

علوم
ریاضی
و فنی

آزمایشی -
گروه اختصاصی

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۲)



آزمون ۲۱ دی ۱۴۰۳

**آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی**

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	ریاضیات	۴۰	۱	۴۰	۷۰ دقیقه

یک منبع مناسب برای آزمون ۲۸ دی: کارنامه‌ی اشتباهات

به صفحه‌ی شخصی خود در سایت کانون بروید و از جعبه‌ابزار کارنامه، کارنامه‌ی اشتباهات خودتان را ببینید. شما می‌توانید اشتباهات خود را به دو طریق دریافت کنید؛ یکی آزمون محور و دیگری درس محور! اشتباهات شما بهترین معلم شما هستند و می‌توانید در این بازه‌ی یک هفته‌ای اشتباهات خود را در آزمون‌هایی که تاکنون داده‌اید و تعدادشان محدود است، دوباره تمرین کنید.



آزمون «۲۱ دی ۱۴۰۳» اختصاصی دوازدهم ریاضی

رقمی سوال

مدت پاسخ‌گویی : ۷۰ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۴۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال
حسابان ۲	۲۰	۱-۲۰
هندسه	۱۰	۲۱-۳۰
ریاضیات گسسته	۱۰	۳۱-۴۰
جمع کل	۴۰	۱-۴۰

بدید آورندگان

نام طراحان	نام درس	آنچه اتفاق افتاد
کاظم اجلالی-دانیال آرکیش-علی آزاد-مهدی حاجی‌زاده-داد حسین پور-افشین خاصه‌خان-سینا خیرخواه-احمدرضا ذاکر‌زاده-محمد رضا راسخ-مسعود شفیعی-حامد قاسمیان-محمد رضا کشاورزی-نیما مهندس-غلامرضا نیازی-جهانبخش نیکنام	حسابان ۲	
امیرحسین ابومحبوب-اسحاق اسفندیار-آرین تقاضی‌زاده-افشین خاصه‌خان-سوگند روشنی-علیرضا شریف‌خطیبی-فرشاد صدیقی فر-احمدرضا فلاخ-مهرداد ملوندی	هندسه و ریاضیات گسسته	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته
گزینشگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب	مهرداد ملوندی امیر محمد کریمی امیرحسین ابومحبوب	مهرداد ملوندی امیر محمد کریمی امیرحسین ابومحبوب
ویراستاری رتبه‌های برتر	سید ماهد عبدی محمد پارسا سبزه‌ای	امیرحسین ملازینل محمد پارسا سبزه‌ای	امیرحسین ملازینل محمد پارسا سبزه‌ای
مسئول درس	مهرداد ملوندی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی
مسئنندسازی	سمیه اسكندری	سجاد سلیمانی	سجاد سلیمانی
ویراستاران مسئنندسازی	احسان صادقی-سجاد سلیمانی-علیرضا عباسی زاده-معصومه صنعت‌کار		

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستنندسازی	مدیر گروه: معینا اصغری
حروف نگار	مسئول دفترچه: الهه شهیازی
ناظر چاپ	فرزانه فتح الدزاده
	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

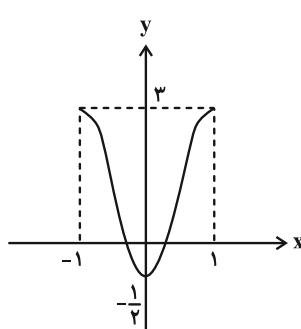
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱

زمان پاسخگویی: ۷۰ دقیقه

زمان نقصانی: ۴۵ دقیقه

زمان ذخیره شده: ۲۵ دقیقه

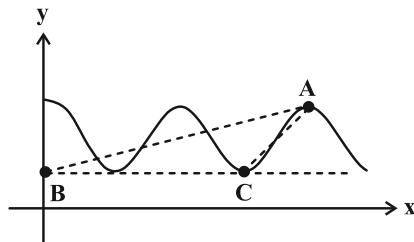
ریاضیات

- ۱ نمودار تابع با ضابطه $a - (x-2)^3 = f(x)$ ، از ناحیه دوم محورهای مختصات عبور نمی‌کند. اگر a کمترین مقدار ممکن باشد، مقدار $f(a)$ کدام است؟
- (۱) -۹۹۲ (۲) -۱۰۰۸ (۳) -۱۰۰۰ (۴) -۹۹۸
- ۲ نمودار تابع $\sqrt{x} = f(x)$ را یک واحد به سمت چپ منتقل می‌کنیم تا نمودار تابع g به دست آید. بار دیگر نمودار تابع f را ابتدا واحد به سمت راست انتقال می‌دهیم و سپس طول نقاط روی نمودار را نصف می‌کنیم و در نهایت نمودار به دست آمده را یک واحد به بالا می‌بریم تا به نمودار تابع h برسیم. فاصله نقطه برخورد نمودار توابع g و h از مبدأ مختصات کدام است؟
- (۱) $2\sqrt{5}$ (۲) $\sqrt{13}$ (۳) $2\sqrt{7}$ (۴) $3\sqrt{2}$
- ۳ تابع $\{f(x)\}$ ، اکیداً یکنواست. x چند مقدار صحیح دارد؟
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴
- ۴ تابع $f(x) = x^3 - 4x + \sqrt{4-2x}$ از نظر یکنوازی چگونه است؟
- (۱) اکیداً صعودی (۲) اکیداً نزولی (۳) ابتدا صعودی، سپس نزولی (۴) ابتدا نزولی، سپس صعودی
- ۵ اگر نمودار تابع f به صورت زیر باشد، آن‌گاه نمودار تابع $y = -\frac{1}{2}f(1-2x)$ در کدام بازه صعودی است؟
- (۱) $[-\frac{1}{2}, 0]$ (۲) $[0, \frac{1}{2}]$ (۳) $[\frac{1}{2}, 1]$ (۴) $[0, 2]$
- 
- ۶ خارج قسمت و باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $P(x+3) - 5x^2 - 7x^3$ به ترتیب برابر $Q(x)$ و صفر است. اگر باقی‌مانده تقسیم $Q(x)$ بر $x+1$ برابر ۶ باشد، باقی‌مانده تقسیم $P(x)$ بر $x-2$ کدام است؟
- (۱) ۹۶ (۲) ۱۱۶ (۳) ۱۲۶ (۴) ۱۳۶

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

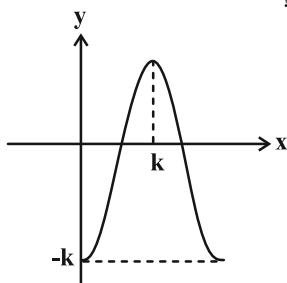
-۷ قسمتی از نمودار تابع $y = \sin^4(\pi ax) + \cos^4(\pi ax)$ ، مساحت مثلث ABC، برابر $\frac{1}{12}$ است. به صورت زیر است. به ازای کدام مقدار a، مساحت مثلث ABC، برابر $\frac{1}{12}$ است.

می‌باشد؟ ($a > 0$)



- $\frac{9}{4}$ (۱)
 $\frac{5}{3}$ (۲)
 $\frac{5}{2}$ (۳)
۳ (۴)

-۸ اگر قسمتی از نمودار تابع $f(x) = a \cos\left(\frac{\pi x}{k}\right) - 1$ به صورت زیر باشد، مقدار $a+k$ کدام است؟

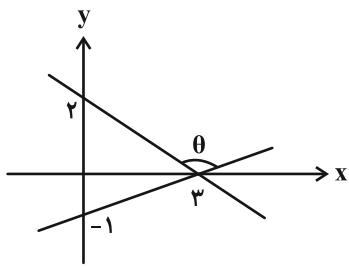


- ۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

-۹ چند عدد حقیقی در دامنه تابع $f(x) = \tan\left(\frac{6\pi}{|x|+4}\right)$ ، قرار ندارند؟

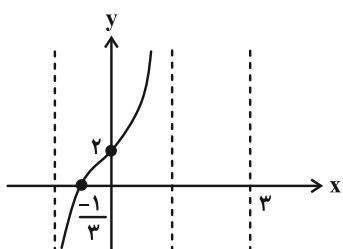
- ۱ (۴) ۲ (۳) ۳ (۲) ۴ (۱)

-۱۰ با توجه به شکل زیر، مقدار $\tan \theta$ کدام است؟



- $-\frac{2}{9}$ (۱)
 $-\frac{3}{11}$ (۲)
 $-\frac{9}{7}$ (۳)
 $-\frac{11}{3}$ (۴)

-۱۱ شکل زیر بخشی از نمودار تابع $f(x) = b \tan(a\pi x) + c$ را نشان می‌دهد. حاصل abc کدام است؟



- ۳ (۱)
 $-3\sqrt{3}$ (۲)
 $2\sqrt{3}$ (۳)
-۲ (۴)

-۱۲- مجموع جواب‌های معادله $3\sin^3 x + \cos^3 x - (\sqrt{2} - 2)\sin x = \sqrt{2} + 1$ در بازه $(0, 2\pi)$ کدام است؟

$\frac{7\pi}{2}$ (۴)

$\frac{3\pi}{2}$ (۳)

$\frac{5\pi}{2}$ (۲)

2π (۱)

-۱۲- معادله $3\sqrt{2}(\sin x + \cos x) = \sin 6x + 7$ در بازه $(0, 2\pi)$ چند جواب دارد؟

۰ (۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

-۱۴- اگر $f(x) = \frac{x-a}{\sqrt{-x}}$ در همسایگی $x=0$, آن‌گاه نمودار تابع $f(x) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{a+1}{-x^2 + 4x - a^2}$ $= +\infty$ است؟



۰ (۴)



۱ (۳)



۲ (۲)



۳ (۱)

-۱۵- اگر $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a-2)x^3 + 2x^2 + 3}{bx^2 + 1} = 2$, حاصل $a-b$ کدام است؟

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

-۱۶- فرض کنید $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f \circ f)(x) = f(x) = \frac{2x^3 + 1}{x^2 - 4}$, حاصل $f(x)$ کدام است؟

$-\infty$ (۴)

$-\frac{1}{2}$ (۳)

$+\infty$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

-۱۷- کمترین فاصله بین دو مجذوب قائم تابع $y = -3 + \tan(2x + \frac{\pi}{4})$ کدام است؟

2π (۴)

$\frac{3\pi}{2}$ (۳)

π (۲)

$\frac{\pi}{2}$ (۱)

-۱۸- فاصله مجذوب‌های افقی تابع $f(x) = \frac{ax - |x|}{ax + |x| - 1}$ برابر $\frac{3}{2}$ است. مقدار a کدام است? ($a > 1$)

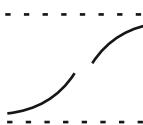
۵ (۴)

۴ (۳)

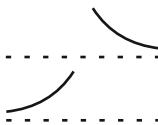
۳ (۲)

۲ (۱)

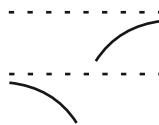
-۱۹- نمودار تابع $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x|x| + 2}$ در اطراف مجذوب‌های افقی خود، به کدام صورت است؟ آزمون وی ای پی



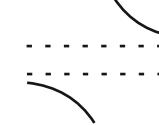
۰ (۴)



۱ (۳)

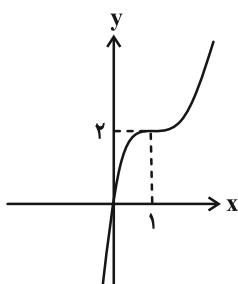


۲ (۲)



۳ (۱)

-۲۰- اگر نمودار تابع درجه سوم $y = f(x)$ به صورت زیر باشد، فاصله مجذوب‌های افقی تابع $g(x) = \frac{|f(x)|}{f(-\frac{x}{2})}$ کدام است؟



۴ (۱)

۸ (۲)

۱۶ (۳)

۳۲ (۴)

-۲۱) اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ باشد، به ازای کدام مقدار k ، ماتریس $A^3 - kA$ اسکالر است؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

-۲۲) ماتریس مربعی A طوری مفروض است که $A^{-1} + I = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -2 & 5 \end{bmatrix}$ کدام است؟

-۰/۵ (۴)

۰/۲۵ (۳)

-۲ (۲)

۴ (۱)

-۲۳) اگر A ماتریس ضرایب دستگاه $\begin{cases} ax+by=-2 \\ a'x+b'y=4 \end{cases}$ باشد، حاصل $x-y$ کدام نمی‌تواند باشد؟

 $\frac{1}{3}$ (۴) $-\frac{16}{3}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۲) $-\frac{5}{2}$ (۱)

-۲۴) برای ماتریس‌های مربعی و وارون پذیر A و B داریم $|B-A| = 6$ و $|B^{-1}-A^{-1}| = 1$ ؛ حاصل $|AB|$ کدام است؟

۱ (۴)

-۱ (۳)

 $\frac{1}{3}$ (۲) $-\frac{1}{3}$ (۱)

-۲۵) ماتریس $\begin{bmatrix} a & -4 & 2 \\ -\frac{1}{2} & 0 & 1 \\ 3 & b & -1 \end{bmatrix}$ وارون پذیر نیست. به ازای کدام مقدار m ، دستگاه $\begin{cases} ax-2y=m-1 \\ 9x+(b+1)y=2m-3 \end{cases}$ حداقل دو جواب دارد؟

-۲/۵ (۴)

-۱/۸ (۳)

۱/۵ (۲)

۱/۲ (۱)

-۲۶) نقطه A به طول ۴ روی نیمساز ناحیه اول قرار دارد. چند دایره وجود دارد که از نقطه A گذشته و بر هر دو نیمساز نواحی مختصات مماس باشد؟

۱) صفر

۲

۱

-۲۷) دایره $x^2 + y^2 = 4$ مفروض است. از نقطه‌ای به طول ۴ واقع بر محور x ها، دو خط مماس بر دایره رسم می‌کنیم، طول نقاط مماس کدام است؟

 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۳) $\sqrt{2}$ (۲)

۱ (۱)

-۲۸) اگر خط $x+2y+3a-2=0$ و دایرۀ $(x+1)^2 + (y-1)^2 = 2a+1$ فقط یک نقطۀ مشترک داشته باشند، آن‌گاه مجموع مقادیر ممکن برای شعاع دایره چند برابر $\sqrt{5}$ است؟

 $\frac{5}{3}$ (۴) $\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{3}{2}$ (۲)

۱ (۱)

-۲۹) بر روی کدام یک از خطوط زیر نقطه‌ای وجود ندارد که از آن نقطه بتوان دو مماس عمود بر هم بر دایرۀ C به معادله $x^2 + y^2 - 2x - 6y + 2 = 0$ رسم کرد؟

 $y = 3$ (۴) $y = -3$ (۳) $x = 3$ (۲) $x = -3$ (۱)

-۳۰) دو دایره به شعاع ۳ وجود دارد که مرکز هر دو، روی خط d قرار داشته و بر خط $y = x + 1$ مماس می‌باشند. این دو دایرۀ نسبت به هم چه وضعی دارند؟

۱) مماس خارج

۲) مماس درون

۳) متقاطع

-۳۱ اگر n عددی طبیعی و $5 - 2n + 3|3n^2 - 2n + 5$, آن‌گاه مجموع ارقام کوچک‌ترین عدد طبیعی سه رقمی مضرب n کدام است؟

۱۰) ۴

۸) ۳

۶) ۲

۴) ۱

-۳۲ اگر a عددی اول و دو رقمی باشد و $|a+2^0| = b$, آن‌گاه باقی‌مانده تقسیم $a^2 + b^2 + 17$ بر ۸ کدام است? 

۵) ۴

۴) ۳

۳) ۲

۲) ۱

-۳۳ در تقسیم ۴۵ بر عدد طبیعی b , باقی‌مانده ۳ برابر خارج قسمت است. برای b چند جواب طبیعی وجود دارد؟

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

-۳۴ به ازای چند مقدار طبیعی دو رقمی n , عدد $4^n + 55$ بر ۱۷ بخش‌پذیر می‌باشد؟

۲۴) ۴

۲۳) ۳

۲۱) ۲

۲۰) ۱

-۳۵ اگر عدد $77a1a$ مضرب ۹ باشد، آن‌گاه a^2 به کدام کلاس هم‌نهشتی به پیمانه ۴۲ تعلق دارد؟ 

[۳۶] ۴

[۱۷] ۳

[۲۳] ۲

[۳۰] ۱

-۳۶ عدد P اول بوده و معادله سیاله $P^2 - 1)x + 9y = P$ در \mathbb{Z} دارای جواب است. مجموع ارقام بزرگ‌ترین مقدار طبیعی و دو رقمی x کدام است? 

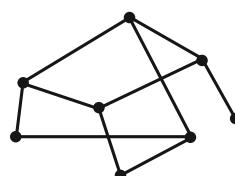
۱۸) ۴

۱۷) ۳

۱۶) ۲

۱۵) ۱

-۳۷ در گراف زیر چند دور به طول ۵ وجود دارد؟ آزمون وی ای پی



۱) ۱

۲) ۲

۳) ۳

۴) ۴

-۳۸ در گراف G , اگر $|V(G)| = 10$ و $|E(G)| = 25$ باشد، حداقل تعداد رأس‌های با درجه ۹ کدام است؟

۲) ۴

۳) ۳

۴) ۲

۵) ۱

-۳۹ در یک گراف r -منتظم، تعداد یال‌ها ۳ واحد بیشتر از تعداد رأس‌های است. برای r چند جواب وجود دارد؟

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

-۴۰ گرافی با کمترین مرتبه ممکن است که حاصل ضرب درجات رأس‌های آن برابر 360° می‌باشد. حاصل $(\bar{G})q + \Delta(\bar{G})$ کدام است? 

۱۴) ۴

۱۲) ۳

۱۰) ۲

۸) ۱

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی — ۲

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۲)



آزمون ۲۱ دی ۱۴۰۳

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	فیزیک	۳۰	۴۱	۷۰	۷۵ دقیقه
	شیمی	۳۰	۷۱	۱۰۰	



آزمون «۲۱ دی ۱۴۰۳» اختصاصی دوازدهم ریاضی

نحوه سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۶۰ سوال

شماره سوال	تعداد سوال	نام درس
۴۱-۷۰	۳۰	فیزیک ۳
۷۱-۱۰۰	۳۰	شیمی ۳
۴۱-۱۰۰	۶۰	جمع کل

جدیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	آغاز
مهران اسماعیلی-حسین الهی-بهزاد آزادفر-زهره آقامحمدی-علی بروزگر-علیرضا جباری-مسعود خندانی-محسن سلاماسی وند محمد رضا شریفی-مهدی شریفی-محمد کاظم منشادی-محمد منصوری-سید محمد علی موسوی-امیر احمد میرسعید-حسام نادری مجتبی نکویان	فیزیک	
امیر علی بیات-علیرضا بیانی-محمد رضا پور جاوید-سعید تیزرو-علی جعفری-محمد رضا جمشیدی-امیر حاتمیان-امیر مسعود حسینی یاسر راش-حسین شاهسواری-رسول عابدینی زواره-محمد عظیمیان زواره-محسن مجذوبی-هادی مهدی زاده	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	نام درس
ایمان حسین نژاد	حسام نادری	گزینشگر
محمد حسن محمدزاده مقدم حسین شاهسواری احسان پنجشاهی آرش ظریف	بهنام شاهنی زهره آقامحمدی	گروه ویراستاری
آرمان قنواتی ماهان فرهمندفر	سینا صالحی	ویراستاری رقیه های برتر
امیر علی بیات	حسام نادری	مسئول درس
امیر حسین توحیدی	علیرضا همایون خواه	مستند سازی
سجاد رضایی محمد صدرًا وطنی ملینا ملائی	مصطفویه صنعت کار سید محمد رضا مهدوی ابراهیم نوری	ویراستاران مستندسازی

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوتدی	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
مدیر گروه: محیا اصغری	فرزانه فتح المزاده
فروغ فناکار	سوران نعیمی
ناظر چاپ	

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱.

زمان پاسخگویی (مجموع فیزیک و شیمی): ۷۵ دقیقه

زمان نقصانی (مجموع فیزیک و شیمی): ۶۰ دقیقه

زمان ذخیره شده (مجموع فیزیک و شیمی): ۱۵ دقیقه

فیزیک

- ۴۱ با توجه به نمودار مکان-زمان شکل زیر، کدام موارد درست است؟



الف) در بازه زمانی صفر تا t_1 ، بردار شتاب متحرک در خلاف جهت محور x

است. آزمون وی ای پی

ب) اندازه سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی t_1 تا t_2 کوچکتر از اندازه سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی t_2 تا t_4 است.

پ) در کل حرکت، بردار مکان متحرک، تنها یک بار تغییر جهت داده است.

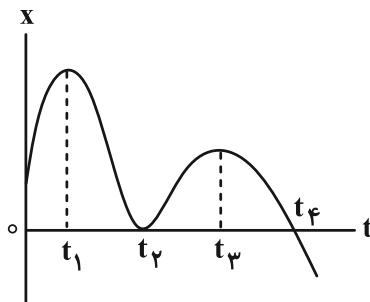
ت) طبق نمودار، جهت حرکت متحرک، دو بار تغییر کرده است.

۱) الف، ب و پ

۲) ب و ت

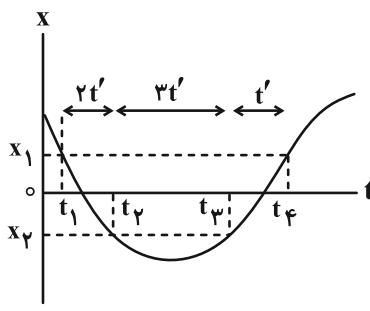
۳) ب و ت

۴) ب، پ و ت



- ۴۲ نمودار مکان-زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر اختلاف بیشترین و کمترین اندازه

سرعت متوسط این متحرک در جایه‌جایی بین مکان‌های x_1 و x_2 باشد، سرعت متوسط در بازه زمانی t_2 تا t_4 چند متر بر



ثانیه است؟

۱) ۱۰

۲) $\frac{15}{4}$

۳) ۴

۴) ۶

- ۴۳ دو متحرک با سرعت ثابت در مسیری مستقیم طبق شکل زیر، خلاف جهت هم حرکت می‌کنند. در لحظه $t = 8\text{s}$ فاصله این دو

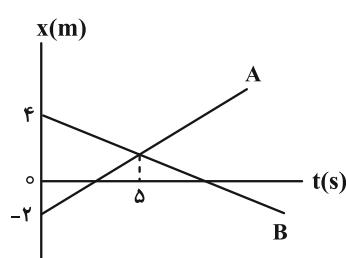
متحرک چند متر می‌شود؟

۱) ۳/۶

۲) ۲/۶

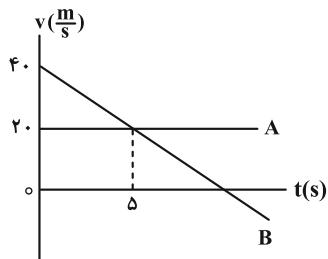
۳) ۴/۶

۴) ۵/۶



مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

- ۴۴ شکل زیر، نمودار سرعت-زمان دو متحرک A و B است که بر روی خط راست در حرکت بوده و در مبدأ زمان در مکان‌های $x_A = -2\text{m}$ و $x_B = 20\text{m}$ قرار دارند. مسافت طی شده توسط متحرک B از لحظه صفر تا لحظه‌ای که دو متحرک به



هم می‌رسند، چند متر است؟

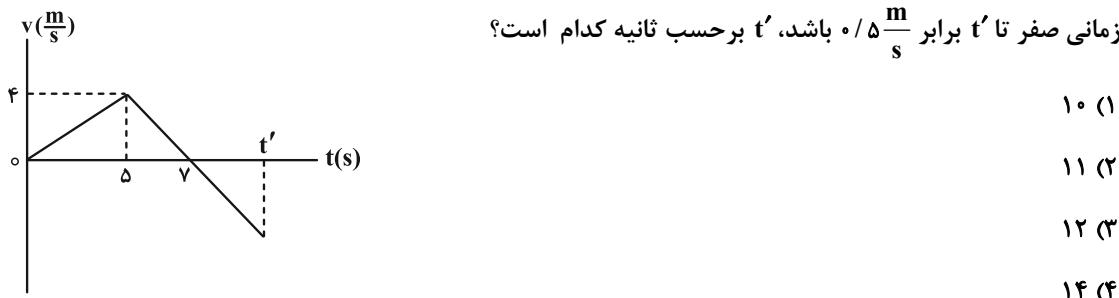
- (۱) ۱۵۰
(۲) ۱۹۸
(۳) ۲۰۰
(۴) ۲۰۲

- ۴۵ متحرکی که بر مسیری مستقیم در حال حرکت است، با شتاب ثابت و پس از طی مسافت ℓ متوقف می‌شود. اگر این متحرک $\frac{5}{9}$

اول مسیر را در مدت ۶ ثانیه طی کند، بقیه مسیر را در چند ثانیه می‌پیماید؟

- (۱) ۴/۸
(۲) ۸
(۳) ۹/۶
(۴) ۱۲

- ۴۶ نمودار سرعت-زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، به صورت زیر است. اگر سرعت متوسط این متحرک در بازه

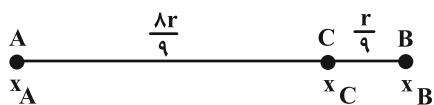


زمانی صفر تا t' برابر $\frac{m}{s} / ۵ = ۰$ باشد، t' برحسب ثانیه کدام است؟

- (۱) ۱۰
(۲) ۱۱
(۳) ۱۲
(۴) ۱۴

- ۴۷ متحرکی با شتاب ثابت و با سرعت‌های v_A و v_B که به فاصله r از نقطه A و B از دو نقطه A و B قرار دارند، بدون تغییر جهت

عبور می‌کند. اندازه سرعت این متحرک در نقطه C که در فاصله $\frac{r}{9}$ از نقطه B قرار دارد، کدام است؟



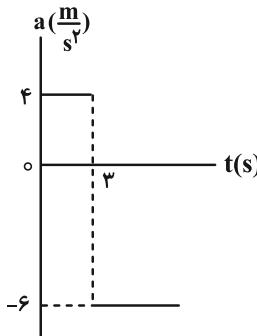
$$\frac{1}{3}\sqrt{v_B^2 + \lambda v_A^2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{3}\sqrt{\lambda v_B^2 + v_A^2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{\frac{9}{2}v_B^2 - \frac{1}{2}v_A^2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}v_B^2 - \frac{9}{2}v_A^2} \quad (4)$$

- ۴۸- نمودار شتاب- زمان متحرکی که در مبدأ زمان و از حال سکون بر روی مسیر مستقیم شروع به حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. چند ثانیه پس از شروع حرکت، سرعت متوسط متحرک صفر خواهد شد؟



$\sqrt{10}$ (۱)

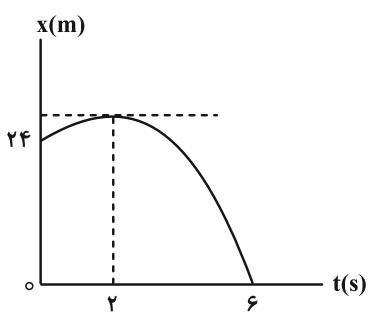
$5 + \sqrt{10}$ (۲)

۲ (۳)

۵ (۴)

- ۴۹- نمودار مکان- زمان متحرکی که بر روی خطی راست در حرکت است، مطابق سهمی شکل زیر است. در فاصله چند متری از

مببدأ مکان، سرعت متحرک برابر با $\frac{m}{s} 4$ است؟



۲۶ (۱)

۲۸ (۲)

۳۰ (۳)

۳۲ (۴)

- ۵۰- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع چند متری از سطح زمین رها شود تا تندی متوسط آن در $\frac{5}{9}$ آخر مسیرش باشد؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۹۰ (۴)

۶۰ (۳)

۴۵ (۲)

۳۰ (۱)

- ۵۱- جسمی به جرم m توسط نیروی ثابت و قائم F با شتاب a در حالت تندشونده به طرف بالا کشیده می‌شود. اگر نیروی وارد بر



جسم دو برابر شود، شتاب حرکت جسم' a' می‌شود. در این صورت کدام رابطه صحیح است؟

$a' < a$ (۴)

$2a > a' > a$ (۳)

$a' > 2a$ (۲)

$a' = 2a$ (۱)

- ۵۲- رابطه بین اندازه نیروی مقاومت هوا و تندی چتربازی در SI به صورت $f_D = 120v^2$ می‌باشد. اگر تندی حدی این چترباز

باشد، شتاب حرکت آن در لحظه‌ای که به تندی $1 \frac{m}{s}$ می‌رسد، چند متربر مجدور ثانیه می‌باشد؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۱۰ (۴)

۷/۵ (۳)

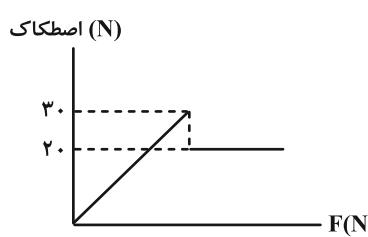
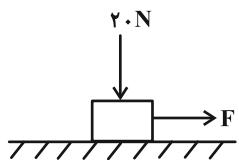
۵ (۲)

۲/۵ (۱)

۵۳- مطابق شکل زیر، جعبه‌ای به جرم 2 kg روی سطح افقی ساکن است. این جعبه را توسط نیروی ثابت و افقی F می‌کشیم. اگر

نمودار تغییرات اندازه نیروی اصطکاک وارد شده به جعبه بر حسب نیروی F به صورت زیر باشد، ضرایب اصطکاک ایستایی و

$$\text{جنبشی بین جعبه و سطح به ترتیب از راست به چپ، کدام است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$



$$\frac{1}{2}, \frac{3}{4} \quad (1)$$

$$\frac{3}{4}, \frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{2}{10}, \frac{3}{10} \quad (3)$$

$$\frac{3}{10}, \frac{2}{10} \quad (4)$$

۵۴- نرdbانی به جرم M به دیوار قائم بدون اصطکاک تکیه داده شده و در حال سکون قرار دارد. اگر شخصی به جرم m در وسط

نرdbان روی آن قرار گیرد و نرdbان همچنان ساکن بماند، کدام یک از نیروهای زیر افزایش می‌یابد؟

الف) نیرویی که سطح دیوار به نرdbان وارد می‌کند.

ب) نیرویی که سطح زمین به نرdbان وارد می‌کند.

پ) نیروی اصطکاک ایستایی بین سطح زمین و نرdbان

۴) الف و پ

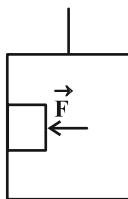
۳) پ

۲) ب

۱) الف و ب

۵۵- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2 kg با نیروی افقی \bar{F} بر دیواره قائم آسانسوری فشرده شده است. اگر ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و سطح دیواره $6/0 = \mu$ باشد و آسانسور با شتاب رو به بالای $2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ حرکت کند، حداقل اندازه نیروی \bar{F} باید

$$\text{چند نیوتن باشد تا جسم روی دیواره آسانسور تلغزد?} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$



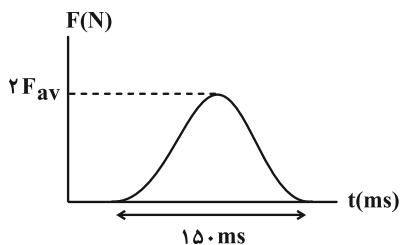
$$40 \quad (2)$$

$$\frac{160}{3} \quad (4)$$

$$25 \quad (1)$$

$$\frac{80}{3} \quad (3)$$

- ۵۶- نمودار نیروی وارد شده بر حسب زمان برای جسمی به جرم 100g مطابق شکل زیر است. اگر تغییر تکانه جسم در مدت زمان 150ms ، برابر با $\frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}}$ باشد، بیشینه نیروی F چند نیوتون است؟ (F_{av} ، متوسط نیروی F در مدت زمان 150ms می‌باشد.)



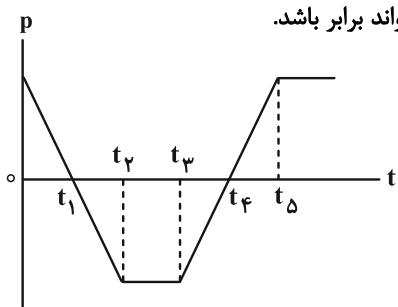
- ۸۰ (۱)
۲۰ (۲)
۳۰ (۳)
۴۰ (۴)

- ۵۷- نمودار تکانه-زمان متخرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. چه تعداد از عبارت‌های زیر الزاماً صحیح است؟

(الف) در بازه زمانی $0 \leq t \leq t_5$ بردار نیروی خالص وارد بر جسم ۲ مرتبه تغییر جهت می‌دهد.

(ب) در بازه زمانی $0 \leq t \leq t_5$ اندازه بردار جایه‌جایی و مسافت طی شده توسط متخرک می‌تواند برابر باشد.

(پ) حرکت متخرک در بازه زمانی $0 \leq t \leq t_5$ با شتاب ثابت است.



- ۱) صفر
۲) ۱
۳) ۲
۴) ۳

- ۵۸- اگر شعاع سیاره‌ای نصف شعاع زمین و چگالی آن 6 برابر چگالی زمین باشد، در این صورت، اندازه شتاب گرانشی در سطح آن

$$(g_e = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}) \text{ است؟}$$

- ۱۵ (۳) ۴۰ (۲) ۳۰ (۱) ۲۰ (۴)

- ۵۹- جرم ماهواره‌ای 144kg است. اگر مدار گردش آن از فاصله 12800 کیلومتری سطح زمین به فاصله 25600 کیلومتری از مرکز

زمین تغییر یابد، نیروی وزن آن به اندازه چند نیوتون تغییر می‌کند؟ (شعاع کره زمین را 6400 کیلومتر فرض کنید و در سطح

$$\text{زمین } g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ است.}$$

- ۱۶۰ (۴) ۹۰ (۳) ۸۰ (۲) ۷۰ (۱)

۶۵- دو ماهواره هم جرم A و B در مدارهایی به شعاع r_A و r_B به دور زمین می‌چرخند. اگر تندی ماهواره A، ۲۰ درصد بیشتر از

تندی ماهواره B باشد، اندازه شتاب گرانش زمین در محل ماهواره A تقریباً چند برابر اندازه شتاب گرانش زمین در محل

ماهواره B است؟

۱/۵ (۴)

۰/۷ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

۲ (۱)

۶۶- متحرکی با تندی ثابت $\frac{m}{s^6}$ ، روی یک دایره افقی به قطر 40 m حرکت می‌کند. اندازه شتاب متوسط این متحرک در 10 s اول حرکت، چند برابر اندازه شتاب مرکزگرای آن در همین مدت است؟ ($\pi = 3$)

$\frac{3}{4}$ (۴)

$\frac{4}{3}$ (۳)

$\frac{3}{2}$ (۲)

$\frac{2}{3}$ (۱)

۶۷- جسمی به جرم 500 g را به فنری که طول اولیه‌اش 60 cm است، می‌بندیم و روی یک صفحه افقی بر روی مسیری دایره‌ای شکل با

تندی یکنواخت می‌چرخانیم و طول فنر به 80 cm می‌رسد. اگر جسم در هر دقیقه 30 دور بزند، ضریب سختی فنر چند نیوتون بر متر

خواهد بود؟ ($\pi^2 = 10$)

۸۰ (۴)

۴۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

۶۸- در یک حرکت هماهنگ ساده جرم- فنر روی سطح افقی، حداقل زمان عبور متوالی نوسانگر از نقطه x_1 ، $\frac{T}{9}$ می‌باشد. حداقل زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر از نقطه x_1 به نقطه تعادل برسد، مطابق کدام گزینه است؟ (T دوره تناوب نوسانگر می‌باشد).

$\frac{5T}{36}$ (۴)

$\frac{T}{36}$ (۳)

$\frac{T}{18}$ (۲)

$\frac{7T}{36}$ (۱)

۶۹- معادله مکان- زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت $x = 0.1 \cos 40\pi t$ است. تندی متوسط نوسانگر در بازه

زمانی t_1 تا t_2 چند متربرثانیه است؟

$\frac{5}{6}$ (۴)

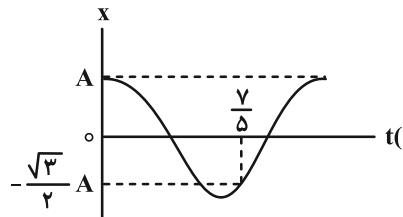
$\frac{3}{5}$ (۳)

$\frac{6}{7}$ (۲)

$\frac{42}{35}$ (۱)

- ٦٥ - نمودار مکان- زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به صورت شکل زیر است. در بازه زمانی $t_1 = 0/4\text{s}$ تا $t_2 = 1/6\text{s}$ ، تندی متوسط

نوسانگر چند برابر اندازه سرعت متوسط آن است؟ آزمون وی ای پی



۱ (۱)

۲ (۲)

$\frac{3}{4}$ (۳)

۳ (۴)

- ٦٦ - معادله حرکت نوسانگری به جرم 40g که حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، در SI به صورت $x = 0/02 \cos(10\pi t)$ است. در

لحظه‌ای که نوسانگر از مکان $x = 2\text{cm}$ می‌گذرد، انرژی مکانیکی آن چند ژول است؟

۰/۱۲ (۴)

۱/۲ (۳)

۰/۸ (۲)

۰/۰۸ (۱)

- ٦٧ - در حرکت هماهنگ ساده برای یک نوسانگر، در لحظه‌ای که انرژی پتانسیل نوسانگر بیشینه است، کدام کمیت‌ها بیشینه‌اند؟

۱) اندازه مکان- شتاب- نیرو

۲) نیرو- انرژی جنبشی- سرعت

۳) شتاب- سرعت- انرژی جنبشی

- ٦٨ - در مکانی، دوره تناوب آونگ ساده‌ای 5s است. طول آونگ چند درصد تغییر کند تا دوره تناوب آونگ، در همان مکان، 2s کاهش یابد؟

۳۶ (۴)

۶۴ (۳)

۴۰ (۲)

۶۰ (۱)

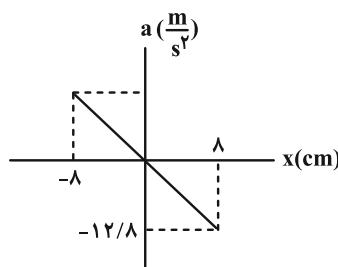
- ٦٩ - یک آونگ ساده کم‌دامنه روی سطح زمین، در مدت $10/4$ ثانیه، $5/2$ نوسان کامل انجام می‌دهد. طول آونگ را چند درصد و چگونه

تغییر دهیم که اگر در فاصله R از سطح زمین قرار گیرد، در همان مدت، $2/0$ نوسان کامل انجام دهد؟ (R ساعع زمین است)

۱) $3/2$ درصد، افزایش ۲) $3/6$ درصد، کاهش ۳) $6/9$ درصد، افزایش ۴) $6/9$ درصد، کاهش

- ٧٠ - نوسانگری روی یک پاره خط به طول 16cm ، حرکت هماهنگ ساده دارد و نمودار شتاب بر حسب مکان آن به صورت زیر است.

طول یک آونگ ساده چند سانتی‌متر باشد تا روی سطح زمین با این نوسانگر تشدید حاصل کند؟ ($g = 10\text{m/s}^2$ و $\pi^2 \approx 10$)



۶/۲۵ (۱)

۱۲/۵ (۲)

۱۶ (۳)

۲۵ (۴)

شیمی

- ۷۱ - چند مورد از موارد زیر نادرست است؟

- چند هزار سال پیش از میلاد، انسان‌ها به همراه آب از موادی به نام صابون برای نظافت و پاکیزگی استفاده می‌کردند.
- ساده‌ترین و مؤثرترین راه پیشگیری از بیماری وبا، فقط کلرزنی به آب‌های آلوده است.
- اگرچه وبا در طول تاریخ بارها در جهان همه‌گیر شده، اما اکنون این بیماری کنترل شده و دیگر نمی‌تواند تهدیدکننده باشد.
- امید به زندگی شاخصی است که نشان می‌دهد با توجه به خطراتی که انسان‌ها در طول زندگی با آن‌ها مواجه‌اند، دست‌کم چند سال در این جهان زندگی می‌کنند.
- میزان امید به زندگی برخلاف شبیه نمودار امید به زندگی در نواحی برخوردار بیشتر از کم‌برخوردار است.

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

- ۷۲ - در بین مخلوط‌های زیر، چند کلوئید و چند مخلوط پایدار وجود دارند؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

(مخلوط آب و بنزین- شیر- شربت خاک‌شیر- مخلوط آب و قند- سس مایونز- مخلوط آب و روغن و صابون- شربت معده)

۵ ، ۳ (۲)

۴ ، ۳ (۱)

۵ ، ۴ (۴)

۴ ، ۴ (۳)

- ۷۳ - از واکنش یک استر سه عاملی با فرمول $C_xH_yO_6$ با مقدار کافی سدیم هیدروکسید در شرایط مناسب صابونی با فرمول شیمیایی

$RCOO^-Na^+$ تولید شده است. اگر از واکنش کامل $2/0$ مول از این صابون با مقدار کافی محلول منیزیم کلرید مقدار $53/4$ گرم

رسوب تولید شده باشد، مجموع x و y در فرمول مولکولی این استر کدام است؟ (R سیرشده می‌باشد).

$$(H = 1, C = 12, O = 16, Mg = 24 : g \cdot mol^{-1})$$

۱۳۸ (۲)

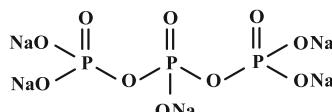
۱۴۳ (۱)

۱۴۹ (۴)

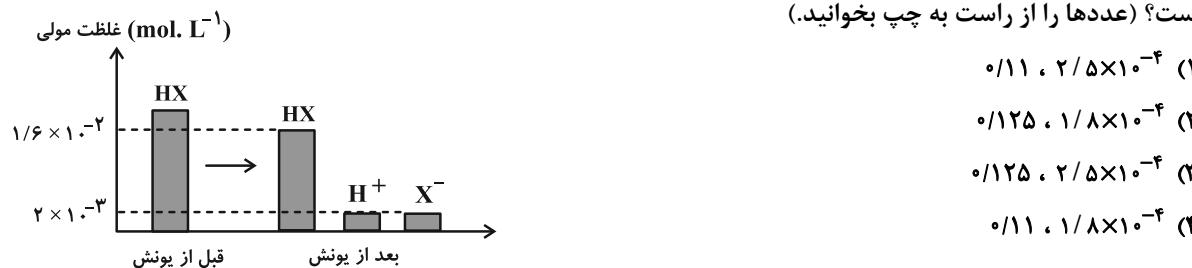
۱۴۶ (۳)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون  مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

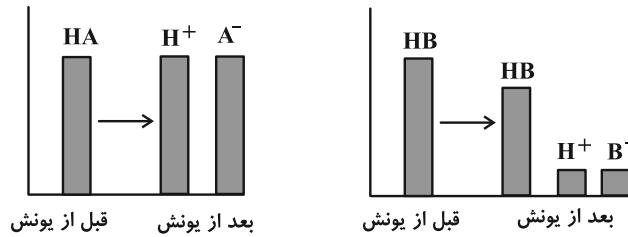
- ۷۴ کدام یک از عبارت‌های زیر در مورد پاک‌کننده‌های صابونی و غیرصابونی درست است؟
- ۱) در ساختار پاک‌کننده‌های غیرصابونی، حداکثر سه پیوند $C = C$ وجود دارد.
 - ۲) برای زدودن کامل یک لکه چربی از روی پارچه نخی، می‌توان آن را در دمای $40^\circ C$ با صابون آنزیم‌دار شست.
 - ۳) با جایگزینی کاتیون یک پاک‌کننده غیرصابونی با هر یک از کاتیون‌های عامل آب سخت، ترکیبی نامحلول حاصل می‌شود.
 - ۴) برای افزایش خاصیت ضدعفونی کنندگی و میکروب‌کشی صابون می‌توان ترکیب زیر را به آن افزود.



- ۷۵ با توجه به شکل زیر که یونش اسید فرضی HX را نشان می‌دهد، ثابت یونش اسیدی و درجه یونش آن به تقریب کدام گزینه است؟ (عددها را از راست به چپ بخوانید).



- ۷۶ نمودارهای زیر غلظت نسبی گونه‌های موجود در محلول دو اسید را قبل و بعد از یونش نشان می‌دهند. با توجه به این نمودارها کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟



الف) به علت قدرت اسیدی بیشتر محلول HA نسبت به محلول HB ، در شرایط یکسان سرعت واکنش یک قطعه نوار منیزیم با محلول اسید HB بیشتر است.

ب) یون‌های B^- و A^- به ترتیب می‌توانند آرایش الکترونی مشابه با Xe^{54} و Ne^{10} داشته باشند.

- پ) فرایند یونش اسید HB در آب یک فرایند تعادلی و فرایند یونش اسید HA در آب یک فرایند یک طرفه است.
- ت) محلول HA یک الکترولیت قوی و محلول HB غیرالکترولیت است.

- ۱) الف و ب ۲) الف و ت ۳) ب و پ ۴) ب و ت

کدام گزینه مقایسه قدرت اسیدی را به درستی نشان می‌دهد؟ (دمای را یکسان درنظر بگیرید).

$$\text{HNO}_3 > \text{HI} > \text{HNO}_2 \quad (2)$$

$$\text{HNO}_3 > \text{HCOOH} > \text{H}_2\text{CO} \quad (1)$$

$$\text{H}_2\text{CO}_3 > \text{HCOOH} > \text{CH}_3\text{COOH} \quad (4)$$

$$\text{HCN} > \text{CH}_3\text{COOH} > \text{HNO}_2 \quad (3)$$

- ۷۸ چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- اسیدها هنگام یونش در آب به یون‌های سازنده خود تفکیک می‌شوند.
- در ساختار اسید تک پروتون‌دار باران اسیدی همانند اسید موجود در باران معمولی، پیوند دوگانه دیده می‌شود.
- در یک سامانه خنثی، همواره $[\text{H}^+] = [\text{OH}^-]$ بوده و $\text{pH} = 7$ است. آزمون وی ای پی
- با قرار گرفتن محلول آبی ترکیب‌های دارای پیوند هیدروژنی در مدار الکتریکی، جریان برق در مدار برقرار می‌شود.

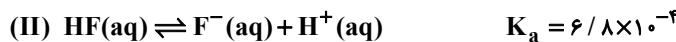
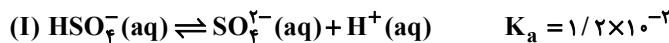
۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

- ۷۹ با توجه به واکنش‌های زیر چه تعداد از موارد زیر نادرست است؟



الف) در شرایط یکسان، درجه یونش HSO_4^- بیشتر از درجه یونش $\text{HF}(\text{aq})$ است.

ب) در محلول هیدروفلوئوریک اسید در لحظه تعادل، واکنش ترکیب شدن یون‌های $\text{F}^-(\text{aq})$ با $\text{H}^+(\text{aq})$ سریع‌تر از واکنش یونش $\text{HF}(\text{aq})$ انجام می‌شود.

ب) در شرایط یکسان (دما و غلظت اولیه) غلظت SO_4^{2-} بیشتر از غلظت F^- است.

ت) در شرایط یکسان میزان رسانایی الکتریکی محلول یک مولار HSO_4^- کمتر از میزان رسانایی الکتریکی محلول یک مولار HF است.

ث) در شرایط یکسان از نظر دما، فشار و غلظت، غلظت یون H^+ در محلول HF کمتر از محلول HSO_4^- است.

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

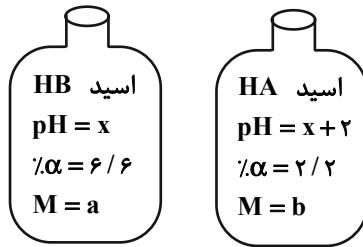
- ۸۰ محلولی از اسید HA با ثابت یونش $\text{mol.L}^{-1} = 5 \times 10^{-2}$ دارای $\text{pH} = 1/2$ است. اگر چگالی این محلول برابر $1/12$ گرم بر میلی‌لیتر باشد، درصد جرمی HA در محلول برابر چند است؟ ($\log 2 \approx 0/3$) ($\text{HA} = 120 \text{ g.mol}^{-1}$)

۱) ۰/۴ ۲) ۰/۳۶ ۳) ۰/۳ ۴) ۰/۲۵

- ۸۱ مقادیر مولی برای اسید قوی HX و اسید ضعیف HY را به‌طور جداگانه در ظرف‌های (۱) و (۲) که دارای حجم یکسانی از آب هستند می‌ریزیم، اگر در لحظه تعادل در محلول (۲) شمار ذرات اسید یونیده نشده $3/5$ برابر شمار یون‌ها بوده و $\text{pH} = 4/3$ باشد، درصد یونش محلول (۲) و pH محلول (۱) به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ ($\log 5 \approx 0/7$ و $\log 2 \approx 0/3$)

۱) ۱۲/۵ ، ۲/۴ ، ۶/۲۵ ۲) ۲/۴ ، ۱۲/۵ ۳) ۳/۴ ، ۱۲/۵ ۴) ۳/۴ ، ۶/۲۵

- ۸۲ دانشجویی هنگام کار در آزمایشگاه شیمی، متوجه می‌شود که بدخی از اطلاعات موجود بر روی برچسب دو اسید پاک شده است. با توجه به شکل، مقدار a چند برابر b است؟



۰/۰۳) ۱
۱۰۰ (۲
۳۰۰ (۳
۱۰۰ (۴
۳

- ۸۳ ۴۰۰ میلی‌لیتر محلول اسید آبی HA با $\text{pH} = 2/2$ ، مقدار $3/2$ گرم محلول سدیم هیدروکسید 25 درصد جرمی را به‌طور کامل خنثی می‌کند. درصد یونش و ثابت یونش اسید در دمای آزمایش به تقریب از راست به چپ کدام است؟ ($\log 2 \approx 0/3$)

۱) ۴ ، ۴ ، 4×10^{-5} ۲) ۴ ، 8×10^{-5} ۳) ۸ ، 8×10^{-5} ۴) 4×10^{-5}

- ۸۴ اگر در دمای 25°C ، دو محلول 6 mol.L^{-1} هیدروکلریک اسید (با حجم 300 میلی‌لیتر) و 75 mol.L^{-1} پتاسیم هیدروکسید (با حجم 200 میلی‌لیتر) را با یکدیگر مخلوط کنیم، pH محلول نهایی تقریباً چقدر خواهد بود؟

($\log 2 \approx 0/5$ و $\log 3 \approx 0/3$) آزمون وی ای پی

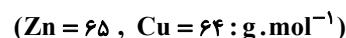
۱) ۸/۳ (۴ ۲) ۷ (۳ ۳) ۱/۲ (۲ ۴) ۵/۲

-۸۵ چند مورد از مطالب زیر نادرست است؟

- * گل ادریسی در خاک اسیدی قرمز و در خاک بازی، آبی است.
- * محلول جوش شیرین برخلاف شیشه‌پاک کن، رنگ کاغذ pH را آبی می‌کند.
- * تولید گاز در واکنش مخلوط پودر آلومینیم و سدیم هیدروکسید با آب، قدرت پاک‌کنندگی این مخلوط را کاهش می‌دهد.
- * برای رفع گرفتگی لوله‌ها فقط از مواد اسیدی استفاده می‌شود.
- * در شرایط یکسان، محلول سود، رنگ کاغذ pH را بنفسن رنگ می‌کند و صابون نسبت به آن رنگ کاغذ pH را بیشتر تغییر می‌دهد.

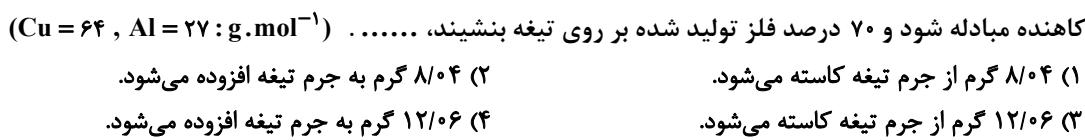
(۱) ۲ ۳ ۴ ۳ ۵ ۴

-۸۶ تیغه‌ای از جنس روی را درون محلول مس (II) سولفات قرار می‌دهیم. کدام یک از عبارت‌های زیر درباره آن نادرست است؟



- (۱) رنگ آبی محلول به دلیل حضور گونه اکسنده در آن است که به مرور زمان از شدت آن کاسته می‌شود.
- (۲) این واکنش برخلاف واکنش الیاف آهن با محلول Cu^{2+} به طور خودبه‌خودی انجام می‌شود.
- (۳) شعاع گونه کاهنده از گونه اکسنده بزرگ‌تر است.
- (۴) اگر تمام فراورده جامد تولید شده روی تیغه رسوب کند، به ازای مبادله $10 \times 16 / 4$ الکترون میان گونه اکسنده و کاهنده، ۴۰ mg جرم تیغه کاسته می‌شود.

-۸۷ تیغه‌ای از جنس آلومنیم را درون محلول مس (II) سولفات قرار می‌دهیم. اگر ۶٪ مول الکترون میان گونه‌های اکسنده و کاهنده مبادله شود و ۲۰ درصد فلز تولید شده بر روی تیغه بنشیند،



-۸۸ جدول زیر مربوط به قراردادن تیغه‌های فلزی A، B، C و D درون محلول نمکی از فلز M با دمای ۲۰°C را نشان می‌دهد. با توجه به این داده‌ها چند مورد از مطالب داده شده درست می‌باشد؟ (هر حرف معرف نماد فرضی یک فلز است).

نماد فلز	دماهی مخلوط واکنش پس از مدتی (°C)
A	۲۹
B	۲۳
C	۲۶
D	۲۰

- ترتیب قدرت کاهنده‌گی آن‌ها به صورت $A > C > B > D > M$ می‌باشد.
- واکنش موازن نشده $B^{b+} + A^{a+} \rightarrow A^{a+} + B^{b+}$ انجام‌پذیر می‌باشد.
- emf سلول گالوانی استاندارد حاصل از الکترودهای A و B بیشتر از سلول گالوانی استاندارد B و C می‌باشد.
- محلول حاوی نمک C را نمی‌توان در ظرفی از جنس B نگهداری کرد.
- اگر A فلز Sn باشد، D می‌تواند Au باشد.

(۱) ۲ ۳ ۴ (۳) ۴ (۲) ۳

-۸۹ با توجه به E° های داده شده کدام گزینه درست است؟



- (۱) واکنش $Pb(s) + Zn^{2+}(aq) \rightarrow Pb^{2+}(aq) + Zn(s)$ در شرایط استاندارد به طور طبیعی انجام می‌شود.
- (۲) بیشترین ولتاژ سلول گالوانی حاصل از نیم‌سلول‌ها برابر $14/3$ ولت می‌باشد.
- (۳) محلول حاوی نمک سرب (II) را می‌توان در ظرف روی نگهداری کرد.
- (۴) در سلول گالوانی حاصل از نیم‌سلول روی و منیزیم، تیغه منیزیم به مرور زمان دچار کاهش جرم می‌شود.

-۹۰- دستگاه مقابله سلول گالوانی ($\text{Cu} - \text{Ag}$) را نمایش می‌دهد، چند مورد درست است؟ (جرم تیغه‌ها در ابتدا برابر است).

$$(Cu = 64, Ag = 108 : g \cdot mol^{-1})$$

- در نیمسلول سمت راست، نیم واکنش کاهش رخ می‌دهد و در واکنش کلی، مجموع ضرایب یون‌ها برابر مجموع ضرایب اتم‌ها است.

- این سلول همانند سلول الکترولیتی آند محل اکسایش و قطب منفی است اما کاتد محل کاهش و قطب مثبت است.

- اگر در این سلول $21/6$ گرم نقره تولید شود، اختلاف جرم الکترودها $15/2$ g می‌شود.

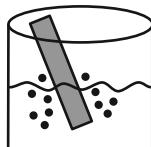
- به مرور زمان رنگ محلول نیمسلول چپ پررنگ‌تر می‌شود زیرا غلظت یون Ag^+ کاهش می‌یابد.

- با مصرف شدن ۳ مول مس، تعداد الکترون منتقل شده از آند به کاتد برابر ۶ است.

$$4(4) \quad 3(3) \quad 1(2) \quad 2(1)$$

-۹۱- ۳۲/۵۵ گرم از آلیاژ نقره و روی را داخل محلول هیدروکلریک اسید می‌اندازیم. اگر چگالی گاز حاصل از انجام واکنش

برابر $12 \text{ g} \cdot L^{-1}$ باشد و در پایان واکنش $4/5$ لیتر گاز آزاد شود، درصد جرمی نقره به تقریب کدام است؟



$$(E^\circ(\text{Zn}^{2+}/\text{Zn}) = -0.76 \text{ V}, E^\circ(\text{Ag}^+/\text{Ag}) = 0.80 \text{ V}) \quad (H = 1, Zn = 65, Ag = 108 : g \cdot mol^{-1})$$

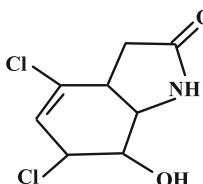
$$53(2) \quad 15(1)$$

$$40(4) \quad 46(3)$$

کدام واکنش اکسایش - کاهش محسوب نمی‌شود؟



چند اتم در ساختار زیر وجود دارد و در این ساختار چند عدد اکسایش متفاوت برای کربن‌ها می‌توان یافت؟



$$5, 20 \quad (1)$$

$$6, 22 \quad (2)$$

$$6, 20 \quad (3)$$

$$5, 22 \quad (4)$$

کدام موارد از عبارت‌های بیان شده در رابطه با «فرایند برقکافت آب» نادرست است؟

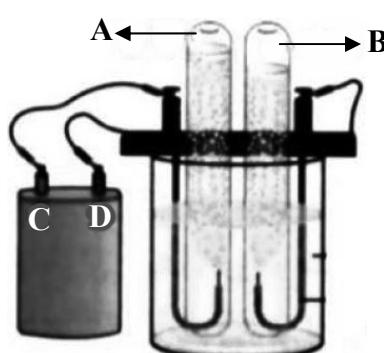
الف) در برقکافت آب، محیط اطراف آند اسیدی و محیط اطراف کاتد بازی است.

ب) با توجه به شکل، A و B به ترتیب $\text{H}_2(g)$ و $\text{O}_2(g)$ هستند. آزمون وی ای پی

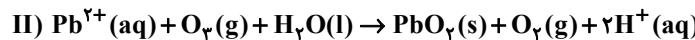
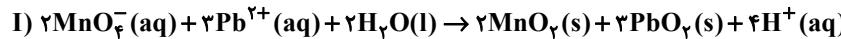
پ) C و D به ترتیب قطب‌های مثبت و منفی باتری هستند که توسط سیم‌هایی جریان را به آب منتقل می‌کنند تا به عنصر سازنده‌اش تجزیه شود.

ت) در این فرایند نیم واکنش اکسایش در قطب مثبت رخ می‌دهد و به صورت $4\text{H}_2\text{O(l)} + 4e^- \rightarrow 2\text{H}_2\text{O(g)} + 4\text{OH}^-(aq)$ می‌باشد.

$$1) \text{ الف و ب} \quad 2) \text{ ب و پ} \quad 3) \text{ الف و پ} \quad 4) \text{ ب و ت}$$



- ۹۵ یکی از روش‌های مؤثر برای جذب سرب از آب، فرایند اکسیداسیون است. در این روش، سرب با واکنش شیمیایی و به وسیله اکسنده‌های قوی (مثل گاز اوزون و یون پرمونگنات)، اکسید شده و به PbO_2 که نامحلول است، تبدیل و به راحتی از آب جدا می‌شود. با توجه به واکنش‌های زیر بر اثر تصفیه دو نمونه مشابه آب آلووده به یون سرب با گاز اوزون و یون پرمونگنات، شمار الکترون‌های مبادله شده در واکنش (I)، چند برابر شمار الکترون‌های مبادله شده در واکنش (II) است؟



۲ (۴)

۱/۵ (۳)

۱ (۲)

۰/۵ (۱)

- ۹۶

با توجه به واکنش‌های زیر، چند مورد از موارد بیان شده نادرست است؟

• در واکنش (A) انجام واکنش سبب کاهش pH محلول می‌شود.

• در واکنش (B) عدد اکسایش اتم‌های هیدروژن و اکسیژن بدون تغییر می‌ماند.

• در واکنش (B) اتم روى اکسید شده و کاهنده است.

• در واکنش (A) هر اتم منگنز سه واحد اکسایش می‌یابد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۰ (۱)

- ۹۷

کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

آ) مجموع ضرایب استوکیومتری عنصرها در معادله واکنش $\text{Fe(s)} + \text{H}_2\text{O(l)} + \text{O}_2(g) \rightarrow \text{Fe(OH)}_3(s)$ پس از موازنne برابر ۱۷ می‌باشد.

ب) عدد اکسایش هر اتم کربن در ساده‌ترین آلکین با عدد اکسایش H در سدیم هیدرید یکسان است.

پ) در تهیه فلز منیزیم از آب دریا فرایندهای فیزیکی و شیمیایی استفاده می‌شود و چگالی منیزیم مذاب از MgCl_2 مذاب بیشتر است.

ت) آهنی که با لایه نازکی از نخستین فلز گروه ۱۴ جدول دوره‌ای پوشیده شده است حلبی نام دارد.

ث) هرگاه با قرار دادن دو تیغه فلزی A و B در محلول هیدروکلریک اسید، فقط تیغه B واکنش داده و گاز هیدروژن تولید نماید، آن‌گاه پتانسیل کاهشی B به یقین منفی خواهد بود.

(۱) آ، ب، ت (۲) ب، ت، ث (۳) آ، پ، ث (۴) ب، پ، ث

- ۹۸ کدام گزینه درست نیست؟ ($\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16, \text{Al} = 27, \text{Fe} = 56, \text{Ag} = 108: \text{g.mol}^{-1}$)

۱) در فرایند برقکافت آب، به ازای مبادله ۱۶ مول الکترون، ۸۰ لیتر گاز با چگالی 0.01 g/l بر لیتر در آند تولید می‌شود.

۲) برای زنگ زدن کامل یک قطعه آهنی به جرم 11.2 g در رطوبت کافی، به $2/36$ لیتر گاز اکسیژن در شرایط STP نیاز است.

۳) در فرایند آبکاری یک قاشق آهنی با فلز نقره، در صورتی که $10^3 \times 10^{-8}\text{ g}$ الکترون در مدار بیرونی سلول جابه‌جا شده باشد، $32/4$ گرم بر جرم قاشق افزوده می‌شود.

۴) در سلول الکتروولیتی استخراج فلز آلومینیم به روش هال، تولید 80 g فلز آلومینیم با تولید کمتر از یک کیلوگرم گاز CO_2 همراه است.

برای تولید چرخ‌دنده‌ها از آلومینیم استفاده می‌شود. اگر برای تولید نوعی چرخ‌دنده که در موتور خودروها استفاده می‌شود به 108.0 kg آلومینیم نیاز باشد، در فرایند هال به چند کیلوگرم گرافیت نیاز است و چند لیتر گاز در شرایطی که حجم مولی گازها برابر 25 L لیتر است تولید می‌شود؟ ($\text{Al} = 27, \text{C} = 12, \text{O} = 16: \text{g.mol}^{-1}$)

(۱) $360 \times 10^5 \text{ L}$ (۲) $720 \times 10^5 \text{ L}$ (۳) $360 \times 10^5 \text{ L}$ (۴) $2/5 \times 10^5 \text{ L}$

- ۹۹ «نیم واکنش کاتدی در خوردگی آهن در محیط اسیدی» و «نیم واکنش آندی سلول سوختی هیدروژن» به ترتیب با کدام نیم واکنش‌های زیر یکسان است؟

۱) نیم واکنش کاتدی در سلول «تور- الکتروشیمیایی» سیلیسیم- نیم واکنش اکسایش نیم سلول SHE در آند یک سلول گالوانی

۲) نیم واکنش کاتدی در سلول «تور- الکتروشیمیایی» سیلیسیم- نیم واکنش آندی سلول برقکافت آب

۳) نیم واکنش کاتدی در سلول سوختی هیدروژن- نیم واکنش آندی سلول برقکافت آب

۴) نیم واکنش کاتدی در سلول سوختی هیدروژن- نیم واکنش اکسایش نیم سلول SHE در آند یک سلول گالوانی

- ۱۰۰



دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد

(دوره دهم)

۲۱ دی

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	حمید لنجانزاده اصفهانی
ویراستار	فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
ویراستار مستندسازی	سید محمد رضا مهدوی
طراحان	حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، فرزاد شیرمحمدی
حروف چینی و صفحه‌آرایی	مصطفومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.

۳۰ دقیقه

استعداد تحلیلی

۲۵۱- با حروف به هم ریخته زیر نام دو کشور افريقيابي را ساخته‌ایم، ولی یک حرف جا مانده است. آن حرف کدام است؟

«راش ک م م»

(۲) ص

(۱) د

(۴) ن

(۳) ل

۲۵۲- اگر حروف عبارت «درک متن» را به ترتیب الفبای فارسی از راست به چپ بنویسیم، جایگاه چند حرف تغییر نخواهد کرد؟

(۲) دو

(۱) یک

(۴) چهار

(۳) سه

بر اساس متن زیر برگرفته از کتاب «کارنامه نثر معاصر» از دکتر حمید عبدالهیان، به پنج پرسشی که در پی می‌آید پاسخ دهید. در متن، نادرستی هم ایجاد شده است. آزمون وی ای پی

شاید بتوان سال ۱۳۰۰ را مهمترین سال در تاریخ ادبیات ایران به حساب آورد. بزرگترین تحولات در شعر، نمایشنامه، داستان کوتاه و رمان، در این سال و یکی دو سال قبل و بعد از آن اتفاق افتاد، یعنی زمانی که حدود ۱۵ سال از انقلاب مردمی مشروطه - که باز هم در نوع خود در ایران بی‌سابقه است - گذشته بود. انقلاب نیز مانند همه جریانات تاریخی و سیاسی، با اندکی فاصله بر ادبیات اثر گذاشت. این فاصله ۱۵ ساله برای تأثیر واقعه‌ای سیاسی در ادبیات و هنر زمانی بسیار کوتاه بود و نشان‌دهنده‌ی این مسئله است که حرکت و جنبش مردمی برخواسته از درون و خواست مردم بود.

جمالزاده مجموعه‌ی «یکی بود یکی نبود» را در سال ۱۳۰۰ منتشر کرد. نیما «افسانه» خود را در سال ۱۳۰۱ به چاپ رساند. نمایشنامه‌ی «جعفر خان از فرنگ برگشته» از محمد مقدم در سال ۱۳۰۱ به چاپ رسید و در سال ۱۳۰۴ اجرا شد. رمان اجتماعی «تهران مخفوف» نیز در سال ۱۳۰۴ چاپ و منتشر شد. این چهار اثر تغییرات بنیادین و اساسی در انواع کهن ادبی ایجاد کردند و روشنفکران و هنرمندان همزمان با آنها بلافصله آنها را به عنوان اثر ادبی نوین پذیرفته و به تقلید از آن اقدام کردند. البته صاحبان اندیشه‌های واپسگرا و عوام به مخالفت با آنها پرداختند و افرادی چون نیما و جمالزاده مورد تکفیر و طرد عده‌ای قرار گرفتند که البته عناد با نیما از همه بیشتر بود، ولی انواع جدید به دلیل تطابق آثار ادبی اروپا و نیز آمادگی اذهان مردم به زودی پذیرفته شد و حتی باعث شد که انواع پیشین ادبی به زودی کنار گذاشته شود.

تأثیر شدید جمالزاده باعث شد تا دیگر حکایات و تمثیل‌های گذشته کنار گذاشته شود و از آن پس، دیگر آثار چندانی به سبک حکایت گلستان سعدی دیده نمی‌شود، در حالی که پیشتر آثار زیادی به تقلید از گلستان ساخته می‌شد. مقدم، نمایشنامه به سبک جدید را به اهل هنر ایران معرفی کرد. تحولاتی که این چهار تن ایجاد کردند بر پایه‌ی سنت‌های گذشته، فرهنگ وارداتی غرب و نیاز فرهنگی جامعه بود. نیما در «افسانه» نوآوری‌هایی را آغاز کرد که تا پایان عمرش ادامه داشت، اتا افسانه با شعر کهن و سنتی گذشته تفاوت چندانی ندارد. افسانه مجموعه چندین چهارپاره است که نمونه‌های آن در شعر سنتی سابقه داشت. تنها نوآوری نیما در افسانه از نظر ساختار، حذف قافیه از مصraع سوم چهارپاره بود و از نظر معنی، وارد کردن مضامین و موضوعات اجتماعی به شکل نمادین. این دو کار نسبت به کارهای بعدی نیما و کارهای شاگردان و پیروانش چندان چشمگیر نبود اما تا به دلیل زیرینایی بودن، این تحولات از مهمترین حوادث در شعر فارسی به شمار می‌آید.

مقدم، شخصیت‌های قابل لمس و واقعی را از جامعه اطراف خود انتخاب و وارد نمایش کرد. جمالزاده، به اندیشه‌های مطرح شده در روزنامه‌ها و مجلات رنگ داستانی زد و افراد جامعه‌ی ایران مشروطه را وارد داستان کوتاه کرد. مشقق کاظمی نیز با «تهران مخفوف» وضعیت شهر بزرگ تهران را در اغتشاش و بی‌نظمی اواخر قاجاریه در قالب رمان به تصویر کشید.

۲۵۳- کدام معنا برای واژه‌ی «عناد» در متن معنایی بهتر است؟

(۲) مشورت

(۱) دوستی

(۴) سهل‌انگاری

(۳) دشمنی

- ۲۵۴- جمله‌ای در کدام بند از متن به ویرایش نیاز دارد؟

- (۱) بند نخست
- (۲) بند دوم
- (۳) بند سوم
- (۴) بند چهارم

- ۲۵۵- نویسنده در متن بالا، کدام عامل را نشانه‌ای بر مردمی بودن انقلاب مشروطه دانسته است؟

- (۱) شمار هنرمندانی که پیرو اندیشه‌های مشروطه بوده‌اند.
- (۲) شمار و پراکندگی قومی مردم عامی که بر انقلاب مشروطه اثر گذاشته‌اند.
- (۳) فاصله اندک بین انقلاب مشروطه و تحول آثار هنری که از آن اثر گرفته‌اند.
- (۴) فاصله زیاد بین اندیشه‌های حاکمان پیش از مشروطه و اندیشه‌های مردمی که انقلاب مشروطه را به پا کردن.

- ۲۵۶- بر اساس متن بالا کدام گزینه درست نیست؟

- (۱) اندیشه‌های مشروطه‌خواهی تا پیش از محمدعلی جمالزاده، در شخصیت‌های داستانی رمان‌ها چندان ورود نداشته‌اند.
- (۲) نیما یوشیج پس از سرودن افسانه، تدریجاً پیروان و شاگردانی یافت که در نوآوری از کارهای او پیشتر رفتند.
- (۳) تا پیش از نمایش «جهفر خان از فرنگ برگشتة»، شخصیت‌های نمایش‌ها از مردم معمول جامعه فاصله داشتند.
- (۴) تا پیش از انقلاب مشروطه، وضعیت مغشوشه و نابه‌سامان تهران قاجاری تنها در رمان تهران مخوف تصویر شده‌بود.

- ۲۵۷- طبق متن بالا، کدام گزینه بخشی از «افسانه» نیما نیست؟

- (۱) ای دل من، دل من! / بی‌نوا، مضطرا، قابل من! / با همه خوبی و قدر و دعوی / از تو آخر چه شد حاصل من / جز سرشکی به رخساره غم؟
- (۲) در بر این خرابه مغاره / وین بلند آسمان و ستاره / سالها با هم افسرده بودید / وز حوادث به دل، پاره پاره / او تو را بوسه می‌زد، تو او را
- (۳) چیستی؟ ای نهان از نظرها! / ای نشسته سر رهگذرها! / از پسرها همه ناله بر لب، / ناله‌ی تو همه از پدرها! / تو که‌ای؟ مادرت که؟ پدر که؟
- (۴) پای هر پنجره ای، شعری خواهم خواند / هر کلاغی را، کاجی خواهم داد / مار را خواهم گفت: چه شکوهی دارد غوک / آشتی خواهم داد

* چهار فرزند خانواده‌ای هر یک چهار کارت «رنگ، حیوان، شهر و عدد» برداشته‌اند. رنگ‌ها آبی، قرمز، سبز و زرد است، حیوان‌ها فیل، اسب، موش و خرس، شهرها لندن، توکیو، برلین و پکن و عده‌ها ۳، ۵، ۱۲ و ۱۸ است. می‌دانیم عدد برلین ۱۲ است. پکن زرد نیست، لندن موش است و توکیو عددی دورقمی دارد. بر این اساس به چهار سؤال بعدی پاسخ دهید.

- ۲۵۸- اگر فیل زرد باشد، قطعاً

- (۱) عددش یک رقمی است.
- (۲) عددش دورقمی است.
- (۳) شهرش توکیو است.
- (۴) شهرش برلین است.

- ۲۵۹- اگر عدد اسب ۵ باشد، قطعاً

- (۱) عدد موش ۳ است.
- (۲) رنگ توکیو آبی است.
- (۳) عدد خرس ۳ است.
- (۴) رنگ لندن آبی است.

- ۲۶۰- می‌دانیم که اگر شهرها را به ترتیب الفبا مرتب کنیم، حیوان‌ها هم به ترتیب الفبا مرتب می‌شوند. بر این اساس، قطعاً

- (۱) خرس زرد نیست.
- (۲) خرس زرد است.
- (۳) اسب سبز نیست.
- (۴) اسب سبز است.



- ۲۶۱- با درست دانستن صورت سؤال قبلی، شخصی جدول داده‌ها را به طور اتفاقی کامل پر کرده است. چه میزان احتمال دارد این کار کاملاً درست

انجام شده باشد؟

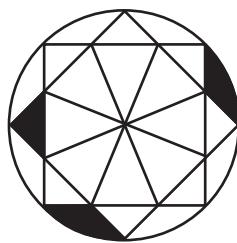
$$\frac{1}{36} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{48} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{18} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{32} \quad (۳)$$

- ۲۶۲- چه کسری از مساحتِ شکل زیر رنگی است؟



$$\frac{(\pi - \frac{1}{2})}{4\pi} \quad (۲)$$

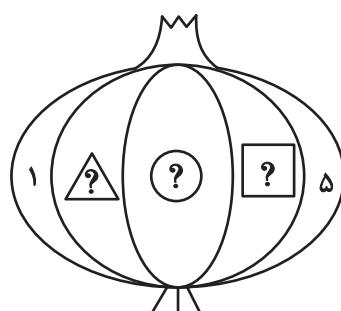
$$\frac{(2\pi - 3)}{8\pi} \quad (۱)$$

$$\frac{(2\pi - \frac{1}{2})}{8\pi} \quad (۴)$$

$$\frac{(\pi - 2)}{4\pi} \quad (۳)$$

- ۲۶۳- قرار است هر یک از عددهای طبیعی ۲، ۳ و ۴ را به جای یکی از علامت‌های سؤال شکل زیر قرار دهیم. با کدام داده‌(ها) می‌توان فهمید حاصل

$$\triangle ? + \square ? \quad \text{کدام است؟}$$



الف) حاصل $\triangle ? \times \square ?$ عددی زوج است.

ب) حاصل $\triangle ? - \square ?$ عددی منفی است.

۱) داده «الف» کافی است به داده «ب» احتیاجی نداریم.

۲) داده «ب» کافی است به داده «الف» احتیاجی نداریم.

۳) اگر هر دو داده را تأمین داشته باشیم به پاسخ نمی‌رسیم.

۴) با هر دو داده نیز به پاسخ نمی‌رسیم.

- ۲۶۴- کدام گزینه عددهای زیر را بهتر دسته‌بندی کرده است؟

۱	۴	۸
۹	۶۴	۱۲۱
۲۱۶	۷۲۹	۱۰۰۰

$$\{1, 216, 1000\}, \{4, 8, 64\}, \{9, 12, 729\} \quad (۱)$$

$$\{1, 64, 729\}, \{4, 9, 121\}, \{8, 216, 1000\} \quad (۲)$$

$$\{1, 4, 121\}, \{8, 9, 216\}, \{64, 729, 1000\} \quad (۳)$$

$$\{1, 9, 21\}, \{4, 8, 216\}, \{9, 64, 1000\} \quad (۴)$$



- ۲۶۵ - در الگوی اعداد زیر، کدام گزینه به جای علامت سؤال قرار می‌گیرد؟



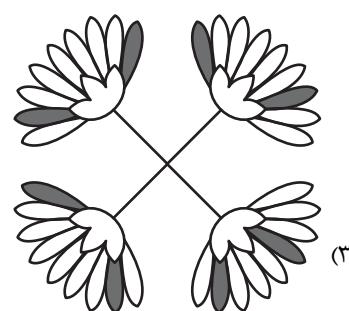
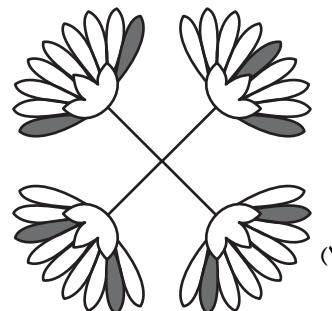
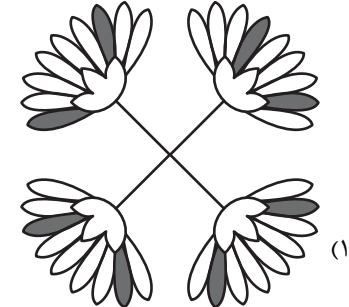
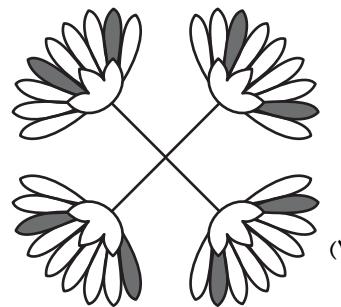
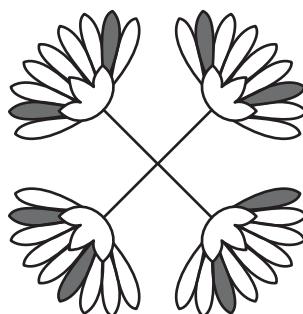
۴ (۴)

۳ (۳)

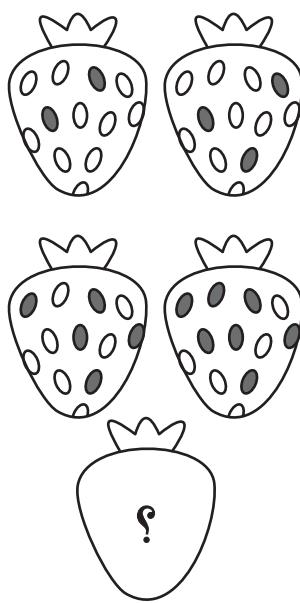
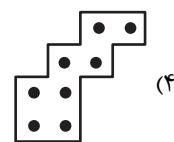
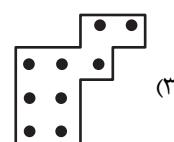
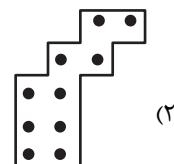
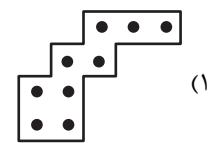
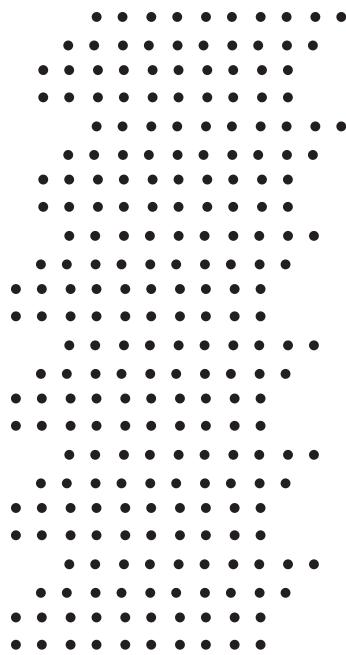
۲ (۲)

۱ (۱)

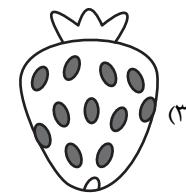
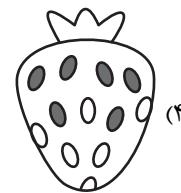
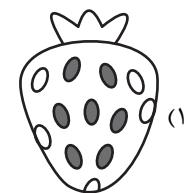
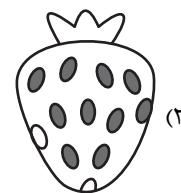
- ۲۶۶ - کدام شکل از دوران شکل زیر به دست می‌آید؟



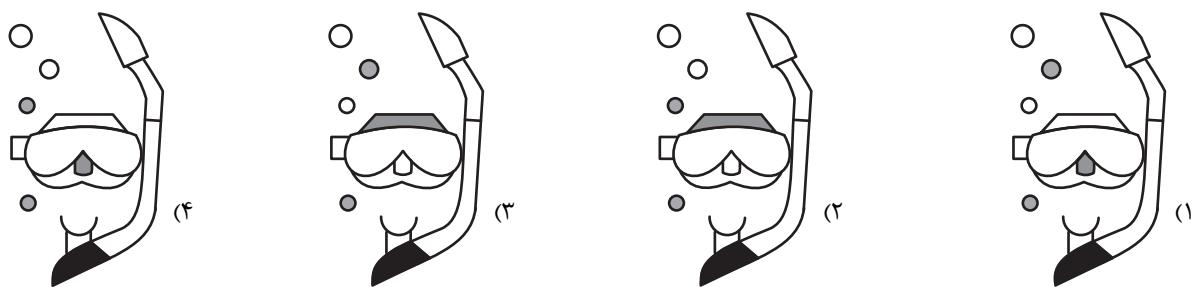
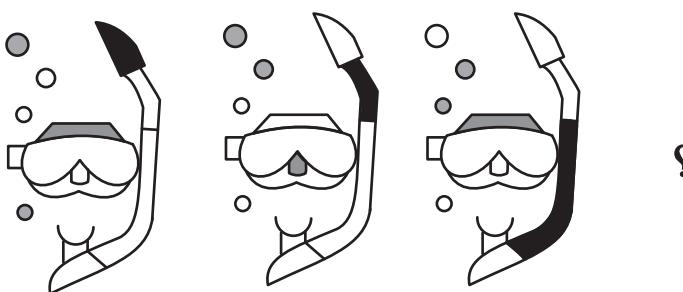
- ۲۶۷- شکل زیر از تکرار بدون تغییر و بدون دوران کدام گزینه حاصل شده است؟



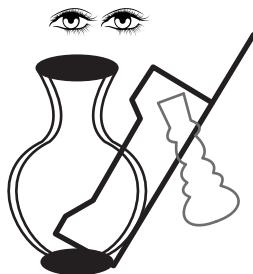
- ۲۶۸- کدام گزینه به جای علامت سوال الگوی زیر قرار می‌گیرد؟



- ۲۶۹ - شکل چهارم الگوی زیر کدام است؟



- ۲۷۰ - سه طرح دو بعدی زیر از دید ناظر پشت مجسمه به کدام شکل دیده می شود؟



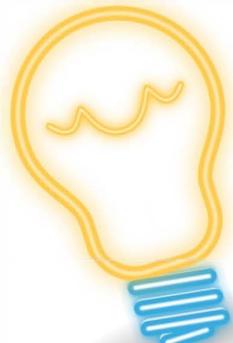
دانلود رایگان تمام آزمون های آزمایشی

در کانال تلگرام ما :



آزمایشی آزمون

t.me/Azmoonha_Azmayeshi



فرهنگ
محله آموزشی فرهنگی

حاج
سنت

سازمان آموزشی شهر



شریعت تاریخ خدمات آموزشی اداره کل
سازمان سنجش آموزش کسر



زبان‌آموز

خدماتی!
بزرگ

آزمون



کانون
فرهنگی
آموزش
علم چا



آزمودهای سوابق
کاح



join us ...



آزمون ۲۱ دی ۱۴۰۳

رقمی پاسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	کاظم اجلالی-دانیال آرکیش-علی آزاد مهدی حاجی زاده-دادود حسین پور-افشین خاصه خان-سینا خیر خواه-احمدرضا ذاکر زاده محمد رضا راسخ-مسعود شفیعی-حامد قاسمیان-محمد رضا کشاورزی-نیما مهندس-غلامرضا نیازی-جهانبخش نیکنام
هنر و ریاضیات گستره	امیرحسین ابومحبوب-اسحاق اسفندیار-آرین تنبلی زاده-افشین خاصه خان-سوگند روشنی-علیرضا شریف خطیبی فرشاد صدیقی فر-احمدرضا فلاخ-مهرداد ملوندی
فیزیک	مهران اسماعیلی-حسین الهی-بهزاد آزاده-زهرا آقامحمدی-علی برزگر-علیرضا جباری-مسعود خندانی-محسن سلامی وند محمد رضا شریفی-مهدی شریفی-محمد کاظم منشادی-محمد منصوری-سید محمدعلی موسوی-امیر احمد میرسعید-حسام نادری مجتبی نکوئیان
شیمی	امیر علی بیات-علیرضا بیانی-محمد رضا پور جاوید-سعید تیزرو-علی جعفری-محمد رضا جمشیدی-امیر حاتمیان-امیر مسعود حسینی یاسر راش-حسین شاهسواری-رسول عابدینی زواره-محمد عظیمیان زواره-محسن مجذوبی-هادی مهدی زاده

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هنر و ریاضیات گستره	فیزیک	شیمی	شیوه
گزینشگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابومحبوب	حسام نادری	امیرحسین ابیانی	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	محمدحسن محمدزاده مقدم حسین شاهسواری احسان پنجه‌شاهی آرش ظریف
بازیگران نهایی و رتبه‌های برتر	سیدماده عبدی محمد پارسا سبزه‌ای	امیرحسین ملازیل محمد پارسا سبزه‌ای	سینا صالحی	آرمان قواتی ماهان فرهمندفر	
مسئول درس	مهرداد ملوندی	سروز یقیازاریان تبریزی	سروز یقیازاریان تبریزی	حسام نادری	امیر علی بیات
مسئنده‌سازی	سیده اسکندری	سجاد سلیمی	علیرضا همایون خواه		امیرحسین توحیدی
ویراستاران مسئنده‌سازی	احسان صادقی-سجاد سلیمی-علیرضا عباسی زاده-مسئنده‌سازی صنعت کار	مخصوصه صنعت کار سید محمد رضا مهدوی ابراهیم نوری	معصومه صنعت کار سجاد رضایی محمد صدر رفیعی ملیانا ملاتی		

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مسئنده‌سازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شبازی
حروف نگار	فرزانه فتح‌اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۴۶۳



حال با قرار دادن طول محل برخورد یعنی $x = 3$ در ضابطه g یا h مقدار عرض آن را به دست می آوریم:

$$g(3) = \sqrt{3+1} = 2 \Rightarrow A(3, 2)$$

$$\Rightarrow OA = \sqrt{3^2 + 2^2} = \sqrt{13}$$

(حسابان ۲ - تابع: صفحه های ۲ تا ۱۲)

(مهندسی هایی زاده)

گزینه «۲»

با توجه به دو زوج مرتب $(-2, 2)$ و $(3, 2)$ ، تابع f اکیداً صعودی است، در نتیجه:

$$\begin{cases} 2x > -2 \Rightarrow x > -1 \\ x + 2 > 2x \Rightarrow x < 2 \end{cases} \cap -1 < x < 2$$

بنابراین x شامل دو مقدار صحیح صفر و ۱ است.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه های ۱۵ تا ۱۸)

(علی آزاد)

گزینه «۲»

ابتدا دامنه تابع f را مشخص می کنیم:

$$D_f = \{x \in \mathbb{R} \mid 4 - 2x \geq 0\} = (-\infty, 2]$$

هر دو تابع $y = x^2 - 4x$ و $y = \sqrt{4 - 2x}$ در محدوده $2 \leq x$ ، اکیداً نزولی هستند و جمع دو تابع نزولی اکید، یک تابع اکیداً نزولی است.

$$\text{بنابراین } y = x^2 - 4x + \sqrt{4 - 2x} \text{ تابعی اکیداً نزولی است.}$$

(حسابان ۲ - تابع: صفحه های ۱۵ تا ۱۸)

(غلامرضا نیازی)

گزینه «۲»

با توجه به این که می خواهیم محدوده ای که تابع $y = f(1 - 2x)$ روی

آن صعودی است را مشخص کنیم پس در آن محدوده تابع $y = f(1 - 2x)$ نزولی است. چون تابع $y = 1 - 2x$ نزولی است و ترکیب دو تابع زمانی نزولی است که یکی نزولی و دیگری صعودی باشد پس $y = f(x)$ باید صعودی باشد. با توجه به نمودار، تابع $y = f(x)$ ، روی بازه $[1, 0]$ صعودی

$$0 \leq x \leq \frac{1}{2} \Rightarrow 0 \leq 1 - 2x \leq 1 \Rightarrow 0 \leq y \leq \frac{1}{2}$$

است در نتیجه:

(حسابان ۲ - تابع: صفحه های ۱۵ تا ۱۸)

(دادرس فیضیان پور)

گزینه «۳»

با توجه به رابطه تقسیم و اطلاعات مسئله داریم:

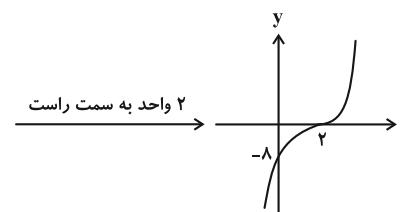
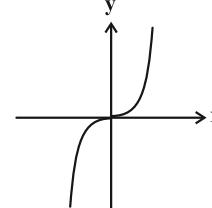
$$\begin{cases} P(x+3) = (7x^2 - 5x + 1)Q(x) & (*) \\ Q(-1) = 6 \end{cases}$$

(ممدرسه کشاورزی)

ریاضیات

گزینه «۱»

ابتدا نمودار تابع $y = (x-2)^3$ رارسم می کنیم:



اگر $a > 0$ باشد نمودار تابع $y = (x-a)^3 - a$ ، به اندازه a واحد به سمت پایین منتقل شده و از ناحیه دوم محورهای مختصات عبور نمی کند.

اگر $a < 0$ باشد نمودار تابع $y = (x-a)^3 - a$ ، به اندازه a واحد به سمت بالا منتقل می شود. با توجه به عرض از مبدأ تابع $y = (x-2)^3$ اگر حداقل انتقال به سمت بالا a واحد باشد، نمودار تابع f از ناحیه دوم محورهای مختصات عبور نمی کند. در نتیجه حدود a برای این که نمودار f ، از ناحیه دوم محورهای مختصات عبور نکند به صورت $-8 < a < +\infty$ است و کمترین مقدار a برابر -8 است:

$$f(x) = (x-2)^3 + 8 \Rightarrow f(-8) = (-8-2)^3 + 8 = -992$$

(حسابان ۲ - تابع: صفحه های ۲ تا ۱۳، ۵ و ۱۶)

(سینا شیرفواه)

گزینه «۲»

ابتدا ضابطه توابع g و h را مشخص می کنیم:

$$f(x) = \sqrt{x} \xrightarrow[1]{\text{واحد به چپ}} g(x) = \sqrt{x+1}$$

$$f(x) = \sqrt{x} \xrightarrow[5]{\text{واحد به راست}} y = \sqrt{x-5} \xrightarrow[\text{طول نقاط، نصف}]{\text{واحد به بالا}}$$

$$y = \sqrt{2x-5} \xrightarrow[1]{\text{واحد به بالا}} h(x) = \sqrt{2x-5} + 1$$

حال برای محاسبه محل برخورد نمودار توابع g و h ، معادله $h(x) = g(x)$ را حل می کنیم:

$$\sqrt{x+1} = \sqrt{2x-5} + 1 \Rightarrow x+1 = 2x-5+1+2\sqrt{2x-5}$$

$$\Rightarrow 5-x = 2\sqrt{2x-5} \Rightarrow x^2 - 10x + 25 = 4(2x-5)$$

$$\Rightarrow x^2 - 18x + 45 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 3 & \text{ق ق} \\ x = 15 & \text{غ ق ق} \end{cases}$$



$$\frac{6\pi}{|x|+4} = (2k+1)\frac{\pi}{2} \Rightarrow |x|+4 = \frac{12}{2k+1}$$

$$\Rightarrow |x| = \frac{\lambda - \lambda k}{2k+1}, \quad k \in \mathbb{Z}$$

چون $0 < x$ ، پس:

$$\frac{\lambda - \lambda k}{2k+1} \geq 0 \Rightarrow -\frac{1}{2} < k \leq 1 \quad \text{که } k \in \{0, 1\}$$

حال به ازای مقادیر به دست آمده برای k داریم:

$$k=0 \Rightarrow |x|=\lambda \Rightarrow x=\pm\lambda$$

$$k=1 \Rightarrow |x|=0 \Rightarrow x=0$$

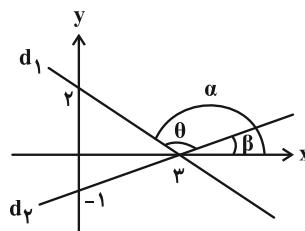
بنابراین فقط سه عدد صفر، λ و $-\lambda$ در دامنه تابع f قرار ندارند.

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

(اخشین فاصله‌های)

گزینه «۳»

می‌دانیم شیب هر خط با تانژانت زاویه‌ای که خط با جهت مثبت محور x ها می‌سازد برابر است، لذا براساس نام‌گذاری شکل زیر داریم:



$$m_{d_1} = \tan \alpha = -\frac{2}{3}, \quad m_{d_2} = \tan \beta = \frac{1}{3}$$

از طرفی $\theta = \alpha - \beta$ در نتیجه:

$$\tan \theta = \tan(\alpha - \beta) = \frac{\tan \alpha - \tan \beta}{1 + \tan \alpha \tan \beta}$$

$$= \frac{-\frac{2}{3} - \frac{1}{3}}{1 + (-\frac{2}{3})(\frac{1}{3})} = \frac{-1}{1 - \frac{2}{9}} = -\frac{9}{7}$$

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

(سینا فیرفواه)

گزینه «۳»

با توجه به نمودار داریم:

$$f(0) = 2 \Rightarrow c = 2$$

$$\frac{\pi T}{2} = 3 \Rightarrow T = 2 \Rightarrow \frac{\pi}{|a\pi|} = 2 \Rightarrow |a| = \frac{1}{2} \Rightarrow a = \pm \frac{1}{2}$$

حال چون نقطه $(0, -\frac{1}{3})$ روی نمودار تابع قرار دارد، داریم:

$$a = \frac{1}{2} \Rightarrow 0 = b(\tan(\frac{1}{2} \times \pi \times (-\frac{1}{3}))) + 2$$

حال برای محاسبه باقی مانده تقسیم $P(x)$ بر $-x$ ، باید مقدار $P(2)$ را محاسبه کنیم. با توجه به رابطه $(*)$ داریم:

$$P(2) = P(-1+3) = (7(-1)^2 - 5(-1) + 9)Q(-1)$$

$$\xrightarrow{Q(-1)=6} P(2) = 21 \times 6 = 126$$

(مسابان ۲- تابع: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

گزینه «۴»

-۷ ابتدا ضابطه تابع را به صورت ساده‌تر می‌نویسیم:

$$y = \sin^4(\pi ax) + \cos^4(\pi ax) = 1 - 2\sin^2(\pi ax)\cos^2(\pi ax)$$

$$= 1 - 2(\sin(\pi ax)\cos(\pi ax))^2 = 1 - 2(\frac{1}{2}\sin 2\pi ax)^2$$

$$= 1 - \frac{1}{2}(\frac{1 - \cos(4\pi ax)}{2}) = \frac{3}{4} + \frac{1}{4}\cos(4\pi ax)$$

حال مقادیر دوره تناوب و Min ، Max تابع را مشخص می‌کنیم:

$$\text{Max} = \frac{3}{4} + \frac{1}{4} = 1, \quad \text{Min} = -\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2}, \quad T = \frac{2\pi}{|4\pi a|} = \frac{1}{2a}$$

حال از روی نمودار، قاعده و ارتفاع مثلث ABC را به دست می‌آوریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} BC = \frac{3}{2}T = \frac{3}{2} \times \frac{1}{2a} = \frac{3}{4a} \\ \text{ارتفاع} = \text{Max} - \text{Min} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow S_{ABC} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{3}{4a} = \frac{3}{16a} \Rightarrow \frac{3}{16a} = \frac{1}{12} \Rightarrow a = \frac{9}{4}$$

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

گزینه «۴»

-۸ با توجه به ضابطه تابع f داریم:

$$T = \frac{2\pi}{\frac{\pi}{4}} = 8$$

از طرفی با توجه به نمودار تابع داریم:

$$\frac{T}{2} = k \Rightarrow k = 4 \Rightarrow \text{Min} = -4$$

$$\text{Min} = -1 - |a| = -4 \Rightarrow |a| = 3 \Rightarrow a = \pm 3$$

از آنجا که نمودار تابع f در همسایگی راست $x=0$ صعودی است در

$$a = -3 \Rightarrow a+k = -3+4 = 1$$

: $a < 0$ نتیجه:

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

گزینه «۲»

-۹ با توجه به این که دامنه تابع $y = \tan x$ به

$$\text{صورت } \{x \in \mathbb{R} \mid x \neq \frac{(2k+1)\pi}{2}, \quad k \in \mathbb{Z}\} \text{ است، داریم:}$$



$$\Rightarrow x = 2k\pi + \frac{\pi}{4}, k \in \mathbb{Z}$$

$$\xrightarrow{x \in (0, 2\pi)} x = \frac{\pi}{4}$$

اشتراع جواب‌های به دست آمده برابر $x = \frac{\pi}{4}$ است. در نتیجه معادله یک جواب دارد.

(مسابان ۲- مثالثات: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(اخشین فاصله‌های)

گزینه «۴» - ۱۴

با توجه به حد داده شده، مخرج دارای ریشه مضاعف $x = 2$ است:

$$-x^3 + 4x - a^3 = -(x-2)^3 \Rightarrow a^3 = 4 \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ a = -2 \end{cases}$$

به ازای $a = 2$ حاصل حد برابر ∞ می‌شود پس $a = -2$ قابل قبول

$$f(x) = \frac{x+2}{\sqrt{-x}}$$

است. حال ضابطه تابع f را می‌نویسیم:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x+2}{\sqrt{-x}} = \frac{2}{0^+} = +\infty$$

نتیجه:

(مسابان ۲- مرحله‌ای نامتناهی- مر در بی‌نهایت: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۶)

(دانیال آرکیشن)

گزینه «۴» - ۱۵

با توجه به این‌که حاصل حد وقتی $\rightarrow -\infty$ ، برابر مقدار متناهی ۲ شده است و چندجمله‌ای مخرج از درجه ۲ است پس درجه چندجمله‌ای صورت نیز باید برابر ۲ باشد:

$$a-2=0 \Rightarrow a=2 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2+3}{bx^2+1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2}{bx^2} = \frac{2}{b}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{b}=2 \Rightarrow b=1 \Rightarrow a-b=2-1=1$$

(مسابان ۲- مرحله‌ای نامتناهی- مر در بی‌نهایت: صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

(محمد رضا کشاورزی)

گزینه «۲» - ۱۶

ابتدا ضابطه تابع f را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

$$f(x) = \frac{2x^3+1}{x^2-4} = \frac{2(x^3-4)+9}{x^2-4} = 2 + \frac{9}{x^2-4}$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2, \quad f(x) > 2$$

$$\Rightarrow \frac{-\sqrt{3}}{3}b + 2 = 0 \Rightarrow b = 2\sqrt{3} \Rightarrow a \times b \times c = 2\sqrt{3}$$

$$a = -\frac{1}{2} \text{ اگر } 0 = b(\tan(-\frac{1}{2}\pi \times (-\frac{1}{3}))) + 2$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3}b + 2 = 0 \Rightarrow b = -2\sqrt{3} \Rightarrow a \times b \times c = 2\sqrt{3}$$

(مسابان ۲- مثالثات: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۲)

(امدرضا ذکریزاده)

گزینه «۲» - ۱۲

ابتدا معادله را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

$$\sqrt{2}\sin^2 x + \sin^2 x + \cos^2 x - (\sqrt{2}-2)\sin x - (\sqrt{2}+1) = 0$$

$$\Rightarrow \sqrt{2}\sin^2 x - (\sqrt{2}-2)\sin x - \sqrt{2} = 0$$

حال با فرض $t = \sin x$ داریم:

$$\Rightarrow \begin{cases} t = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \sin x = \frac{\sqrt{2}}{2} \xrightarrow{x \in (0, 2\pi)} x = \frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4} \\ t = -1 \Rightarrow \sin x = -1 \xrightarrow{x \in (0, 2\pi)} x = \frac{3\pi}{2} \end{cases}$$

در نتیجه مجموع جواب‌های معادله در این بازه برابر است با:

$$\frac{\pi}{4} + \frac{3\pi}{4} + \frac{3\pi}{2} = \frac{5\pi}{2}$$

(مسابان ۲- مثالثات: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(مسعود شفیعی)

گزینه «۳» - ۱۲

می‌دانیم $\sin x + \cos x = \sqrt{2} \sin(x + \frac{\pi}{4})$

$$3\sqrt{2}(\sin x + \cos x) = \sin 6x + 7$$

$$\Rightarrow 6 \sin(x + \frac{\pi}{4}) = \sin 6x + 7$$

با توجه به این‌که $-6 \leq 6 \sin(x + \frac{\pi}{4}) \leq 6$ و $6 \leq \sin 6x + 7 \leq 8$ است. داریم:

$$\sin 6x + 7 = 6 \Rightarrow \sin 6x = -1$$

$$\Rightarrow 6x = 2k\pi - \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$$

$$\Rightarrow x = \frac{k\pi}{3} - \frac{\pi}{12}, k \in \mathbb{Z}$$

$$\xrightarrow{x \in (0, 2\pi)} x = \frac{\pi}{4}, \frac{7\pi}{12}, \frac{11\pi}{12}, \frac{5\pi}{4}, \frac{19\pi}{12}, \frac{23\pi}{12}$$

$$\Rightarrow 6 \sin(x + \frac{\pi}{4}) = 6 \Rightarrow \sin(x + \frac{\pi}{4}) = 1$$

$$\Rightarrow x + \frac{\pi}{4} = 2k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$$



$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - 1}{x|x| + 2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - 1}{x^3 + 2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 - \frac{1}{x^3 + 2}\right) = 1$$

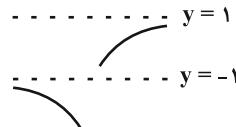
$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1, \quad f(x) < 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 - 1}{x|x| + 2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 - 1}{-(x^3 - 2)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(-1 + \frac{1}{-(x^3 - 2)}\right) = -1$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1, \quad f(x) < -1$$

بنابراین نمودار تابع f ، اطراف مجانب‌های افقی خود به صورت زیر است:



(مسابان ۲- هرهاي نامتهاي- مر در بي نهايت: صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

(ممدرضا راسخ)

گزینه «۳»

با توجه به نمودار تابع f که از انتقال نمودار تابع $y = x^3$ به دست آمده است، ضابطه آن را مشخص می‌کنیم:

$$f(x) = a(x-1)^3 + 2 \xrightarrow{(0, 0) \in f} a(0-1)^3 + 2 \Rightarrow a = 2$$

$$\Rightarrow f(x) = 2(x-1)^3 + 2$$

حال به کمک ضابطه تابع f ، ضابطه تابع g را تشکیل می‌دهیم و مجانب‌های

$$g(x) = \frac{|2(x-1)^3 + 2|}{2(-\frac{x}{2}-1)^3 + 2}$$

افقی آن را مشخص می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{|2(x-1)^3 + 2|}{2(-\frac{x}{2}-1)^3 + 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{|2x^3|}{-\frac{x^3}{4}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^3}{-\frac{x^3}{4}} = -8$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{|2(x-1)^3 + 2|}{2(-\frac{x}{2}-1)^3 + 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{|2x^3|}{-\frac{x^3}{4}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x^3}{-\frac{x^3}{4}} = 8$$

در نتیجه فاصله مجانب‌های افقی تابع g برابر است با:

(مسابان ۲- هرهاي نامتهاي- مر در بي نهايت: صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

حال با توجه به این که وقتی $x \rightarrow +\infty$ ، آنگاه $f(x) \rightarrow 2^+$ و داریم:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f \circ f)(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$$

$$= \lim_{t \rightarrow 2^+} f(t) = \lim_{t \rightarrow 2^+} \frac{2t^3 + 1}{t^3 - 4} = +\infty$$

(مسابان ۲- هرهاي نامتهاي- مر در بي نهايت:

صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷ و ۶۷)

(حامد قاسمیان)

گزینه «۴»

راه اول: مجانب‌های قائم تابع $y = \tan x$ به

$$\text{صورت } x = k\pi + \frac{\pi}{2}, \quad (k \in \mathbb{Z}) \text{ است. در نتیجه:}$$

$$2x + \frac{\pi}{2} = k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow 2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2}, \quad k \in \mathbb{Z}$$

بنابراین مجانب‌های قائم تابع $y = -3 + \tan(2x + \frac{\pi}{2})$ به

$$\text{صورت } x = \frac{k\pi}{2} \text{ است و کمترین فاصله بین دو مجانب قائم}$$

$$|\frac{(k+1)\pi}{2} - \frac{k\pi}{2}| = \frac{\pi}{2}$$

راه دوم: فاصله بین دو مجانب تابع، همان دوره تناوب (T) است:

(مسابان ۲- مثلثات: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۲)

(هرهاي نامتهاي- مر در بي نهايت: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)

(سینا غیرفرواه)

گزینه «۵»

ابتدا مجانب‌های افقی تابع f را مشخص می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(a+1)x}{(a-1)x} = \frac{a+1}{a-1}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(a-1)x}{(a+1)x} = \frac{a-1}{a+1}$$

با توجه به این که فاصله مجانب‌های افقی برابر $\frac{3}{2}$ است داریم:

$$|\frac{a+1}{a-1} - \frac{a-1}{a+1}| = \frac{3}{2} \Rightarrow \left| \frac{4a}{a^2 - 1} \right| = \frac{3}{2} \quad a > 1 \Rightarrow \frac{4a}{a^2 - 1} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow 3a^2 - 3 = 8a \Rightarrow 3a^2 - 8a - 3 = 0 \quad a > 1 \Rightarrow a = 3$$

(مسابان ۲- هرهاي نامتهاي- مر در بي نهايت: صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

(نیما مونس)

گزینه «۶»

با توجه به ضابطه تابع f ، حاصل $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x)$ وقتی $x \rightarrow \pm\infty$ را مشخص می‌کنیم:



(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۴» - ۲۳ گزینه

ابتدا دترمینان ماتریس A را محاسبه می‌کنیم:

$$2A = \begin{vmatrix} |A|^2 & -3 \\ 4 & |A| - 3 \end{vmatrix} \Rightarrow |2A| = \begin{vmatrix} |A|^2 & -3 \\ 4 & |A| - 3 \end{vmatrix}$$

$$\Rightarrow 4|A| = |A|^2 (|A| - 3) + 12$$

$$\Rightarrow |A|^2 (|A| - 3) - 4(|A| - 3) = 0$$

$$\Rightarrow (|A|^2 - 4)(|A| - 3) = 0 \Rightarrow |A| = -2, 2, 3$$

به ازای هر مقدار $|A|$ ، مقادیر x و y را به دست می‌آوریم:

$$|A| = -2 \Rightarrow 2A = \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 4 & -5 \end{bmatrix} \quad (\text{الف})$$

$$\Rightarrow A = \begin{bmatrix} 2 & -\frac{3}{2} \\ 2 & -\frac{5}{2} \end{bmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{-2} \begin{bmatrix} -5 & 3 \\ -2 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{-2} \begin{bmatrix} -5 & 3 \\ -2 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{11}{2} \\ -6 \end{bmatrix} \Rightarrow x - y = \frac{1}{2}$$

$$|A| = 2 \Rightarrow 2A = \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 4 & -1 \end{bmatrix} \quad (\text{ب})$$

$$\Rightarrow A = \begin{bmatrix} 2 & -\frac{3}{2} \\ 2 & -\frac{1}{2} \end{bmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ -2 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ -2 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{7}{2} \\ 6 \end{bmatrix} \Rightarrow x - y = -\frac{5}{2}$$

$$|A| = 3 \Rightarrow 2A = \begin{bmatrix} 9 & -3 \\ 4 & 0 \end{bmatrix} \quad (\text{ج})$$

$$\Rightarrow A = \begin{bmatrix} 9 & -3 \\ 4 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ -2 & 2 \end{bmatrix}$$

(فرشاد صدیقی فر)

«۴» - ۲۱ گزینه

ماتریس مورد نظر را تشکیل می‌دهیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} A^2 = A \times A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\ A^3 = A^2 \times A = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \\ kA = \begin{bmatrix} 2k & 0 \\ 0 & k \end{bmatrix} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow A^3 - kA = \begin{bmatrix} 8 - 2k & 0 \\ 0 & 1 - k \end{bmatrix}$$

$$\xrightarrow{\text{ماتریس اسکالر}} 8 - 2k = 1 - k \Rightarrow k = 7$$

(هنرسهه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۲۰)

(اصغرضا غلاچ)

«۴» - ۲۲ گزینه

از روی فرض، ماتریس A^{-1} را یافته و سپس ماتریس A را به دست

می‌آوریم:

$$A^{-1} + I = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -2 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -2 & 5 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\xrightarrow{\text{ولوون}} A = (A^{-1})^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}^{-1} = \frac{1}{4-6} \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & -\frac{3}{2} \\ -1 & -\frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A + I = \begin{bmatrix} -1 & -\frac{3}{2} \\ -1 & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \Rightarrow |A + I| = -\frac{1}{2} - \frac{3}{2} = -2$$

(هنرسهه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲، ۲۳، ۲۴ و ۲۵)



$$\begin{array}{l} (1), (2) \rightarrow \begin{cases} ab + b = -10 \\ ab + a = -18 \end{cases} \xrightarrow{\text{تفاضل}} b - a = 8 \Rightarrow b = a + 8 \end{array}$$

$$\xrightarrow{(1)} (a+8)(a+1) = -10 \Rightarrow \underbrace{a^2 + 9a + 18}_{(a+3)(a+6)} = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -3 \\ a = -6 \end{cases}$$

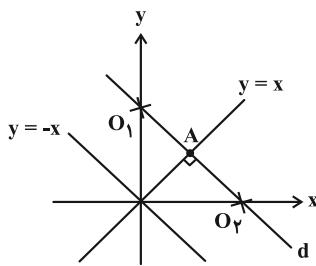
$$\begin{cases} a = -3 \xrightarrow{(*)} -\frac{3}{9} = \frac{m-1}{2m-3} \xrightarrow{\text{نهایت}} m = 1/2 \\ a = -6 \xrightarrow{(*)} -\frac{6}{9} = \frac{m-1}{2m-3} \xrightarrow{\text{نهایت}} m = \frac{9}{4} \end{cases}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۹ تا ۳۳)

(اعمدها خلاج)

گزینه «۳»

مکان هندسی مراکز دایره‌هایی که بر هر دو نیمساز نواحی مختصات (خطوط $x = y$ و $y = -x$) مماس باشد، خطوط نیمساز این دو خط (یعنی محور x و y ها) را تشکیل می‌دهد. همچنین مکان هندسی مرکز دایره‌هایی که از نقطه A روی خط $x = y$ گذشته و بر خط $y = x$ مماس باشند، خط d گذرا از A و عمود بر خط $x = y$ می‌باشد. خط d محورهای مختصات را در دو نقطه (O_1, O_2) قطع می‌کند. بنابراین مسئله ۲ جواب دارد.



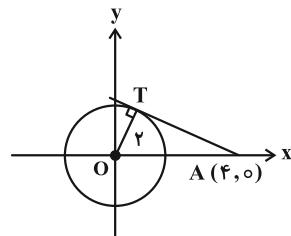
(هنرسه ۳- آشناش با مقاطع مفروضی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(فرشاد صدیقی فر)

گزینه «۱»

مرکز دایره به معادله $x^2 + y^2 = 4$ ، مبدأ مختصات و شعاع آن برابر است. شعاع (OT) عمود بر خط مماس را رسم می‌کنیم. مطابق

شكل داریم:



$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 0 & \frac{3}{2} \\ -1 & \frac{9}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ \frac{22}{3} \end{bmatrix} \Rightarrow x - y = -\frac{16}{3}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

(اسماق اسفندیار)

گزینه «۴»

ماتریس $B^{-1} - A^{-1}$ را از سمت چپ و راست به ترتیب در ماتریس‌های A و B ضرب می‌کنیم:

$$A(B^{-1} - A^{-1})B = A \underbrace{B^{-1}B}_{I} - \underbrace{AA^{-1}B}_{I} = A - B$$

در این صورت داریم:

$$|A - B| = |A(B^{-1} - A^{-1})B|$$

$$= |A| |B^{-1} - A^{-1}| |B| = |AB| |B^{-1} - A^{-1}|$$

ماتریس $B - A$ مرتبه ۲ بوده و داریم:

$$|B - A| = -(A - B) = (-1)^2 |A - B| = |A - B|$$

$$\Rightarrow |B^{-1} - A^{-1}| = \frac{|B - A|}{|AB|} = \frac{1 \times 2 - (4)(-1)}{6} = \frac{6}{6} = 1$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲، ۲۳، ۲۹ و ۳۱)

(مهرداد ملوندی)

گزینه «۱»

چون ماتریس اولی وارون پذیر نیست، پس دترمینان آن صفر است. دترمینان

این ماتریس را از روش ساروس به دست آورده و برابر صفر قرار می‌دهیم:

$$\begin{vmatrix} a & -4 & 2 \\ -\frac{1}{2} & 0 & 1 \\ 3 & b & -1 \end{vmatrix} = 0 \xrightarrow{\text{ساروس}} (0 - 12 - b) - (0 - 2 + ab) = 0$$

$$\Rightarrow -10 - b(a+1) = 0 \Rightarrow b(a+1) = -10 \quad (1)$$

این که دستگاه داده شده، حداقل دو جواب دارد، به این معناست که دارای

بی‌شمار جواب است و در نتیجه:

$$\frac{a}{9} = \frac{-2}{b+1} = \frac{m-1}{2m-3} \quad (*)$$

$$a(b+1) = -18 \quad (2)$$



$$R = \frac{1}{\sqrt{(-2)^2 + (-6)^2 - 4(2)}} = 2\sqrt{2} \Rightarrow R\sqrt{2} = 4$$

پس نقطه A روی دایره C' به مرکز O و شعاع ۴ قرار دارد.

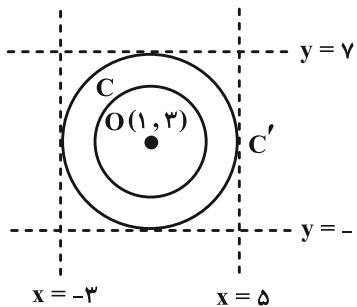
با توجه به مختصات مرکز دایره، یعنی (۱, ۳)، خطوط قائم $x = 5$

و $x = -3$ و خطوط افقی $y = 7$ و $y = -1$ بر دایره C' مماس‌اند. هر

خط افقی یا قائم که خارج از فاصله بین این چهار خط مذکور باشد، قادر

نقطه‌ای است که بتوان از آن نقطه، دو مماس عمود بر هم بر دایره C رسم

کرد. در بین خطوط داده شده، خط $-3 = y$ دارای این ویژگی است.



(هنرسه ۳-آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

(امیرضا غلام)

گزینه «۴»

مرکزهای این دو دایره را که روی خط $y = x + 1$ قرار دارند به صورت

پارامتری $O'(\alpha, \alpha + 1)$ در نظر می‌گیریم.

فاصله مرکز دایره تا خط $y = x + 1$ برابر شعاع دایره می‌باشد، پس:

$$R = |y_{O'} - 4| = |\alpha + 1 - 4| = 3 \Rightarrow |\alpha - 3| = 3$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha - 3 = 3 \Rightarrow \alpha = 6 \Rightarrow O_1(6, 7) \\ \alpha - 3 = -3 \Rightarrow \alpha = 0 \Rightarrow O_2(0, 1) \end{cases}$$

طول خط‌المرکزین را با مقادیر جمع و تفاضل شعاع دایره‌ها مقایسه می‌کنیم:

$$O_1O_2 = \sqrt{(6-0)^2 + (7-1)^2} = 6\sqrt{2}, \quad \begin{cases} R_1 + R_2 = 6 \\ |R_1 - R_2| = 0 \end{cases}$$

دو دایره متخارج‌اند. $\Rightarrow O_1O_2 > R_1 + R_2$

(هنرسه ۳-آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه‌های ۳۰ و ۳۵)

$$OA^2 = OT^2 + AT^2 \Rightarrow 16 = 4 + AT^2 \Rightarrow AT = \sqrt{12}$$

نقطه تماس را به صورت $T(x, \sqrt{4-x^2})$ در نظر می‌گیریم. داریم:

$$AT = \sqrt{(x-4)^2 + (\sqrt{4-x^2})^2} = \sqrt{12}$$

$$\Rightarrow \sqrt{-8x+20} = \sqrt{12} \Rightarrow x = 1$$

(هنرسه ۳-آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

(اخشین شاصه‌خان)

گزینه «۳»

$$\text{مرکز و شعاع دایره } 1 = (x+1)^2 + (y-1)^2 = 2a+1 \text{ عبارتند از:}$$

$$O'(-1, 1) \text{ و } r = \sqrt{2a+1}$$

با توجه به فرض، خط باید بر دایره مماس باشد و در نتیجه فاصله مرکز دایره

از خط مفروض برابر شعاع دایره است:

$$\frac{|-1+2(1)+3a-2|}{\sqrt{1^2+2^2}} = \sqrt{2a+1}$$

$$\Rightarrow |3a-1| = \sqrt{5} \times \sqrt{2a+1} \Rightarrow 9a^2 - 6a + 1 = 5(2a+1)$$

$$\Rightarrow 9a^2 - 16a - 4 = 0 \Rightarrow (a-2)(9a+2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ a = -\frac{2}{9} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = 2 \Rightarrow R_1 = \sqrt{5} \\ a = -\frac{2}{9} \Rightarrow R_2 = \frac{\sqrt{5}}{3} \end{cases} \Rightarrow R_1 + R_2 = \sqrt{5} + \frac{\sqrt{5}}{3} = \frac{4}{3}\sqrt{5}$$

(هنرسه ۳-آشنایی با مقاطع مفروطی؛ صفحه ۳۵)

(امیرحسین ابومیوب)

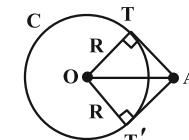
گزینه «۳»

فرض کنید از نقطه A، دو مماس عمود بر هم بر دایره C(O, R) رسم

کرده باشیم. چهارضلعی ATOT' چهار زاویه قائم‌های دارد و دو ضلع مجاور

آن برابر یکدیگرند ($OT = OT' = R$)، پس این چهارضلعی مریع است

و در نتیجه OA قطر مریع و اندازه آن برابر $R\sqrt{2}$ است.





$$q = 1, b + 3 = 45 \Rightarrow b = 42 \quad (3)$$

تنها موارد (۱) و (۳) قابل قبول است و مورد (۲) با شرط $b < 3q$ مخوانی ندارد و غیرقابل قبول است.

(ریاضیات کسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۴ و ۱۵)

(امیرضا خلاج)

گزینه «۳»

طبق فرض داریم:

$$4^n + 55 \equiv 0 \Rightarrow 4^n \equiv -55 \equiv -4 \quad (17)$$

یعنی توانهایی از ۴ را می‌خواهیم که در تقسیم بر ۱۷ با -4 همنهشت باشند:

$$4^2 \equiv -1 \xrightarrow{\times 4} 4^3 \equiv -4 \xrightarrow{\times 4} 4^4 \equiv -16 \equiv 1 \quad (17)$$

$$\xrightarrow{\times 4} 4^5 \equiv 4 \xrightarrow{\times 4} 4^6 \equiv -1 \xrightarrow{\times 4} 4^7 \equiv -4 \quad (17)$$

بنابراین ...، $n = 4k + 3$ ، $n = 3, 7, \dots$ ، $k \geq 0$ ، پس $n = 4k + 3$ ، $k \geq 0$ ، الگوی توانهایی از ۴ می‌باشد که در تقسیم بر ۱۷ با -4 همنهشت می‌باشد.

$$n = 4k + 3 \xrightarrow{\text{دورقمی}} 10 \leq 4k + 3 < 100$$

$$\Rightarrow k = 2, \dots, 24 \Rightarrow 22 \quad \text{مقدار}$$

(ریاضیات کسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۲)

(سوندر روشن)

گزینه «۴»

عدد داده شده مضرب ۹ است، پس طبق قاعدة بخش‌بذیری بر ۹ داریم:

$$77a1a \equiv 7 + 7 + a + 1 + a \equiv 0 \Rightarrow 2a \equiv -15 \equiv -15 + 27 \equiv 12 \quad (9)$$

$$\xrightarrow{(2, 9)=1} a \equiv 6 \xrightarrow{0 \leq a \leq 9} a = 6$$

$$6^6 \equiv ? \Rightarrow \begin{cases} 6^6 \equiv 0 \equiv -6 \\ 6^6 \equiv (-1)^6 \equiv 1 \equiv -6 \end{cases} \quad \text{خواسته سؤال}$$

$$[6, 7] = 42 \xrightarrow{6^6 \equiv -6 \equiv 36}$$

$$6^6 \in [36]$$

(ریاضیات کسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۳)

(مهرداد ملونری)

گزینه «۱»

معادله سیاله فوق در \mathbb{Z} جواب دارد، پس: $(P^2 - 1, 9) | P$ $\quad (*)$

از آنجا که $9 = 3^2$ ، پس مقدار $P^2 - 1$ بقیه 9 می‌تواند باشد. یکی از سه مقدار $1, 3, 9$ یا

$27k + 1$ است و در این صورت عدد اول P به صورت $1 + 27k$ است. اگر $P \neq 3$ ، در این صورت عدد اول P به صورت $1 + 27k$ است و در این صورت:

(امیرحسین ابومیوب)

گزینه «۱»

طبق ویژگی‌های رابطه عاد کردن داریم:

$$\begin{cases} 2n + 3 \mid 3n^2 - 2n + 5 \xrightarrow{\times 2} 2n + 3 \mid 6n^2 - 4n + 10 \\ 2n + 3 \mid 2n + 3 \xrightarrow{\times 3n} 2n + 3 \mid 6n^2 + 9n \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} 2n + 3 \mid 13n - 10$$

$$\begin{cases} 2n + 3 \mid 13n - 10 \xrightarrow{\times 2} 2n + 3 \mid 26n - 20 \\ 2n + 3 \mid 2n + 3 \xrightarrow{\times 13} 2n + 3 \mid 26n + 39 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} 2n + 3 \mid 59 \quad (*)$$

n عددی طبیعی و عدد ۵۹ اول است، پس از رابطه (*) نتیجه می‌شود:

$$2n + 3 = 59 \Rightarrow n = 28$$

کوچک‌ترین عدد طبیعی سه رقمی مضرب ۲۸، عدد $4 \times 28 = 112$ است که مجموع ارقامش برابر ۴ می‌باشد.

(ریاضیات کسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۴)

(علیرضا شریف‌خطیبی)

گزینه «۲»

اعداد اول بزرگ‌تر از ۲، اعدادی فرد هستند، پس a عددی فرد است

$$a + 2^{101} + a \text{ نیز عددی فرد می‌باشد و چون } b \text{ مقسوم‌علیه } (a + 2^{101})$$

است، پس b نیز فرد می‌باشد. می‌دانیم مربع هر عدد فرد به شکل $8k + 1$ است، $(k \in \mathbb{Z})$ ، نوشته می‌شود، پس:

$$a^2 + b^2 + 17 = (8k + 1) + (8k' + 1) + 17$$

$$= 8(k + k') + 19 = 8(k + k' + 2) + 3 = 8q + 3$$

(ریاضیات کسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۴)

(علیرضا شریف‌خطیبی)

گزینه «۳»

طبق فرض باید در تقسیم $r = 3q$ ، $a = bq + r$ ، رابطه $b < q$ برقرار باشد.

داریم:

$$45 = bq + 3q \Rightarrow q(b + 3) = 45 = 3 \times 15 = 5 \times 9 = 1 \times 45$$

در قضیه تقسیم، همواره $b < r$ است پس $b < 3q$ ، یعنی $b < q$ و در

نتیجه $q < b + 3$ و داریم:

$$q = 3, b + 3 = 15 \Rightarrow b = 12 \quad (1)$$

$$q = 5, b + 3 = 9 \Rightarrow b = 6 \quad (2)$$



(آرین تفضلیزاده)

«۴» -۳۹

در این گراف $r = 4$ منظم، رابطه زیر برقرار است:

$$pr = 2q \xrightarrow{q=p+3} pr = 2(p+3) \Rightarrow pr - 2p = 6$$

$$p(r-2) = 6 \Rightarrow p = \frac{6}{r-2}$$

$$\begin{cases} r=3 \Rightarrow p=6 & \checkmark \\ r=4 \Rightarrow p=3 & \times \\ r=5 \Rightarrow p=2 & \times \\ r=6 \Rightarrow p=1 & \times \end{cases}$$

توجه داشته باشید که $1 \leq r \leq p-1$.

(ریاضیات گستته-گراف و مدل سازی؛ صفحه های ۳۵ تا ۳۶)

(امیرحسین ابومنوب)

«۲» -۴۰

ابتدا عدد 360 را به عامل های اول آن تجزیه می کنیم:

$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

با توجه به این که یکی از عامل ها عدد 5 است، پس $\Delta(G) \geq 5$.درجات گرافی از مرتبه 6 با اعدادی که حاصل ضرب آنها 360 باشد، به صورت

زیر است:

$$G : 5, 4, 3, 3, 2, 1$$

$$q(G) = \frac{5+4+3+3+2+1}{2} = 9 \quad \text{در این صورت داریم:}$$

$$q(\bar{G}) = \frac{p(p-1)}{2} - q(G) = \frac{6 \times 5}{2} - 9 = 6$$

$$\delta(G) + \Delta(\bar{G}) = p-1 \Rightarrow 1 + \Delta(\bar{G}) = 5 \Rightarrow \Delta(\bar{G}) = 4$$

$$q(\bar{G}) + \Delta(\bar{G}) = 10 \quad \text{در نتیجه:}$$

توجه: حاصل ضرب دنباله اعداد $2, 2, 3, 3, 5$ نیز برابر 360

است ولی این دنباله نمی تواند درجات رئوس گراف ساده باشد!

(ریاضیات گستته-گراف و مدل سازی؛ صفحه های ۳۷ تا ۳۸)

$$P^2 - 1 = (P-1)(P+1) \begin{cases} P=3k+1 \Rightarrow 3k(3k+2) \\ P=3k+2 \Rightarrow 3(3k+1)(k+1) \end{cases}$$

يعني به ازاي $P^2 - 1$ عدد P مضرب 3 است.در نتیجه حاصل $(P^2 - 1)$ يکي از دو مقدار 3 يا 9 است که از رابطه(*) تنها عدد اول $P = 3$ می تواند قرار بگیرد که غیرقابل قبول است. پسفرض $P \neq 3$ غلط است و $P = 3$ می باشد و معادله سیاله به صورت زیر می شود:

$$8x + 9y = 3 \xrightarrow{\substack{9 \\ 9 \\ 9}} 8x \equiv 3 \Rightarrow -x \equiv 3 \Rightarrow x \equiv -3 \Rightarrow x = 9m - 3$$

به ازاي $m = 11$ ، بزرگ ترین مقدار طبیعی دو رقمی x به دست می آید:

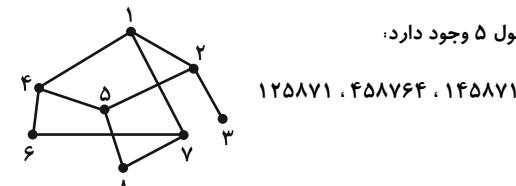
$$x_{\max} = 9 \times 11 - 3 = 96 \Rightarrow 15$$

(ریاضیات گستته-آشناي با نظرية اعداد؛ صفحه های ۲۴ تا ۲۵)

(اخشنین خاصه خان)

«۳» -۳۷

مطابق نمودار، رئوس را شماره گذاري می کنیم.

سه دور به طول 5 وجود دارد:

$$125871, 458764, 145871$$

(ریاضیات گستته-گراف و مدل سازی؛ صفحه های ۳۸ تا ۳۹)

(علیرضا شریف‌نظامی)

«۳» -۳۸

تعداد يال های گراف كامل هم مرتبه G برابر است با:

$$q(K_{10}) = \binom{10}{2} = \frac{10 \times 9}{2} = 45$$

گراف G ، 20 يال کمتر از K_{10} دارد. برای رسم 20 يال حداقل 7 رأسلازم است $q(K_7) = \binom{7}{2} = 21 > 20$. پس از گراف كاملمرتبه $10, 20$ يال را به صورت فشرده، از يک مجموعه 7 رأسی جدامي کنیم. لذا سه رأس دیگر از درجه 9 باقی خواهد ماند، که حداقل تعداد

رئوس ممکن است.

(ریاضیات گستته-گراف و مدل سازی؛ صفحه های ۳۸ تا ۳۹)



فاصله ۲ متحرک در لحظه $t = 8$ برابر است با:

$$\begin{aligned} |x_A - x_B| &= |v_A t + x_{A_0} - (v_B t + x_{B_0})| \\ &= |\lambda v_A - 2 - \lambda v_B - 4| = \lambda(v_A - v_B) - 6 \\ &= \lambda(1/2) - 6 = 9/6 - 6 = 3/6 \text{ m} \end{aligned}$$

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(زهره آقامحمدی)

«۴۴- گزینه ۴»

با توجه به نمودار مشخص است که حرکت متحرک A با سرعت ثابت و حرکت متحرک B با شتاب ثابت صورت می‌گیرد، در نتیجه سرعت متحرک A و شتاب متحرک B برابرند با:

$$v_A = \frac{m}{s} \quad a_B = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_B - v_{B_0}}{t_2 - t_1} = \frac{20 - 40}{5} = -4 \frac{m}{s^2}$$

با داشتن شتاب متحرک B، با استفاده از معادله سرعت-زمان، لحظه تغییر جهت متحرک B را که در آن سرعت متحرک صفر می‌شود، به دست می‌آوریم:

$$v = at + v_{B_0} \Rightarrow 0 = -4t + 40 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

سپس معادله حرکت هر دو متحرک را در SI می‌نویسیم:

$$x_A = v_A t + x_{A_0} \xrightarrow{x_{A_0} = -2m} x_A = 20t - 2 \quad (1)$$

$$x_B = \frac{1}{2}at^2 + v_{B_0}t + x_{B_0} \xrightarrow{a = -4 \frac{m}{s^2}, v_{B_0} = 40 \frac{m}{s}} x_B = -2t^2 + 40t + 20$$

$$x_B = \frac{1}{2} \times (-4)t^2 + 40t + 20 \Rightarrow x_B = -2t^2 + 40t + 20 \quad (2)$$

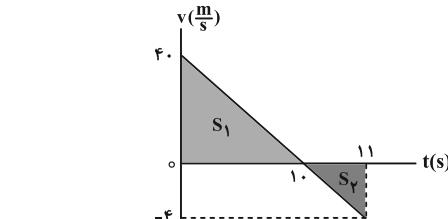
لحظه‌ای که دو متحرک به هم می‌رسند، مکان یکسانی دارند. بنابراین داریم:

$$x_A = x_B \xrightarrow{(1), (2)} 20t - 2 = -2t^2 + 40t + 20$$

$$\Rightarrow 2t^2 - 20t - 22 = 0 \Rightarrow t^2 - 10t - 11 = 0$$

$$\Rightarrow (t+1)(t-11) = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = -1 \\ t = 11 \text{ s} \end{cases}$$

اکنون مسافت طی شده توسط متحرک B را از لحظه صفر تا $t = 11$ s به دست می‌آوریم. توجه کنید که چون متحرک B در لحظه $t = 10$ s تغییر $t = 10$ s را از لحظه صفر تا $t = 10$ s و $t = 11$ s تا $t = 11$ s دارد، مسافت طی شده برابر حاصل جمع قدر مطلق جابه‌جایی‌ها از لحظه صفر تا $t = 10$ s و $t = 11$ s تا $t = 11$ s است. با توجه به این که مساحت زیر نمودار سرعت-زمان، برابر جابه‌جایی است، داریم:



$$\ell = S_1 + S_2 = \frac{40 \times 10}{2} + \frac{4 \times 1}{2} = 202 \text{ m}$$

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

فیزیک

- ۴۱- گزینه ۲»

بررسی موارد:

(مسام تاری)

(الف) درست؛ جهت تغیر (گودی) نمودار $x - t$ ، علامت شتاب را نشان می‌دهد که در بازه $0 \leq t_1 \leq t_2$ ، گودی به سمت پایین و در نتیجه علامت شتاب منفی و در خلاف جهت محور X است.

(ب) نادرست؛ شبی خط واصل بین دو نقطه از نمودار $x - t$ ، سرعت متوسط را نشان می‌دهد که در نمودار داده شده، اندازه شبی خط واصل دو لحظه t_1 و t_2 ، بزرگ‌تر از اندازه شبی خط واصل دو لحظه t_2 و t_3 است.

(پ) درست؛ بردار مکان زمانی تغییر جهت می‌دهد که اولاً $x = 0$ و ثانیاً علامت X تغییر کند که تنها در لحظه t_3 این اتفاق می‌افتد. وقت کنید که در لحظه t_3 $x = 0$ می‌شود ولی تغییر علامت نمی‌دهد.

(ت) نادرست؛ جهت حرکت متحرک زمانی تغییر می‌کند که شبی خط مماس بر نمودار $x - t$ که بیانگر سرعت است، صفر شود و تغییر علامت بدهد. در نمودار داده شده در لحظات t_1 ، t_2 و t_3 این اتفاق رخ می‌دهد.

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

- ۴۲- گزینه ۲»

(مبینی نکوئیان)

برای به دست آوردن سرعت متوسط ($\bar{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$) در جابه‌جایی بین مکان‌های X_1 و X_2 ، چهار حالت زیر را می‌توان در نظر گرفت:

$$t_1 \leq t \leq t_2 : |v_{av_1}| = \frac{x_1 - x_2}{t_2 - t_1}$$

$$t_1 \leq t \leq t_2 : |v_{av_2}| = \frac{x_1 - x_2}{t_2 - t_1}$$

$$t_2 \leq t \leq t_3 : |v_{av_3}| = \frac{x_1 - x_2}{t_3 - t_2}$$

$$t_2 \leq t \leq t_3 : |v_{av_4}| = \frac{x_1 - x_2}{t_3 - t_2}$$

ملاحظه می‌شود که $|v_{av_4}|$ بیشترین و $|v_{av_1}|$ کمترین اندازه سرعت متوسط می‌باشد. بنابراین:

$$|v_{av_1}| - |v_{av_2}| = 12 \Rightarrow \frac{4(x_1 - x_2)}{\Delta t'} = 12 \Rightarrow \frac{x_1 - x_2}{\Delta t'} = 15 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_{av_2} = \frac{x_1 - x_2}{\Delta t'} = \frac{15}{4} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

و در نهایت می‌توان نوشت:

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(بهزاد آزادفر)

- ۴۳- گزینه ۱»

طبق نمودار حرکت با سرعت ثابت است، پس:

$$x_A = v_A t + x_{A_0} \Rightarrow x_A = v_A t - 2$$

$$x_B = v_B t + x_{B_0} \Rightarrow x_B = v_B t + 4$$

دو متحرک در لحظه $t = 5$ به هم می‌رسند:

$$x_A = x_B \xrightarrow{t=5} v_A t - 2 = v_B t + 4$$

$$v_A - v_B = 1/2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_A - v_B = 1/2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$



(ممکن‌گاظم منشاء‌ای)

$$\begin{aligned} v_B^2 - v_A^2 &= 2a(x_B - x_A) \\ v_C^2 - v_A^2 &= 2a(x_C - x_A) \end{aligned} \Rightarrow \frac{v_B^2 - v_A^2}{v_C^2 - v_A^2} = \frac{r}{\frac{8r}{9}}$$

$$\Rightarrow \frac{\lambda}{9} v_B^2 - \frac{\lambda}{9} v_A^2 = v_C^2 - v_A^2$$

$$\Rightarrow v_C^2 = \frac{\lambda}{9} v_B^2 + \frac{1}{9} v_A^2 = \frac{1}{9}(\lambda v_B^2 + v_A^2)$$

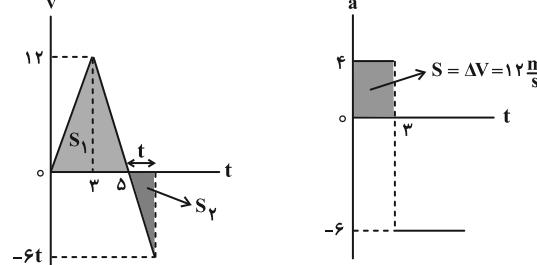
$$\Rightarrow v_C = \sqrt{\frac{1}{9}(\lambda v_B^2 + v_A^2)}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر قطع راست: صفحه ۱۸)

(مهری شریفی)

گزینه ۲ - ۴۷

سطح زیر نمودار شتاب- زمان نشان دهنده تغییرات سرعت است، پس ابتدا به کمک نمودار شتاب- زمان، نمودار سرعت- زمان متحرک را رسم می‌کنیم.



چون مساحت زیر نمودار سرعت- زمان برابر جابه‌جایی است، فرض می‌کنیم t ثانیه بعد از لحظه $t = 0$ S_1 و S_2 برابر می‌شوند. $\Delta x = 0$ شود:

$$S_1 = \frac{\Delta x \cdot 12}{2} = 30 \text{ m} \Rightarrow |S_2| = 30 \text{ m}$$

$$|S_2| = 30 = \frac{t \times 6t}{2} \Rightarrow t = \sqrt{10} \text{ s}$$

پس در لحظه $t = 5 + \sqrt{10} \text{ s}$ ، جابه‌جایی متحرک و در نتیجه سرعت متوسط آن تا این لحظه صفر می‌شود.

(فیزیک ۳- حرکت بر قطع راست: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(مهران اسماعیلی)

گزینه ۳ - ۴۹

با استفاده از معادله سرعت- زمان و معادله مکان- زمان متحرک، می‌توان شتاب و سرعت اولیه متحرک را محاسبه کرد:

$$v = at + v_0 \xrightarrow[t=0]{v=0} 0 = a \times 2 + v_0 \Rightarrow 2a + v_0 = 0 \quad (1)$$

$$x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t + x_0 \xrightarrow[t=0]{x=0} x_0 = 24 \text{ m}$$

$$0 = \frac{1}{2} a \times 6^2 + v_0 \times 6 + 24 \Rightarrow 18a + 6v_0 + 24 = 0 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \begin{cases} 2a + v_0 = 0 \\ 18a + 6v_0 = -24 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -4 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ v_0 = 8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{cases}$$

(علیرضا بباری)

چون حرکت بر مسیر مستقیم و بدون تغییر جهت است، جابه‌جایی و مسافت، برابر هستند.

$$v_0 \xrightarrow[t_1=6s]{\frac{5}{9}l} t_2 \xrightarrow[\frac{4}{9}l]{} v=0$$

رابطه مستقل از سرعت اولیه (حرکت بر عکس جهت شکل بالا) در حرکت با

شتاب ثابت را یک بار برای کل مسیر و بار دیگر برای آخر مسیر می‌نویسیم و از تقسیم آنها بر یکدیگر t_2 را به دست می‌آوریم:

$$\left. \begin{aligned} \Delta x &= -\frac{1}{2} at^2 + vt \xrightarrow[v=0, \Delta x=l]{} \\ \ell &= -\frac{1}{2} a(t_1 + t_2)^2 \\ \Delta x &= -\frac{1}{2} at^2 + vt \xrightarrow[t=t_2, v=0]{\Delta x=\ell-\frac{5}{9}\ell=\frac{4}{9}\ell} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{\ell}{\frac{4}{9}\ell} = \frac{(t_1 + t_2)^2}{t_2^2}$$

$$\frac{4}{9} = -\frac{1}{2} at_2^2 \xrightarrow[4]{\frac{9}{4}=\frac{(t_1+t_2)^2}{t_2^2}} \frac{t_1+t_2}{2} = \frac{t_2}{t_2}$$

$$\Rightarrow 4t_2 = 2t_1 + 2t_2 \Rightarrow t_2 = 2t_1 \xrightarrow[t_1=6s]{t_2=12s} t_2 = 12s$$

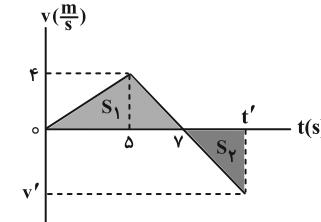
(فیزیک ۳- حرکت بر قطع راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(علیرضا بباری)

سرعت متحرک در لحظه t' را با v' نشان می‌دهیم. شتاب متحرک در بازه زمانی Δs تا t' ثابت است، بنابراین می‌توانیم شتاب حرکت در بازه زمانی Δs تا $7s$ را با شتاب حرکت در بازه زمانی $7s$ تا t' برابر قرار دهیم:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v' - v}{7s - 5s} = \frac{v'}{2s} \Rightarrow v' = -2(v' - v)$$

سطح محصور بین نمودار سرعت و محور زمان، جابه‌جایی متحرک را نشان می‌دهد:



$$\Delta x = S_1 + S_2 = \frac{7 \times 4}{2} + \frac{(t' - 7)v'}{2} \xrightarrow[v'=-2(v'-v)]{} v' = -2(t' - v)$$

$$\Delta x = 14 - \frac{2(t' - 7)(t' - v)}{2} \xrightarrow{} \Delta x = 14 - (t' - v)$$

اکنون رابطه سرعت متوسط را برای بازه زمانی صفر تا t' می‌نویسیم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{v_{av}=0/\Delta s}{\Delta t} \xrightarrow[\Delta t]{0/5} \frac{14 - (t' - v)}{t' - v} = \frac{14 - (t' - v)}{t' - v}$$

$$\Rightarrow 0/5 = 14 - (t' - v) \xrightarrow[t'>v]{} t' = 14 - 13/5 = 10$$

$$(t' - 10)(t' - 3/5) = 0 \xrightarrow[t'>v]{} \begin{cases} t' = 3/5 \\ t' = 10 \end{cases}$$

غ ق ق
ق ق ق

(فیزیک ۳- حرکت بر قطع راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)



(مسین الحسن)

«۳» - ۵۲

زمانی چتر باز به تندي حدی می‌رسد که $f_D = mg$ باشد.

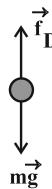
$$f_D = 120 \times 1^2 = 120 \times 1^2 = 480 \text{ N} \xrightarrow{f_D = mg} 480 = m \times 10$$

$$\Rightarrow m = 48 \text{ kg}$$

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow mg - f_D = ma$$

$$\Rightarrow 480 - (120 \times 1^2) = 480 \times a \Rightarrow 360 = 480 \times a$$

$$\Rightarrow a = 7.5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$



(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۷ تا ۳۲)

(امیر احمد مریسعید)

«۱» - ۵۳

ابتدا نیروی عمودی سطح را به دست آورده و سپس μ_k و μ_s را می‌باییم:

$$F_N = mg + 20 \Rightarrow F_N = 40 \text{ N}$$

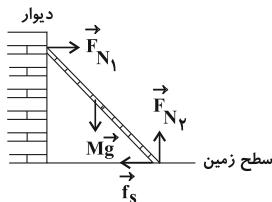
$$f_{s,\max} = 30 \text{ N} \Rightarrow \mu_s F_N = 30 \Rightarrow 40 \mu_s = 30 \Rightarrow \mu_s = \frac{3}{4}$$

$$f_k = 20 \text{ N} \Rightarrow \mu_k F_N = 20 \Rightarrow 40 \mu_k = 20 \Rightarrow \mu_k = \frac{1}{2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۷ تا ۳۲)

(زهرا آقامحمدی)

«۲» - ۵۴

نیروهای وارد بر نرdban، به صورت شکل زیر است که در آن F_{N_1} ، نیروی عمودی سطح از طرف دیوار به نرdban، F_{N_2} ، نیروی عمودی سطح از طرف سطح زمین به نرdban، mg نیروی وزن و f_s نیروی اصطکاک ایستایی بین سطح زمین و نرdban است. چون نرdban ساکن است، نیروهای وارد بر آن متوازن‌اند و داریم:

$$\begin{cases} F_{N_1} = f_s \\ F_{N_2} = Mg \end{cases}$$

با قرار گرفتن شخص روی نرdban، نیروی وزن و در نتیجه نیروی F_{N_2} افزایش می‌یابد، ولی نیروهای f_s (نیروی اصطکاک ایستایی بین سطح زمین و نرdban) و F_{N_1} (نیرویی که سطح دیوار به نرdban وارد می‌کند)، ثابت می‌مانند. نیرویی که سطح زمین به نرdban وارد می‌کند (R)، طبق رابطه زیر افزایش می‌یابد:

$$R = \sqrt{F_{N_2}^2 + f_s^2} \xrightarrow{\text{افزایش می‌یابد}} R = \sqrt{F_{N_2}^2 + f_s^2}$$

توجه کنید که با افزایش F_{N_2} ، نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه بین نرdban و سطح زمین افزایش می‌یابد و نرdban همچنان ساکن می‌ماند:

$$f_{s,\max} = \mu_s F_{N_2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۷ تا ۳۲)

حال با استفاده از معادله سرعت- جابه‌جایی (مستقل از زمان) مکان متحرک را به دست می‌آوریم:

$$v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0) \xrightarrow{a = \frac{m}{s^2}, x_0 = 24 \text{ m}} v_0 = \lambda \frac{m}{s}, v = \frac{m}{s}$$

$$4^2 - 8^2 = 2(-4)(x - 24) \Rightarrow 16 - 64 = -8(x - 24)$$

$$\Rightarrow x = 30 \text{ m}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(مهران اسماعیلی)

«۲» - ۵۵

با انتخاب جهت مثبت به سمت پایین، معادله سرعت- جابه‌جایی (مستقل از

زمان) را یک بار برای $\frac{4}{9}$ اول مسیر و یار دیگر برای کل مسیر می‌نویسیم:

$$\begin{aligned} h &= \left\{ \begin{array}{l} v_0 = 0 \\ v_1 = \frac{4}{9}h \\ v_2 = \frac{5}{9}h \end{array} \right\} \quad \left\{ \begin{array}{l} v_1 = 2g(\frac{4}{9}h) \\ v_2 = 2gh \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{2g(\frac{4}{9}h)}{2gh} = \frac{4}{9} \\ &\Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{4}{9} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{2}{3} \Rightarrow v_1 = \frac{2}{3}v_2 \end{aligned}$$

چون حرکت گلوله سقوط آزاد و با شتاب ثابت و بدون تغییر جهت می‌باشد،

تندی متوسط در $\frac{5}{9}$ آخر مسیر میانگین v_1 و v_2 است.

$$s_{\text{av}} = v_{\text{av}} = \frac{v_1 + v_2}{2} \xrightarrow{v_1 = \frac{2}{3}v_2, s_{\text{av}} = 25 \text{ m}} 25 = \frac{\frac{2}{3}v_2 + v_2}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{5}{6}v_2 = 25 \Rightarrow v_2 = 30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_2 = 2gh \xrightarrow{v_2 = 30 \frac{\text{m}}{\text{s}}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} 30^2 = 2 \times 10 \cdot h \Rightarrow h = 45 \text{ m}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۶)

(محمد رضا شریفی)

«۲» - ۵۱

با استفاده از قانون دوم نیوتون داریم:

$$F - mg = ma \Rightarrow F = m(g + a) \quad (1)$$

$$2F - mg = ma' \Rightarrow 2F = m(g + a') \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} 2(mg + ma) = mg + ma'$$

$$2mg = ma' - ma \Rightarrow g = a' - a$$

$$a' = g + 2a \Rightarrow a' > 2a$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۷ تا ۳۲)



حال مقدار شتاب سیاره (g_s) را به دست می‌آوریم:

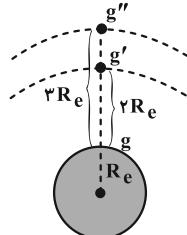
$$\frac{g_s}{g_e} = \frac{\rho_s}{\rho_e} \times \frac{R_s}{R_e} \Rightarrow \frac{\rho_s}{\rho_e} = 6, \frac{R_s}{R_e} = \frac{1}{2} \Rightarrow g_s = 6 \times \frac{1}{2} g_e = \frac{3}{2} g_e$$

$$\frac{g_s}{g_e} = \frac{6\rho_e}{\rho_e} \times \frac{\frac{1}{2} R_e}{R_e} \Rightarrow g_s = 6 \times \frac{1}{2} = 3 \text{ N/kg}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

۵۹- گزینه «۱» (علیرضا بیاری)

با تغییر مدار ماهواره، جرم آن عوض نمی‌شود اما هر چه از زمین دور شود، شتاب گرانش کاهش و در نتیجه، وزن آن هم کاهش می‌یابد.



$$12800 \text{ km} = 2 \times 6400 \text{ km} = 2R_e$$

$$25600 \text{ km} = 4 \times 6400 \text{ km} = 4R_e$$

$$\frac{g'}{g} = \left(\frac{r}{R_e}\right)^2 \xrightarrow{r=R_e+2R_e} \frac{g'}{g} = \left(\frac{R_e}{3R_e}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow g' = \frac{g}{9}$$

$$\frac{g''}{g} = \left(\frac{r}{R_e}\right)^2 \xrightarrow{r=4R_e} \frac{g''}{g} = \left(\frac{R_e}{5R_e}\right)^2 = \frac{1}{25} \Rightarrow g'' = \frac{g}{25}$$

تغییر وزن ماهواره، بین این دو مدار به صورت زیر است:

$$W'' - W' = mg'' - mg' = m(g'' - g') = m\left(\frac{g}{25} - \frac{g}{9}\right)$$

$$\frac{g=10 \text{ N/kg}}{m=144 \text{ kg}} \Rightarrow W'' - W' = 144 \left(\frac{10}{25} - \frac{10}{9}\right) = 90 - 160 = -70 \text{ N}$$

علامت منفی نشان می‌دهد که وزن ماهواره، کاهش یافته است.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

۶۰- گزینه «۱» (زهرا آقامحمدی)

نیروی مرکزگرای وارد بر ماهواره در گردش به دور زمین، همان نیروی گرانش است. بنابراین داریم:

$$F_c = W \Rightarrow \frac{mv^2}{r} = G \frac{mM_e}{r^2} \Rightarrow v^2 \propto \frac{1}{r} \Rightarrow \left(\frac{v_A}{v_B}\right)^2 = \frac{r_B}{r_A} \quad (1)$$

چون تندی ماهواره A، v_A درصد بیشتر از تندی ماهواره B است، $v_A > v_B$ داریم:

$$\text{است. } \left(\frac{v_A}{v_B}\right)^2 = 1 / \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 = 1 / \left(\frac{6}{5}\right)^2 = 1 / 36 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1)} \left(\frac{v_A}{v_B}\right)^2 = \frac{r_B}{r_A} \Rightarrow \frac{r_B}{r_A} = \frac{36}{25} \quad (2)$$

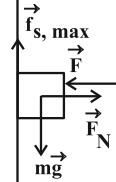
از طرفی شتاب گرانش در فاصله r از مرکز زمین برابر است با:

$$g = \frac{GM_e}{r^2} \Rightarrow \frac{g_A}{g_B} = \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 \xrightarrow{(2)} \frac{g_A}{g_B} = \left(\frac{36}{25}\right)^2 = 2.07 \approx 2$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

۵۵- گزینه «۲» (مهران اسماعیلی)

حداقل نیروی F برای زمانی است که جسم در آستانه لغزش رو به پایین باشد، بنابراین نیروی اصطکاک بین جسم و دیوار آسانسور از نوع است. با رسم نیروهای وارد بر جسم و نوشتن قانون دوم نیوتون داریم:



$$F_N = F$$

$$F_{net} = ma \Rightarrow f_{s,max} - mg = ma$$

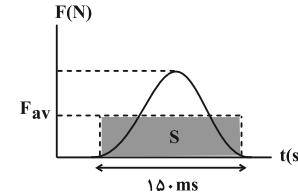
$$\frac{m=2 \text{ kg}, a=\frac{m}{s^2}}{g=10 \text{ N/kg}} \Rightarrow f_{s,max} - 2 \times 10 = 2 \times 2 \Rightarrow f_{s,max} = 24 \text{ N}$$

$$f_{s,max} = \mu_s F_N \xrightarrow{\mu_s=0.6, F_N=F} 24 = 0.6 F \Rightarrow F = 40 \text{ N}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

۵۶- گزینه «۴» (امیر احمد میرسعیر)

مساحت زیر نمودار $F - t$ برابر Δp می‌باشد و اگر مساحت مستطیل زیر را محاسبه کرده و برابر مساحت شکل قرار داد. پس می‌توان نوشت:



$$S = F_{av} \times 15 \times 10^{-3}$$

مساحت مستطیل برابر اندازه تغییرات تکانه است. پس می‌توان نوشت:

$$\Delta p = S \Rightarrow 3 = F_{av} \times 15 \times 10^{-3} \Rightarrow F_{av} = 20 \text{ N}$$

$$F_{max} = 2F_{av} = 2 \times 20 = 40 \text{ N}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۷)

۵۷- گزینه «۴» (مسعود قدرانی)

بررسی موارد:

(الف) نادرست: شب خط مماس بر نمودار $p - t$ همان نیروی خالص است که فقط یک مرتبه تغییر علامت (و جهت) داده است.

(ب) نادرست: زیرا متوجه تغییر جهت داده است (در لحظات t_1 و t_2) و بنابراین مسافت طی شده و اندازه جایه جایی برابر نیستند.

(پ) درست: چون شب خط مماس بر نمودار ($F_{net} = ma$) ثابت است پس حرکت با شتاب ثابت است.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۸)

۵۸- گزینه «۱» (ممدوح منصوری)

ابتدا رابطه شتاب گرانشی را براساس چگالی محاسبه می‌کنیم:

$$g = G \frac{M}{R^2} \xrightarrow{m=p \cdot V} g = G \frac{\rho \cdot V}{R^2} \xrightarrow{V=\frac{4}{3}\pi R^3} g = \frac{\frac{4}{3}G \cdot \rho \cdot \pi R^3}{R^2}$$

$$\Rightarrow g = \frac{4}{3} G \rho \pi R$$



(زهره آقامحمدی)

ابتدا با توجه به معادله مکان- زمان نوسانگر، دوره تناوب را محاسبه می کنیم:

$$\begin{cases} x = A \cos \omega t \\ x = 0 / 0 \text{ m} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 0 / 0 \text{ m} \\ \omega = \frac{2\pi}{T} \end{cases} \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = 40\pi \Rightarrow T = \frac{1}{20} \text{ s}$$

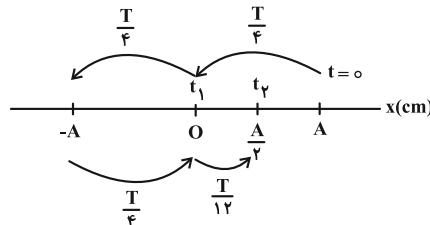
اکنون لحظه t_1 و بازه $\Delta t = t_2 - t_1$ را برحسب T محاسبه می کنیم:

$$\frac{t_1}{T} = \frac{1}{40} = \frac{1}{4} \Rightarrow t_1 = \frac{T}{4}$$

$$\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{5}{120} - \frac{1}{80} = \frac{7}{240} \text{ s} \Rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{7}{240} = \frac{7}{12}$$

$$\Rightarrow \Delta t = \frac{7T}{12} = \frac{T}{2} + \frac{T}{12}$$

در نتیجه مسیر حرکت نوسانگر به صورت زیر است:



$$\ell = 2A + \frac{A}{2} = 2 / 5A$$

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{\ell = 2 / 5A, A = 0 / 0 \text{ m}}{\Delta t = 7 / 240} \Rightarrow s_{av} = \frac{2 / 5 \times 0 / 0}{7 / 240} = \frac{6 \text{ m}}{7 / 240} = \frac{6 \text{ m}}{240}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)

(مبینی تکثیفان)

«۲» گزینه

با توجه به معادله مکان- زمان در حرکت هماهنگ ساده داریم:

$$x = A \cos\left(\frac{2\pi}{T}t\right) \xrightarrow[t=\frac{7}{240}]{x=-\frac{\sqrt{3}}{2}A} -\frac{\sqrt{3}}{2}A = A \cos\left(\frac{2\pi}{T} \times \frac{7}{5}\right)$$

$$\Rightarrow \frac{7\pi}{6} = \frac{14\pi}{5T} \Rightarrow T = \frac{12}{5} \text{ s} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{5\pi}{6} \text{ rad}$$

سپس مکان نوسانگر را در لحظات t_1 و t_2 به دست می آوریم:

$$t = t_1 = 0 / 4 \text{ s} \Rightarrow x_1 = A \cos\left(\frac{5\pi}{6} \times \frac{2}{5}\right)$$

$$= A \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{A}{2} \quad (\text{ربع اول})$$

$$t = t_2 = 1 / 6 \text{ s} \Rightarrow x_2 = A \cos\left(\frac{5\pi}{6} \times \frac{1}{5}\right)$$

$$= A \cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) = -\frac{A}{2} \quad (\text{ربع سوم})$$

(مهدی شریفی)

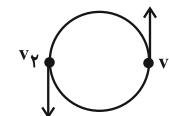
«۱» گزینه

ابتدا شتاب متوسط را در 10°S اول پیدا می کنیم:

$$2\pi r = 2 \times 3 \times 20 = 120 \text{ m}$$

مسافت طی شده $\ell = s \cdot t = 6 \times 10 = 60 \text{ m}$

$$\frac{\ell}{2\pi r} = \frac{60}{120} = \frac{1}{2} \quad (\text{متحرک نصف محیط دایره را پیموده است}).$$



$$|\Delta v| = v_2 + v_1$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{12}{10} = 1 / 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{6^2}{20} = \frac{36}{20} = \frac{18}{10} = 1 / 8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\frac{a_{av}}{a_c} = \frac{1 / 2}{1 / 8} = \frac{12}{18} = \frac{2}{3}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۳)

(علی برزکر)

«۲» گزینه

نیروی فنر نقش نیروی مرکزگرا را ایفا می کند و چون فنر در نهایت با طول 80 cm می چرخد، پس شعاع مسیر دایره‌ای برابر 80 cm می شود. لذا

$$F_r = F_c \Rightarrow kx = \frac{mv^2}{r} \quad (\text{فرنر مركزگرا})$$

$$T = \frac{t}{n} = \frac{60}{30} = 2 \text{ s} \quad (\text{می توان نوشت: طبق رابطه})$$

$$v = r\left(\frac{2\pi}{T}\right) \xrightarrow[T=2s]{r=0 / 80 \text{ m}} v = 0 / 8 \times \left(\frac{2\pi}{2}\right) = 0 / 8\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow v^2 = 0 / 64\pi^2$$

از طرفی داریم:

با جایگذاری در رابطه اول خواهیم داشت:

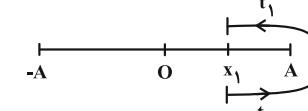
$$kx = \frac{mv^2}{r} \xrightarrow[r=0 / 80 \text{ m}, v^2=0 / 64\pi^2]{m=1 / 2 \text{ kg}} k\left(\frac{2}{10}\right) = \frac{\left(\frac{1}{2}\right)\left(64\pi^2\right)}{80}$$

$$k = 2\pi^2 \xrightarrow{\pi^2=10} k = 20 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۳)

(امیر احمد میرسعید)

«۱» گزینه

حداقل زمان یعنی طبق شکل بالا از x_1 به A رفته و بازمی گردد.

$$2t_1 = \frac{T}{9} \Rightarrow t_1 = \frac{T}{18} \quad (\text{می توان نوشت:})$$

$$\frac{T}{4} - \frac{T}{18} = \frac{7T}{36}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)



از طرفی با توجه به رابطه شتاب گرانش می‌توان رابطه مقایسه‌ای شتاب گرانش با فاصله را نوشت:

$$g = G \frac{M_e}{r^2} \Rightarrow \frac{g_1}{g_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 \quad r_1 = R_e \quad r_2 = R_e + R_e = 2R_e$$

$$\frac{g_1}{g_2} = \left(\frac{2R_e}{R_e}\right)^2 = 4$$

حال با توجه به رابطه دوره تناوب آونگ ساده داریم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1} \times \frac{g_1}{g_2}} \quad \frac{T_2}{T_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

$$\frac{N_1}{N_2} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1} \times \frac{g_1}{g_2}} \quad \frac{N_1 = 2/6}{N_2 = 4} \Rightarrow 2/6 = \sqrt{\frac{l_2}{l_1} \times 4}$$

$$\Rightarrow 1/3 = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} \Rightarrow \frac{l_2}{l_1} = 1/69 \Rightarrow l_2 = 1/69 l_1$$

$$\frac{\Delta l}{l_1} \times 100 = \frac{l_2 - l_1}{l_1} \times 100 \quad \text{درصد افزایش طول}$$

$$= \frac{1/69 l_1 - l_1}{l_1} \times 100 = 69\%$$

(فیزیک ۳- ترکیبی: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶ و ۶۷)

-۷- گزینه «۱» (علیرضا بیاری)

طول پاره خط نوسانی، ۲ برابر دامنه است. پس داریم:

$$16 = 2A \Rightarrow A = 8 \text{ cm}$$

رابطه شتاب بر حسب مکان برای نوسانگری که روی محور X و در طرفین

مبدأ مکان، نوسان می‌کند، به صورت $X = -\omega^2 t$ است.

$$a = -\omega^2 x \xrightarrow{x=A=8\text{cm}} -12/8 = -\omega^2 \times 8 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow \omega^2 = \frac{1280}{8} = 160$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow \omega^2 = \frac{4\pi^2}{T^2} \xrightarrow{\pi^2=100, \omega^2=160} 160 = \frac{4 \times 10}{T^2}$$

$$\Rightarrow T^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow T = \frac{1}{2} \text{ s}$$

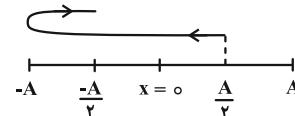
برای آن که آونگ با نوسانگر فوق تشید حاصل کند باید دوره نوسان آنها یکسان باشد.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \xrightarrow{T=\frac{1}{2}s, g=\pi^2} \frac{1}{2} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{\pi^2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{l}{\pi^2}}$$

$$\Rightarrow l = \frac{1}{16} \text{ m} \Rightarrow l = \frac{100}{16} \text{ cm} = 6.25 \text{ cm}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

و در نهایت با استفاده از مسیر حرکت نوسانگر، تندی متوسط و سرعت متوسط آن را به صورت زیر محاسبه می‌کنیم:



$$\begin{cases} s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{2A}{1/2} = \frac{4A}{3} \\ v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = -\frac{A}{1/2} = -\frac{5A}{6} \end{cases} \Rightarrow \frac{s_{av}}{|v_{av}|} = 2$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۵ تا ۶۳)

(مهدی شریفی) ۶۶-

در حرکت هماهنگ ساده، انرژی مکانیکی همواره ثابت است، پس:

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \xrightarrow{m=40 \text{ kg}, A=0.2 \text{ m}, \omega=100 \frac{\text{rad}}{\text{s}}} E = \frac{1}{2} \times 40 \times 10^{-3} \times 4 \times 10^{-3} \times 10^4 = 8 \times 10^{-2} \text{ J}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۱)

(ممتن سلامان و زن) ۶۷-

انرژی پتانسیل زمانی بیشترین مقدار خواهد بود که نوسانگر در نقطه بازگشت باشد، پس نوسانگر در نقطه A یا -A قرار دارد. در این شرایط نیرو نیز بیشینه می‌شود چون نیرو بیشینه است، پس شتاب نیز بیشینه خواهد بود. همچنین در A یا -A مکان جسم نیز بیشینه است.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۰)

(سید محمدعلی موسوی) ۶۸-

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}}$$

$$\frac{3}{5} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} \Rightarrow \frac{l_2}{l_1} = \frac{9}{25}$$

$$\Delta l = l_2 - l_1 = \frac{9}{25} l_1 - l_1 = -\frac{16}{25} l_1$$

$$\Rightarrow |\frac{\Delta l}{l_1}| \times 100 = \frac{16}{25} \times 100 = 64\%$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه ۶۷)

(مهران اسماعیلی) ۶۹-

اگر آونگ در مدت t، N نوسان کامل انجام دهد، دوره نوسان آونگ برابر است با:

$$T = \frac{t}{N}$$

$$T = \frac{t}{N} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{N_1}{N_2} = \frac{52}{20} = 2.6 \text{ s}$$

پس می‌توان نوشت:



شنبه

«۳» - ۷۱

به جز مورد آخر، بقیه موارد نادرست هستند.

بررسی موارد نادرست:

مورد اول: شبیه به صابون (نه خود صابون)

مورد دوم: رعایت بهداشت فردی و همگانی (نه صرفاً یک مرحله از پیشگیری)

مورد سوم: وبا هنوز هم می‌تواند خطرناک باشد

مورد چهارم: میانگین (نه دست کم)

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی: صفحه‌های ۳ و ۴)

«۴» - ۷۲

در بین مخلوط‌های گفته شده شیر، سس مایونز و مخلوط آب و روغن و

صابون همگی کلوبید هستند. از طرفی مخلوط آب و قند نیز یک محلول است.

از آنجا که محلول‌ها و کلوبیدها همگی مخلوط‌هایی پایدار هستند، در بین

گزینه‌های داده شده ۳ کلوبید و ۴ مخلوط پایدار وجود دارد.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی: صفحه‌های ۶ و ۷)

«۴» - ۷۳

(محمد عظیمیان زواره)



$$53.4 \text{ g } (\text{RCOO})_2\text{Mg} = 0.2 \text{ mol } \text{RCOO}^-\text{Na}^+$$

$$\times \frac{1 \text{ mol } (\text{RCOO})_2\text{Mg}}{2 \text{ mol } \text{RCOO}^-\text{Na}^+} \times \frac{\text{ag } (\text{RCOO})_2\text{Mg}}{1 \text{ mol } (\text{RCOO})_2\text{Mg}}$$

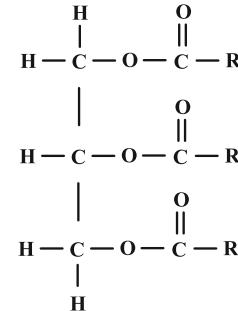
$$\Rightarrow a = 53.4 \text{ g} \Rightarrow 53.4 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$a = 2R + 8A + 2C = 53.4 \Rightarrow R = 21.1 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$14n + 1 = 211 \Rightarrow n = 15 \Rightarrow C_{15}H_{31}$$

با توجه به ساختار استرهای سه عاملی و فرمول R (C₁₅H₃₁) فرمول

مولکولی این استر به صورت C₁₅H₉O₄ خواهد بود.



(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی: صفحه‌های ۱، ۵ و ۹)

«۲» - ۷۴

(امیرمسعود شیمی)

با شیستشوی پارچه نخی با صابون آنزیم دار در دمای ۴۰°C، درصد لکه

چربی باقی‌مانده روی پارچه به صفر می‌رسد.

بررسی موارد نادرست:

۱) با توجه به ساختار کلی پاک کننده‌های غیرصابونی



وجود دارد و اگر زنجیره هیدروکربنی سیرشده نباشد و پیوند C = C داشته باشد، تعداد این پیوندها بیشتر از ۳ می‌شود.

۳) نمک‌های منیزیم یا کلسیم مربوط به یک پاک کننده غیرصابونی در آب محلول بوده و تولید رسوب نمی‌کند.

۴) برای افزایش خاصیت ضدغوفنی کنندگی و میکروب‌کشی صابون باید ترکیبات شیمیایی کلردار اضافه کرد.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی: صفحه‌های ۸ تا ۱۲)

(امیرعلی بیات)

«۱» - ۷۵

با توجه به رابطه α داریم:

$$\alpha = \frac{[\text{H}^+]}{[\text{H}^+] + [\text{HX}]} = \frac{2 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-3} + 1/6 \times 10^{-2}} = \frac{1}{9} \approx 0/11$$

حال می‌دانیم که:

$$K_a = \frac{[\text{H}^+][\text{X}^-]}{[\text{HX}]} = \frac{[\text{H}^+]^2}{[\text{HX}]} = \frac{(2 \times 10^{-3})^2}{(1/6 \times 10^{-2})} = \frac{1}{4000}$$

$$= 0.25 \times 10^{-3} = 2.5 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۳)

(امیر هاتمیان)

«۲» - ۷۶

موارد (الف) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) محلول HA یک اسید قوی و محلول HB یک اسید ضعیف است و سرعت واکنش اسید با فلز در شرایط یکسان به قدرت اسیدی (K_a) وابسته است. بنابراین سرعت واکنش محلول HA بیشتر است.

ب) محلول‌های HA و HB به ترتیب می‌توانند HI و HF باشند لذا

$$53\text{I}^- \rightarrow 54\text{Xe}^- + 9\text{F}^- \quad \text{و} \quad 54\text{Ne}$$

پ) یونش اسیدهای ضعیف یک فرایند تعادلی و یونش اسیدهای قوی یک فرایند یک‌طرفه و غیرتعادلی است.

ت) محلول HB یک الکتروولیت ضعیف است و غیرالکتروولیت ماده‌ای است که در اثر انحلال یونی تولید نکند.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۳)

(سعید تیزرو)

«۱» - ۷۷

گزینه «۲»، دقت کنید مطابق جدول صفحه ۲۳ کتاب درسی، HNO₃ در بین اسیدهای قوی ضعیف‌تر از سایرین است.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)



(یاسر، راشن)

«۲» گزینه

-۸۰

ابتدا با استفاده از pH ، غلظت یون هیدرونیوم را حساب می کنیم:

$$pH = 1/7 \Rightarrow [H^+] = 10^{-1/7} = 10^{-2} \times 10^{0/3} = 0.2 \text{ mol.L}^{-1}$$

حالا با استفاده از ثابت یونش و $[H^+]$ ، غلظت مولی اسید (M) را به دست $HA(aq) \rightleftharpoons H^+(aq) + A^-(aq)$ می آوریم:

$$\Rightarrow K_a = \frac{[H^+][A^-]}{M - [H^+]}$$

$$0.02 = \frac{(0.02)^2}{M - 0.02} \Rightarrow M = 0.028 \text{ mol.L}^{-1}$$

در ادامه با استفاده از رابطه « $M = \frac{10ad}{\text{جرم مولی}}$ » درصد جرمی HA در محلول را حساب می کنیم:

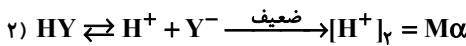
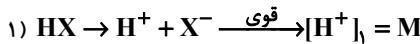
$$0.028 = \frac{10 \times a \times 1/12}{120} \Rightarrow a = 0.3\%$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۷)

(ممدرضا بمشیدی)

«۳» گزینه

-۸۱



$$\frac{\text{شمار ذرات یونیده نشده}}{\text{شمار یون‌ها}} = \frac{[HY]}{[H^+] + [Y^-]} = \frac{M - M\alpha}{2M\alpha} = 3/5$$

$$\frac{M}{\lambda} \xrightarrow{\text{حذف}} \alpha = 0.125 \Rightarrow 12/5\%.$$

$$pH_{(2)} = 4/3 \Rightarrow [H^+] = 10^{-4/3} = 10^{-5} \times 10^{0/7}$$

$$= 5 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[H^+]_2 = M\alpha \Rightarrow 5 \times 10^{-5} = M \times \frac{1}{\lambda} \Rightarrow M = 4 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$pH_1 = -\log[H^+]_1 = -\log(4 \times 10^{-4}) = 4 - \log 4 = 3/4$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۱۸، ۲۵، ۲۴ و ۲۶)

(هادی مهدی‌زاده)

«۴» گزینه

-۸۲

با توجه به این که pH دو واحد کمتر از HB اسید HA است، پس غلظت یون هیدرونیوم در اسید HB، 10^0 برابر غلظت یون هیدرونیوم در اسید HA خواهد بود.

$$[H^+] = 10^{-pH} \Rightarrow \frac{[H^+]_{HB}}{[H^+]_{HA}} = \frac{10^{-x}}{10^{-(x+2)}} = 10^2$$

$$[H^+] = M \cdot \alpha \Rightarrow \frac{[H^+]_{HB}}{[H^+]_{HA}} = \frac{\alpha_{HB} \times M_{HB}}{\alpha_{HA} \times M_{HA}}$$

(امیرمسعود صسینی)

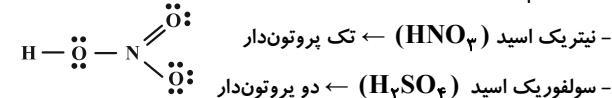
«۱» گزینه

تنه عبارت دوم درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: یونش فرایندی است که در آن یک ترکیب مولکولی (فاقد یون در ساختار خود) در آب به یون‌های مثبت و منفی تبدیل می‌شود.

عبارت دوم: اسیدهای باران اسیدی شامل:

عبارت سوم: در یک سامانه خنثی همواره و در هر دمایی $[OH^-] = [H^+]$ است و در دمای اتاق (25°C). $[OH^-] = 10^{-7} \text{ mol.L}^{-1}$ است. بنابراین در این دما (25°C)، $pH = -\log[H^+] = -\log 10^{-7} = 7$

بدیهی است که با تغییر دما، pH سامانه خنثی نیز تغییر می‌کند.

عبارت چهارم: محلول آبی ترکیب اتانول ($\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$) علی‌رغم داشتن بیوند هیدروژنی قابلیت عبور برق را ندارد.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۷)

(امیر هاتمیان)

«۳» گزینه

موارد (ب) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) اسید قوی تری است؛ یعنی بیشتر یونیده می‌شود و درجه بیونش آن بیشتر است.

ب) محلول اسیدهای ضعیف (مانند HF) نمونه‌ای از سامانه‌های تعادلی هستند که در لحظه تعادل در آن سرعت واکنش رفت (یونش HF) با سرعت واکنش برگشت (ترکیب شدن F^- و H^+) برابر است.پ) $K_a(\text{HSO}_4^-) > K_a(\text{HF})$ در شرایط یکسانت) HSO_4^- اسید قوی تری از HF است. چون K_a آن بزرگ‌تر است در نتیجه در شرایط یکسان بیشتر یونیده شده و غلظت یون‌های تولید شده آن بیشتر است. به همین دلیل محلول HSO_4^- نسبت به محلول HF رسانایی الکتریکی بیشتری دارد.ث) HF اسید ضعیف‌تری است، لذا کمتر یونش یافته و H^+ کمتری تولید می‌کند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۷)



$$[\text{H}^+] \approx [\text{HCl}] = \frac{۰/۰۳ \text{ mol}}{(۰/۲+۰/۳)L} = ۰/۰۶ \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log(۶ \times ۱۰^{-۳}) = -\log(۲ \times ۳ \times ۱۰^{-۳})$$

$$= (-\log ۲) + (-\log ۳) + (-\log ۱۰^{-۳}) = (-۰/۳) + (-۰/۵) + ۲ = ۱/۲$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۲۴، ۲۶ و ۳۰)

(علی مجفری)

گزینه «۴» - ۸۵

تمامی موارد نادرست هستند.

بررسی موارد:

* عملکرد گل ادریسی عکس کاغذ pH می‌باشد؛ یعنی در محیط اسیدی آبی و در محیط بازی، قرمز رنگ است.

* محلول جوش شیرین (NaHCO_3) و شیشه‌پاک کن هر دو خاصیت بازی دارند و رنگ کاغذ pH را آبی می‌کنند.

* کاملاً برعکس! تولید گاز H_2 در این واکنش، قدرت پاک‌کنندگی مخلوط را افزایش می‌دهد.

* در برخی موارد که لوله‌ها با اسید چرب گرفتگی داشته باشند، باید از موادی مانند NaOH (سود) برای رفع گرفتگی استفاده کرد.

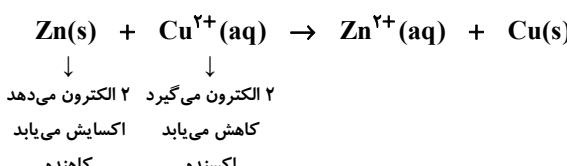
* به طور کلی محلول سود نسبت به صابون بازی تر است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۲، ۱۳، ۲۶، ۲۹ و ۳۰)

(امیرمسعود حسینی)

گزینه «۲» - ۸۶

با قرار دادن تیغه روی درون محلول CuSO_4 ، واکنش اکسایش-کاهش به صورت زیر انجام می‌گیرد.



بررسی گزینه‌ها:

۱) درست؛ از آنجا که یون $\text{Cu}^{۲+}(\text{aq})$ (گونه اکسیده) آبی رنگ و یون $\text{Zn}^{۲+}(\text{aq})$ بی‌رنگ است، با گذشت زمان از شدت رنگ محلول کاسته می‌شود.

۲) نادرست؛ واکنش فلزهایی مانند روی و آهن با محلول مس (II) سولفات‌ها به صورت خودبه‌خودی انجام می‌شود.

۳) درست؛ با توجه به تصویر صفحه ۴۱ کتاب درسی، شعاع اتم Zn از کاتیون $\text{Cu}^{۲+}$ بزرگ‌تر است.

۴) درست؛ به ازای مبادله ۲ مول الکترون بین گونه‌های اکسیده و کاهنده، ۱ مول Zn و ۱ مول $\text{Cu}^{۲+}$ مصرف می‌شوند. همچنین به ازای مصرف هر مول فلز روی و تشکیل هر مول فلز مس، ۱ گرم ($۶۵\text{g} - ۶۴\text{g} = ۱\text{g}$) از جرم تیغه کاسته می‌شود.

$$\Rightarrow ۱۰^۲ = \frac{\frac{۶}{۶} \times a}{\frac{۲/۲}{۱۰۰} \times b} \Rightarrow ۱۰^۲ = \frac{۶۶ \times ۱۰^{-۳} a}{۲۲ \times ۱۰^{-۳} b}$$

$$\Rightarrow ۱۰^۲ = ۳ \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{۱۰۰}{۳}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۵)

گزینه «۲» - ۸۷



$$\text{؟ mol HA} = \frac{۲/۲ \text{ g NaOH}}{۱۰۰ \text{ g NaOH}} \times \frac{۲۵ \text{ g NaOH}}{\text{ محلول}} \times \text{ محلول}$$

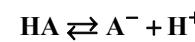
$$\times \frac{۱ \text{ mol NaOH}}{۴۰ \text{ g NaOH}} \times \frac{۱ \text{ mol HA}}{۱ \text{ mol NaOH}} = ۰/۰۲ \text{ mol HA}$$

$$[\text{HA}] = \frac{n}{V} = \frac{۰/۰۲ \text{ mol}}{۰/۴ \text{ L}} = ۰/۰۵ \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$[\text{H}^+] = ۱۰^{-\text{pH}} = ۱۰^{-۲/۲} = ۱۰^{-۳} \times ۱۰^{-۳} = ۲ \times ۱۰^{-۳} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$[\text{H}^+] = M \cdot \alpha \Rightarrow ۲ \times ۱۰^{-۳} = ۰/۰۵ \alpha \Rightarrow \alpha = ۰/۰۴$$

$$\times \frac{۱۰۰}{\text{ درصد یونش}} \alpha \% = ۴\%$$



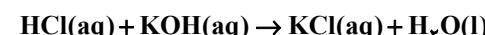
$$K_a = \frac{[\text{A}^-][\text{H}^+]}{[\text{HA}]} \quad [\text{A}^-] = [\text{H}^+] , [\text{HA}] = M \rightarrow$$

$$K_a = \frac{(۲ \times ۱۰^{-۳})^2}{۵ \times ۱۰^{-۲}} = ۸ \times ۱۰^{-۵} \text{ mol.L}^{-۱}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۵)

گزینه «۲» - ۸۴

واکنش انجام شده به صورت زیر است.



در ابتدا باید تعداد مول هر یک از واکنش‌دهنده‌ها را تعیین کنیم:

$$\text{KOH} \text{ محلول} \times \frac{۰/۷۵ \text{ mol KOH}}{۱ \text{ L}} = ۰/۱۵ \text{ mol KOH}$$

$$= ۰/۱۵ \text{ mol KOH}$$

$$\text{HCl} \text{ محلول} \times \frac{۰/۶ \text{ mol HCl}}{۱ \text{ L}} = ۰/۰۶ \text{ mol HCl}$$

$$= ۰/۱۸ \text{ mol HCl}$$

با توجه به این که مقدار مول HCl بیشتر است، مقدار باقی‌مانده از آن پس از

واکنش با اسید برابر است با:

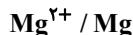
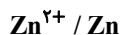
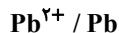
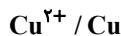
از آنجا که حجم محلول نهایی برابر با حجم کل محلول‌های مخلوط شده با

یکدیگر است، غلظت HCl باقی‌مانده و مقدار pH آن عبارتند از:



(علیرضا بیانی)

«۴» -۸۹

با توجه به E° های داده شده جدول زیر را مرتب می کنیم.

بررسی گزینه ها:

۱) واکنش موردنظر انجام نمی شود.

۲) بیشترین ولتاژ برای سلول حاصل از $\text{Mg} - \text{Cu}$ می باشد که برابر $2/22$ ولت است.

۳) نمک سرب (II) در ظرف روی واکنش می دهد و نگهداری اتفاق نمی افتد.

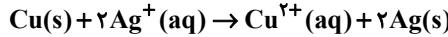
۴) در سلول گالوانی روی - منیزیم، تیغه منیزیم نقش آند را دارد که به مرور زمان دچار کاهش جرم می شود.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه های ۳۶ تا ۳۹)

(مسین شاهسواری)

«۲» -۹۰

تنها مورد اول درست است، واکنش رخ داده به صورت زیر است:



نکته: در سلول گالوانی، نیم واکنش اکسایش در آند و نیم واکنش کاهشی در کاتد رخ می دهد (همانند الکتروولتی)

نکته: در سلول گالوانی، الکترون در مدار بیرونی از آند به سمت کاتد حرکت می کنند (همانند الکتروولتی)

نکته: در سلول گالوانی، کاتیون ها به سمت کاتد و آنیون ها به سمت آند حرکت می کنند (همانند الکتروولتی)

مورد دوم: در سلول الکتروولتی، آند قطب مثبت و کاتد قطب منفی است.

موردنامه:

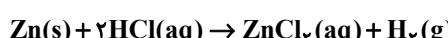
$$\frac{\text{اختلاف جرم الکترود (در گالوانی)}}{\text{ضریب } \times \text{ جرم مولی Ag}} = \frac{\text{جرم Ag تولیدی}}{\text{ضریب } \times \text{ جرم مولی Ag} \times \text{ ضریب } \times \text{ جرم مولی Cu}} = \frac{x}{21/6} = \frac{28}{216+64} \Rightarrow x = 28 \text{ g}$$

موردنامه: رنگ محلول چپ، پررنگ تر می شود به علت افزایش غلظت یون Cu^{2+} (نه کاهش غلظت یون Ag^+)موردنامه: با مصرف شدن ۳ مول اتم مس، 6N_A الکترون از آند به کاتد منتقل می شود.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه های ۳۸ تا ۴۱)

(هادی مهدی زاده)

«۳» -۹۱

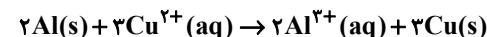
با توجه به مقدار E° های داده شده، دریافت می شود که در سری الکتروشیمیایی، نقره بالاتر از هیدروژن است و با HCl واکنش نمی دهد و تنها روی با HCl وارد واکنش می شود.

$$\frac{1 \text{ مول e}^- \text{ مبادله شده}}{6/02 \times 10^{23} \text{ e}^- \text{ مبادله شده}} \times \frac{1 \text{ مول e}^- \text{ مبادله شده}}{4/816 \times 10^{22} \text{ e}^- \text{ مبادله شده}} = \frac{1 \text{ مول Zn مصرف شده}}{1 \text{ مول Zn مصرف شده}} \times \frac{1 \text{ g}}{1 \text{ g}} = 40 \text{ mg}$$

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه های ۳۰ تا ۳۴)

«۲» -۸۷

واکنش اکسایش - کاهش انجام شده به شکل زیر است:



جرم فلز آلمینیم جدا شده از تیغه:

$$\frac{2 \text{ mol Al}}{6 \text{ mol e}^-} \times \frac{27 \text{ g Al}}{1 \text{ mol Al}} = 5/4 \text{ g Al}$$

جرم رسوب مس که بر روی تیغه می نشیند:

$$\frac{3 \text{ mol Cu}}{6 \text{ mol e}^-} \times \frac{64 \text{ g Cu}}{1 \text{ mol Cu}} \times \frac{70}{100} = 13/44 \text{ g Cu}$$

از آنجا که جرم Al جدا شده از تیغه از جرم رسوب مس که بر روی تیغه می نشیند کمتر است، بنابراین جرم تیغه افزایش می یابد.

$13/44 - 5/4 = 8/44 \text{ g}$

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه های ۳۰ تا ۳۷)

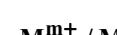
«۲» -۸۸

(علیرضا بیانی)

هر چه تفاوت E° مابین تیغه فلز با کاتیون موجود در محلول بیشتر باشد و واکنش با میل و شدت بیشتری انجام شده و گرمای بیشتری آزاد می شود.

بنابراین تغییر دمای محلول نیز بیشتر است. بدین ترتیب جدول

الکتروشیمیایی زیر را تنظیم می کنیم:



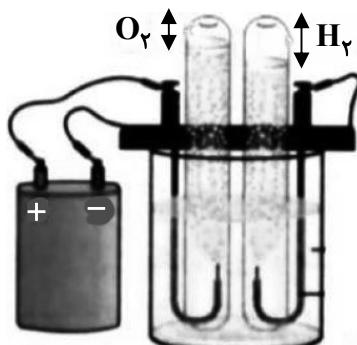
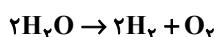
بررسی موارد نادرست:

• ترتیب قدرت کاهندگی به صورت $\text{A} > \text{C} > \text{B} > \text{M} > \text{D}$ می باشد.• محلول حاوی نمک C را می توان در ظرفی از جنس B نگهداری کرد زیرا قدرت کاهندگی B از C کمتر است.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه های ۴۳ تا ۴۸)

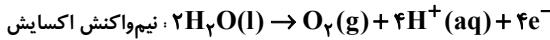
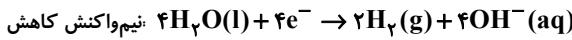


ب) با توجه به شکل A و B به ترتیب O_2 و H_2 هستند.



پ) در سلول‌های الکترولیتی برخلاف گالوانی آند به قطب مثبت باتری و کاتد به قطب منفی باتری وصل است ولی همچنان الکترون‌ها در سیم از آند به کاتد حرکت می‌کنند.

ت) نیم واکنش‌های انجام شده در فرایند برگشت آب به صورت زیر است:

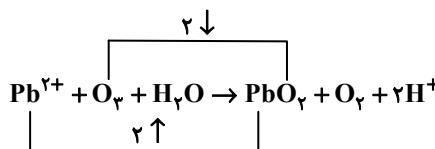
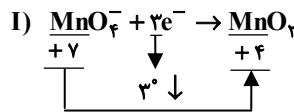


(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)

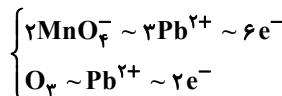
(یاسن راش)

گزینه ۲

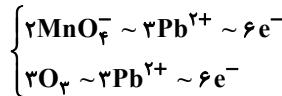
ابتدا شمار الکترون‌های مبادله شده به ازای مصرف هر مول اکسنده را به دست می‌آوریم:



پس با توجه به معادله‌های موازن شده واکنش‌ها، به ازای مصرف ۲ مول MnO_4^- ، ۶ مول الکtron و به ازای مصرف یک مول O_3 ، ۲ مول الکtron مبادله می‌شود.



از طرفی با توجه به مشابه بودن نمونه‌های آب آلوده، شمار یون‌های سرب در نمونه‌ها برابر است، پس ضریب یون سرب در واکنش‌ها را یکسان کرده و بین دو واکنش ارتباط برقرار می‌کنیم:



$$\frac{\text{جرم}}{\text{حجم}} = \frac{\text{چگالی گاز}}{\frac{4}{5}} \Rightarrow \frac{H_2}{12} = \frac{\text{جرم}}{\frac{4}{5}}$$

$$\Rightarrow H_2 = \frac{0}{54} g H_2$$

$$? g Zn = \frac{0}{54} g H_2 \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{2 \text{ g } H_2} \times \frac{1 \text{ mol } Zn}{1 \text{ mol } H_2}$$

$$\times \frac{65 \text{ g } Zn}{1 \text{ mol } Zn} = 17 / 55 \text{ g } Zn$$

$$? g Ag = 32 / 55 - 17 / 55 = 15 \text{ g } Ag$$

$$\frac{15}{32 / 55} \times 100 \approx 46\%$$

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۴ تا ۵۶)

گزینه ۳

و واکنش‌های (۱)، (۲) و (۴) حاوی گونه آزاد بوده و قطعاً جزو واکنش‌های اکسایش- کاهش محسوب می‌شوند؛ اما در واکنش (۳) که مربوط به واکنش خنثی شدن جوش شیرین با سولفوریک اسید می‌باشد، گونه آزادی وجود نداشته و عدد اکسایش تمامی عناصر در دو سمت واکنش برابر است.

هرگاه در واکنش، در یک سمت یک گونه آزاد عنصری (مثل F_2) داشته باشیم و در سمت دیگر آن عنصر در ترکیب وجود داشته باشد، واکنش از نوع اکسایش- کاهش است.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

گزینه ۴

ابتدا فرمول مولکولی آن را به دست می‌آوریم:

$$H = \text{تعداد کربن} + \text{تعداد حلقه} + \text{تعداد پیوند دوگانه} - 2$$

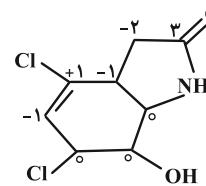
$$+ N = \text{تعداد هالوژن} - \text{تعداد اتم}$$

$$n = 8 \Rightarrow H = 2 \times 8 + 2 - 2(2+2) + 1 - 2 = 9$$



$$\Rightarrow 8 + 9 + 1 + 2 + 2 = 22$$

اعداد اکسایش (۳، ۱، ۰، -۱، -۲) برای کربن در این ساختار مشاهده می‌شود.



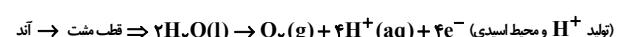
(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

گزینه ۳

عبارت‌های (ب) و (ت) نادرست‌اند.

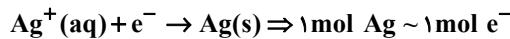
بررسی هر یک از عبارت‌ها:

الف) مطابق واکنش‌های انجام شده در آند و کاتد صحیح است.





بررسی گزینه سوم: نیم واکنش کاتدی در فرایند آبکاری با تقریب:



$$\frac{1/806 \times 10^{23}}{1 \times 6 / 0.2 \times 10^{23}} = \frac{X \text{ g Ag}}{1 \times 10^8}$$

$$\Rightarrow X = 32 / 4 \text{ g}$$

بررسی گزینه چهارم: واکنش کلی سلول هال:



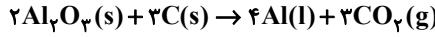
$$\frac{810\text{ g Al}}{4 \times 27} = \frac{x \text{ g CO}_2}{3 \times 44} \Rightarrow x = 990\text{ g CO}_2 < 1\text{ kg CO}_2$$

(درست) (شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(هادی مهدی‌زاده)

۹۹- گزینه «۱»

واکنش کلی فرایند هال به صورت زیر است:



$$? \text{ kg C} = 10.8 \text{ kg Al} \times \frac{1000 \text{ g Al}}{1 \text{ kg Al}} \times \frac{1 \text{ mol Al}}{27 \text{ g Al}}$$

$$\times \frac{3 \text{ mol C}}{4 \text{ mol Al}} \times \frac{12 \text{ g C}}{1 \text{ mol C}} \times \frac{1 \text{ kg C}}{1000 \text{ g C}} = 36 \text{ kg C}$$

$$? \text{ kg CO}_2 = 10.8 \text{ kg Al} \times \frac{1000 \text{ g Al}}{1 \text{ kg Al}} \times \frac{1 \text{ mol Al}}{27 \text{ g Al}}$$

$$\times \frac{3 \text{ mol CO}_2}{4 \text{ mol Al}} \times \frac{44 \text{ g CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = 7 / 5 \times 10^5 \text{ g CO}_2$$

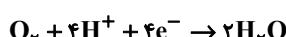
(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه ۶۱)

(یاسن راشن)

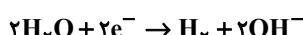
۱۰۰- گزینه «۴»

نیم واکنش‌های مطرح شده به صورت زیر هستند:

• نیم واکنش کاتدی در فرایند خوردگی آهن در محیط اسیدی و نیم واکنش کاتدی در سلول سوختی هیدروژن:



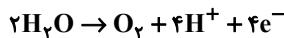
• نیم واکنش کاهش آب در کاتد سلول «نور- الکتروشیمیایی» سیلیسیم:



• نیم واکنش اکسایش گاز هیدروژن در الکتروود SHE زمانی که در نقش آند است و نیم واکنش اکسایش گاز هیدروژن در آند سلول سوختی هیدروژن:



• نیم واکنش اکسایش آب در آند سلول برگرفته آب:



(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۴۷، ۵۱، ۵۷ و ۶۶)

با توجه به همارزی‌های به دست آمده و یکسان بودن ضرایب الکترون در همارزی‌ها، مشخص می‌شود که شمار الکترون‌های مبادله شده یکسان است.

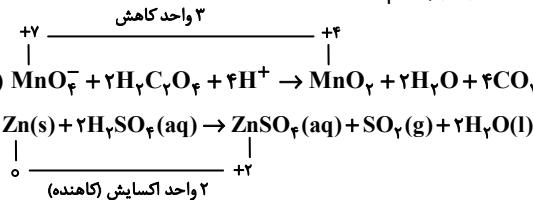
نتیجه گیری: بر اثر اکسایش شمار یون‌های برابری از Pb^{2+} در دو محلول مشابه، شمار الکترون‌های یکسانی مبادله می‌شود و فرقی نمی‌کند از چه اکسیدهای در این فرایند استفاده شود.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(هادی مهدی‌زاده)

۹۶- گزینه «۳»

عبارت‌های اول و چهارم نادرست هستند.



در واکنش (A)، H^+ مصرف و غلظت آن کاهش پیدا می‌کند، پس افزایش می‌یابد.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(محمد عظیمیان؛ زواره)

۹۷- گزینه «۴»

بررسی موارد:

(آ) نادرست: مجموع ضرایب استوکیومتری عنصرها (O_2 و Fe) برابر ۷ خواهد بود:



(ب) درست: عدد اکسایش هر اتم کربن در اتین (C_2H_2) برابر ۱ و عدد اکسایش H در نیز برابر ۱ می‌باشد.

(پ) نادرست: چگالی $\text{MgCl}_2(l)$ از چگالی $\text{MgCl}_2(l)$ کمتر است.

(ت) درست، نخستین فلز گروه ۱۴ قلع می‌باشد.

(ث) درست: فلزهای دارای E منفی با محلول اسیدها، واکنش داده و گاز H_2 تولید می‌کنند زیرا قدرت کاهنده‌گی آن‌ها از H_2 بیشتر است.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۹)

(سعید تیزرو)

۹۸- گزینه «۱»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه اول: نیم واکنش اکسایش (آندی) در برگرفت آب:



$$(نادرست) \frac{16 \text{ mol e}^-}{4} = \frac{\text{XL} \times 0.1 \text{ g} \cdot \text{L}^{-1}}{1 \times 32} \Rightarrow \text{X} = 16 \text{ L}$$

گزینه دوم: معادله کلی واکنش زنگ زدن آهن در هوای مرطوب:



$$(درست) \frac{11/2 \text{ g Fe}}{4 \times 56} = \frac{\text{XL O}_2}{3 \times 22 / 4} \Rightarrow \text{X} = 3 / 36 \text{ L}$$



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره ۹۶)

۲۱ دی

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰
زمان پاسخگویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	نام و نام خانوادگی
ویراستار	فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
ویراستار مستندسازی	سید محمد رضا مهدوی
طراحان	حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، فرزاد شیرمحمدی
حروفچینی و صفحه‌آرایی	مصطفومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی



(ممید اصفهانی)

گزینه ۴-۲۵۷

در متن می‌خوانیم «تنها نوآوری نیما در افسانه از نظر ساختار، حذف قافیه از مصراج سوم چهارپاره بود». این موضوع در گزینه پاسخ نیست، در این گزینه از نظر ساختار، شباهتی با چهارپاره دیده نمی‌شود.

(هوش کلامی)

(فرزادر شیرمحمدی)

گزینه ۴-۲۵۸

می‌دانیم حیوان لندن موش است و رنگ پکن زرد نیست. پس شهری که حیوان آن فیل و رنگ آن زرد باشد، نه لندن و نه پکن، بلکه توکیو یا برلین است. عدد برلین ۱۲ است و عدد توکیو عددی دورقمی که تنها عدد دورقمی باقی‌مانده ۱۸ است. پس عدد این فیل زرد قطعاً دورقمی است.

(هوش منطقی و ریاضی)

(فرزادر شیرمحمدی)

گزینه ۱-۲۵۹

طبق پاسخ سؤال قبل، اگر عدد اسب ۵ باشد، قطعاً متعلق به پکن است. چرا که توکیو و برلین عدهای ۱۲ و ۱۸ دارند و حیوان لندن موش است. حال عدد لندن قطعاً ۳ است. پس عدد موش ۳ است.

(هوش منطقی و ریاضی)

(فرزادر شیرمحمدی)

گزینه ۱-۲۶۰

ترتیب الفبایی شهرها و حیوان‌ها:

لندن	توکیو	پکن	برلین
موش	فیل	خرس	اسب

حال که خرس متعلق به پکن است، قطعاً رنگ آن زرد نیست.

(هوش منطقی و ریاضی)

(فرزادر شیرمحمدی)

گزینه ۴-۲۶۱

همه اطلاعات را در جدول زیر می‌بینیم:

احتمال رنگ	عدد	حیوان	نام شهر
همه رنگ‌ها	۳ یا ۵	اسب	برلین
همه رنگی به جز زرد	۳ یا ۵	خرس	پکن
همه رنگ‌ها	۱۸	فیل	توکیو
همه رنگ‌ها	۱۲	موش	لندن

عددها ۲ حالت دارند. برای رنگ‌ها نیز $3 \times 3 \times 2 = 18$ حالت هست.

پس در کل $\frac{1}{36}$ احتمال هست که حدس‌زننده صورت سؤال، همه چیز را کاملاً درست حدس زده باشد.

(هوش منطقی و ریاضی)

استعداد تحلیلی**گزینه ۲-۲۵۱**

نام کشورهای «مراکش» و «مصر» مذکور است.

(هوش کلامی)

گزینه ۱-۲۵۲

حروف عبارت: د ر ک م ت ن

حروف به ترتیب: ت د ر ک م ن

علوم است که فقط حرف «ن» جایه‌جا نشده است.

(هوش کلامی)

گزینه ۳-۲۵۳

عناد با نیما در متن، یه معنای دشمنی با اوست: صحابان اندیشه‌های واپسگرا و عوام به مخالفت با آنها پرداختند و افرادی چون نیما و جمالزاده مورد تکفیر و طرد عده‌ای قرار گرفتند که البته عناد «دشمنی» با نیما از همه بیشتر بود.

(هوش کلامی)

گزینه ۱-۲۵۴

املای «برخاسته» به همین شکل درست است.

(هوش کلامی)

گزینه ۳-۲۵۵

بيان گزینه ۳ در انتهای بند نخست هست:
انقلاب نیز مانند همه جریانات تاریخی و سیاسی با اندکی فاصله بر ادبیات اثر گذاشت. این فاصله ۱۵ ساله برای تأثیر واقعه‌ای سیاسی در ادبیات و هنر زمانی بسیار کوتاه بود و نشان‌دهنده‌ی این مسئله است که حرکت و جنبش مردمی برخاسته از درون و خواست مردم بود.

(هوش کلامی)

گزینه ۴-۲۵۶

رمان تهران مخفوف پس از انقلاب مشروطه نوشته شده است، پس بیان گزینه ۴ نادرست است. به دیگر عبارت‌ها در متن به‌وضوح اشاره شده است.

(هوش کلامی)



$$1=1\times 1=1\times 1\times 1, \quad 64=8\times 8=4\times 4\times 4$$

$$729=27\times 27=9\times 9\times 9$$

(هوش منطقی و ریاضی)

(غیرزاد شیرمحمدی)

$$(9-7)\times 2=4$$

$$(8-3)\times 4=20$$

$$(10-1)\times 3=27$$

$$(6-2)\times ?=8 \Rightarrow ?=8\div 4=2$$

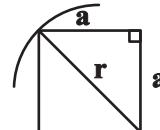
(هوش منطقی و ریاضی)

«۲۶۵- گزینه»

(ممید کنی)

اگر شعاع دایره را عدد r فرض کنیم، نصف ضلع مربع درونی $\frac{r}{\sqrt{2}}$ خواهد

بود:



$$a^2 + a^2 = r^2 \Rightarrow r = a\sqrt{2} \Rightarrow a = \frac{r}{\sqrt{2}}$$

و از مساحت بین مربع و دایره، $\frac{1}{4}$ رنگی است.

مساحت دایره نیز πr^2 و مساحت مربع $\frac{4r^2}{2} = 2r^2$ است.

$$\frac{(\pi r^2 - 2r^2) \times \frac{1}{4}}{\pi r^2} = \frac{(\pi - 2)}{4\pi}$$

پس کسر خواسته شده چنین است:

(ممید کنی)

«۲۶۶- گزینه»شكل صورت سؤال با 180° درجه چرخش به شکل گزینه «۱» تبدیل

می‌شود.

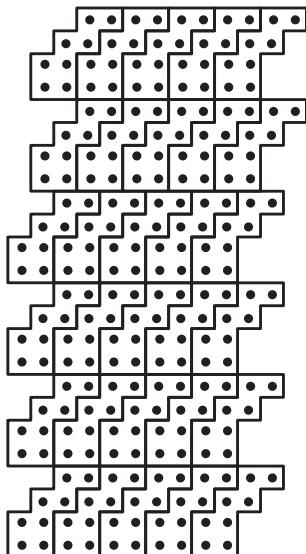
(هوش غیرکلامی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۷- گزینه»

(هوش منطقی و ریاضی)

شکل متنظر:



(هوش غیرکلامی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۸- گزینه»

(ممید کنی)

تعداد قسمت‌های رنگی، الگوی عددهای اول دارند:

$$2, 3, 5, 7, ? \rightarrow ? = 11$$

(هوش غیرکلامی)

«۲۶۹- گزینه»

عددهایی که مربع کاملند:

$$4=2\times 2, \quad 9=3\times 3, \quad 121=11\times 11$$

عددهایی که مکعب کاملند:

$$8=2\times 2\times 2, \quad 216=6\times 6\times 6, \quad 1000=10\times 10\times 10$$

عددهایی که هم مربع کاملند و هم مکعب کاملند:



«گزینه ۴» - ۲۶۹

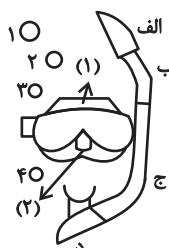
(فاطمه، راسخ)

در الگوی صورت سؤال، طرحی در قسمتهای «الف»، «ب» و «ج» و در

نتیجه «د» در حرکت است. طرح بین قسمتهای (۱) و (۲) در تغییر و

طرح دیگر در شماره‌های ۱، ۲، ۳ و ۴ به این شکل در حرکت است:

شكل ۱	شكل ۲	شكل ۳	شكل ۴
۱	۲	۳	۴
۴	۱	۲	۳



(هوش غیرکلامی)

«گزینه ۳» - ۲۷۰

ناظر پشت جسم، تصاویر را قرینه می‌بیند. همچنین جلوترین جسم از دید ما، عقب‌ترین جسم از دید اوست و بر عکس.

(هوش غیرکلامی)

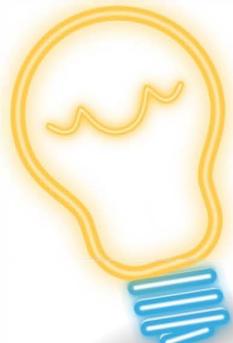
دانلود رایگان تمام آزمون های آزمایشی

در کانال تلگرام ما :



آزمایش آزمون

t.me/Azmoonha_Azmayeshi



فرهنگ
محله آموزش فرهنگی

حاج
سنت

سازمان آموزش شور



شروع تاریخ خدمات آزمایشی از تدان
سازمان سنجش آموزش کسر



پردازش



پردازش



join us ...