسم وارد شود تا جسم را در آستانه حرکت به سمت بالا قرار دهد، چند نیوتون است؟ بارسم نیروها در این حالت داریم:</p>  $F_{(net)_y} = ma_y \quad \xrightarrow{a_y = ۰} F' - (mg + f_{s,max}) = ۰ \Rightarrow F' = f_{s,max} + mg \quad (۰/۲۵)$ $\xrightarrow{f_{s,max} = \mu_s F_N} F' = ۰.۵ \times ۲۰ + ۱۰ = ۲۰ N \quad (۰/۲۵)$	۳

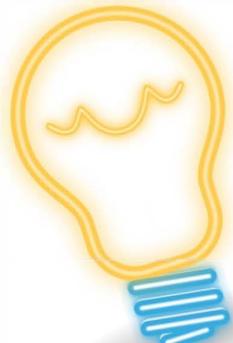
ردیف	نمره	راهنمای تصحیح
۱۷	۱	<p>توبی به جرم <math>75\text{ kg}</math> با سرعت ثابت <math>10 \frac{\text{m}}{\text{s}}</math> به طور افقی حرکت می‌گند:          (الف) تکانه توب را حساب کنید.</p> $p = mv \quad (0/25) \Rightarrow p = 0/75 \times 10 = 75 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}} \quad (0/25)$ <p>ب) اگر تکانه توب دو برابر شود، انرژی جنبشی آن چند برابر می‌شود؟</p> $K = \frac{p^2}{2m} \quad (0/25) \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^2 = 4 \quad (0/25)$
۱۸	۰/۵	<p>پره یک بالگرد با دوره <math>38\text{ s}</math> به طور یکنواخت می‌چرخد. اگر شعاع پره <math>2/5</math> متر باشد، تندی نوک پره چقدر است؟ (<math>\pi = 3</math>)</p> $v = \frac{2\pi r}{T} \quad (0/25) \Rightarrow v = \frac{2 \times 3 \times 2/5}{3 \times 10} = 0.4 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (0/25)$
۱۹	۰/۵	<p>حداقل نیروی اصطکاک ایستایی بین چرخ‌های خودرو و سطح جاده چقدر باشد تا خودرویی به جرم <math>800\text{ kg}</math> بتواند با تندی <math>54 \frac{\text{km}}{\text{h}}</math> پیچ افقی مسطحی را که شعاع آن <math>50\text{ m}</math> متر است، دور بزند؟</p> $F = f_s = m \frac{v^2}{r} \quad (0/25) \xrightarrow{v = 54 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 15 \frac{\text{m}}{\text{s}}} f_s = 800 \times \frac{15^2}{50} \Rightarrow f_s = 3600 \text{ N} \quad (0/25)$
۲۰	۱	<p>ماهواره‌ای به جرم <math>100\text{ kg}</math> در فاصله <math>2600\text{ km}</math> از سطح زمین به دور زمین در حال چرخش است. نیروی گرانشی وارد بر این ماهواره از طرف زمین چند نیوتن است؟ (<math>G = 6.6 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}</math>, <math>R_e = 6400\text{ km}</math>, <math>M_e = 6 \times 10^{24}\text{ kg}</math>)</p> $F = G \frac{mM_e}{(R_e + h)^2} \quad (0/25) \Rightarrow F = \frac{6.6 \times 10^{-11} \times 100 \times 6 \times 10^{24}}{[(6400 + 2600) \times 10^3]^2} \quad (0/25) \Rightarrow F = \frac{6.6 \times 6 \times 10^{15}}{81 \times 10^{12}} = 480 \text{ N} \quad (0/5)$
۲۱	۱	<p>اگر جسمی را به اندازه شعاع کره زمین در راستای قائم از سطح زمین بالا ببریم، وزن جسم چند برابر وزن آن روی سطح زمین می‌شود؟</p> <p>وزن جسم روی سطح زمین از رابطه <math>W = G \frac{mM_e}{R_e^2}</math> به دست می‌آید. اگر جسم به اندازه شعاع زمین از سطح زمین دور شود.</p> $r = R_e + h \xrightarrow{h = R_e} r = 2R_e \quad (0/25)$ <p>در نتیجه داریم:</p> $\frac{W_r}{W_1} = \frac{G \frac{mM_e}{r^2}}{G \frac{mM_e}{R_e^2}} = \left( \frac{R_e}{r} \right)^2 \quad (0/5) \Rightarrow \frac{W_r}{W_1} = \left( \frac{R_e}{2R_e} \right)^2 \Rightarrow \frac{W_r}{W_1} = \frac{1}{4} \quad (0/25)$ <p>یعنی وزن جسم <math>\frac{1}{4}</math> برابر می‌شود.</p>
	۲۰	جمع نمرات

دانلود رایگان تمام آزمون های آزمایشی

در کانال تلگرام ما :

# آزمایش آزمون

[t.me/Azmoonha\\_Azmayeshi](https://t.me/Azmoonha_Azmayeshi)



فرهنگ  
محله آموزش فرهنگی

حاج  
سنت

سازمان آموزش شور



سازمان سنجش آموزش کسر



زبان‌تاز



باقی



join us ...